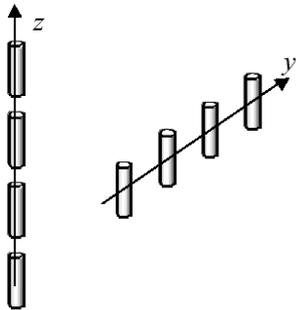




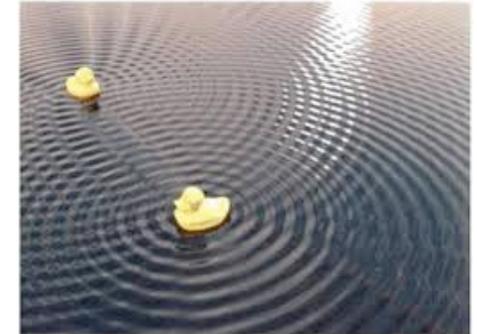
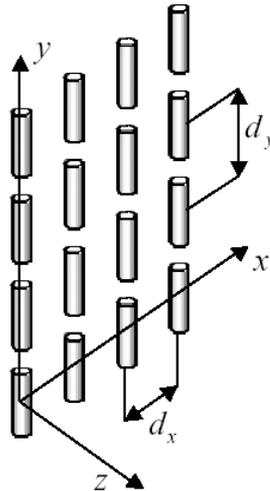
ARRAYS: Agrupaciones de antenas

- Basado en **superposición de ondas** (misma frecuencia)
- Normalmente antenas idénticas
- Las antenas están conectadas entre sí y se considera
- como si fuese una única antena

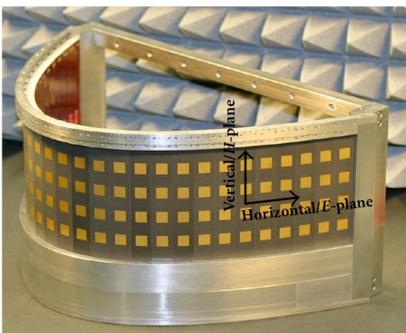
Arrays lineales



Arrays planos



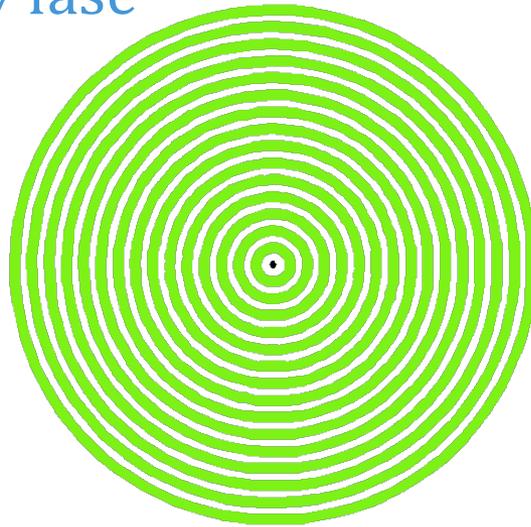
Arrays conformes



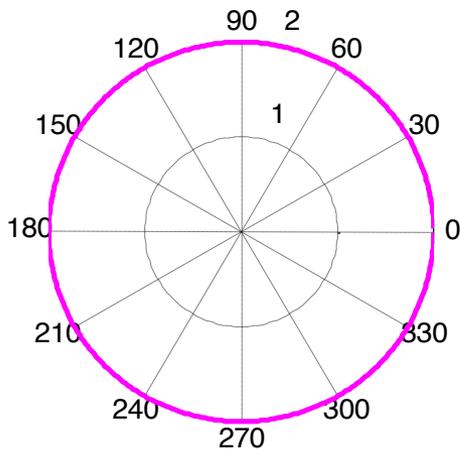


Array de dos elementos isotrópicos con la misma amplitud y fase

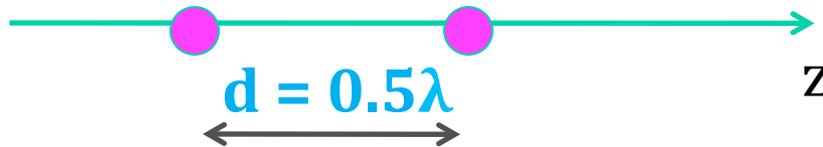
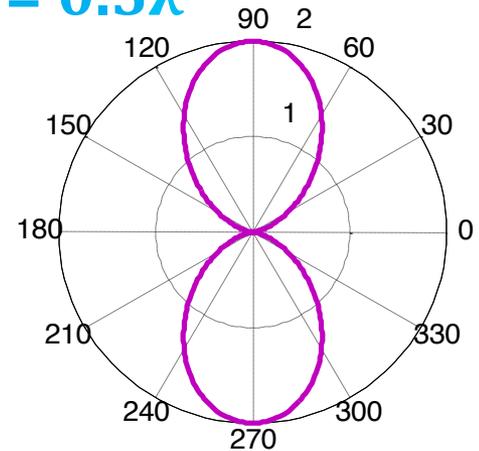
Antena isotrópica:



$d = 0$



$d = 0.5\lambda$

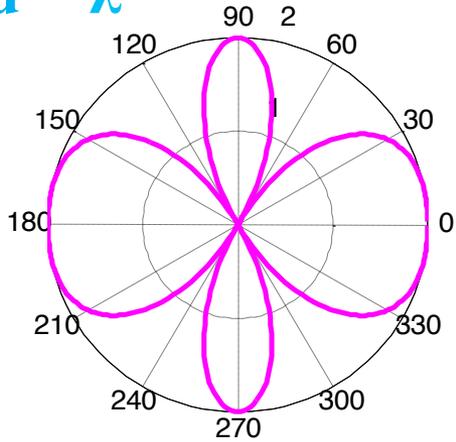


http://www.upv.es/antenas/Tema_6/videosondas_2_fase_lambda_medios.avi

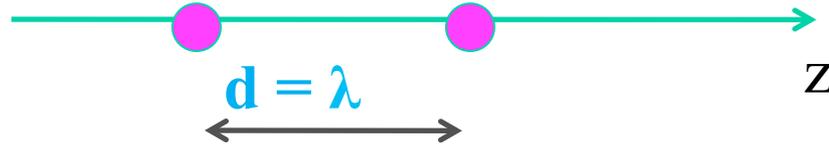


Array de dos elementos isotrópicos con la misma amplitud y fase

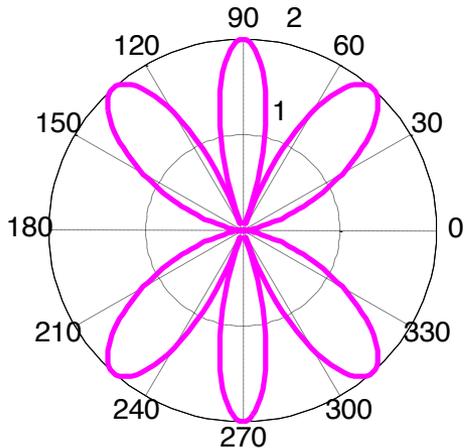
$d = \lambda$



http://www.upv.es/antenas/Tema_6/videos/ondas_2_fase_iris.avi

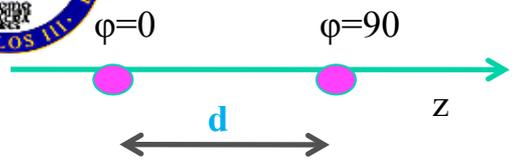


$d = 1.5\lambda$

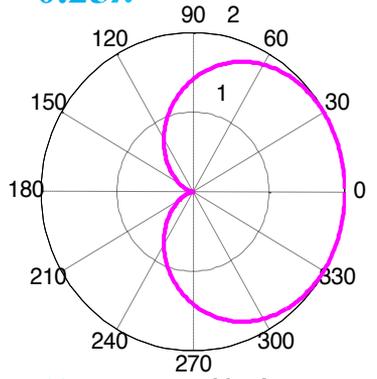


http://www.upv.es/antenas/Tema_6/videos/ondas_2_fase_3lambda_medios.avi

http://www.upv.es/antenas/Tema_6/videos/ondas_2_fase_2lambda.avi

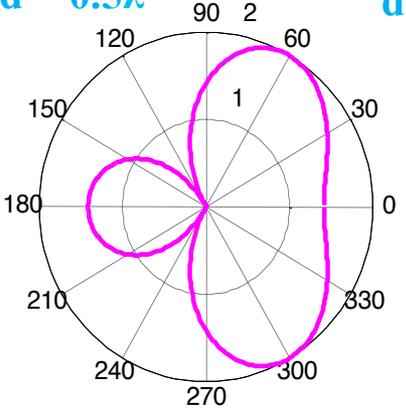


$d = 0.25\lambda$

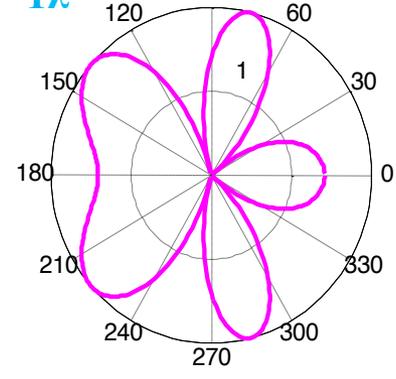


Array de dos elementos isotrópicos con distinta fase

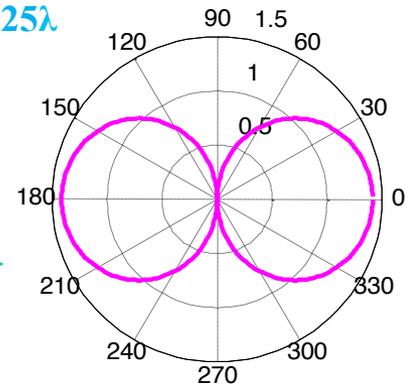
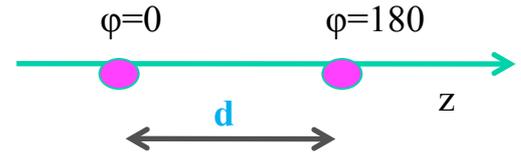
$d = 0.5\lambda$



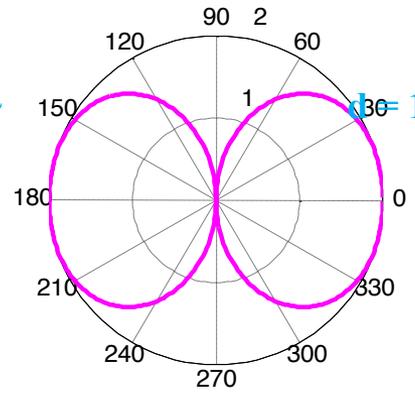
$d = 1\lambda$



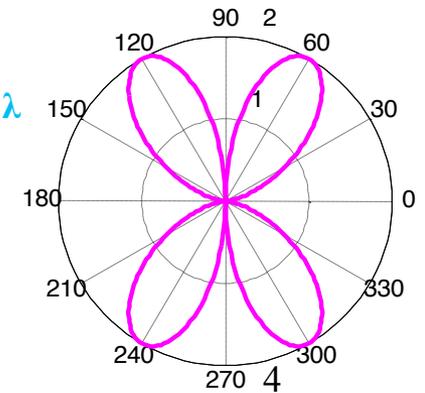
$d = 0.25\lambda$



$d = 0.5\lambda$



$d = 1\lambda$





Superposición: N elementos

El campo radiado total es la suma del campo radiado por cada elemento (son VECTORES!!!)

$$\vec{E}(r, \theta, \phi) = \sum_{n=1}^N \vec{E}_n(r, \theta, \phi) = \sum_{n=1}^N \frac{\vec{E}_{n0}(\theta, \phi) e^{-jkr} e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}}}{r} = \frac{e^{-jkr}}{r} \sum_{n=1}^N \vec{E}_{n0}(\theta, \phi) e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}}$$

Si las antenas son **todas iguales**

$$\vec{E}(r, \theta, \phi) = \frac{e^{-jkr}}{r} \vec{E}_0(\theta, \phi) \sum_{n=1}^N A_n e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}}$$

$$A_n = a_n e^{j\varphi_n}$$

FACTOR DE ARRAY

$$FA(\theta, \phi) = \sum_{n=1}^N A_n e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}}$$

$$\vec{E}(r, \theta, \phi) = \vec{E}_e(r, \theta, \phi) \cdot FA(\theta, \phi)$$



Factor de array

$$FA(\theta, \phi) = \sum_{n=1}^N A_n e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}} = \sum_{n=1}^N a_n e^{j\varphi_n} e^{jk\vec{r}_n \cdot \hat{r}}$$

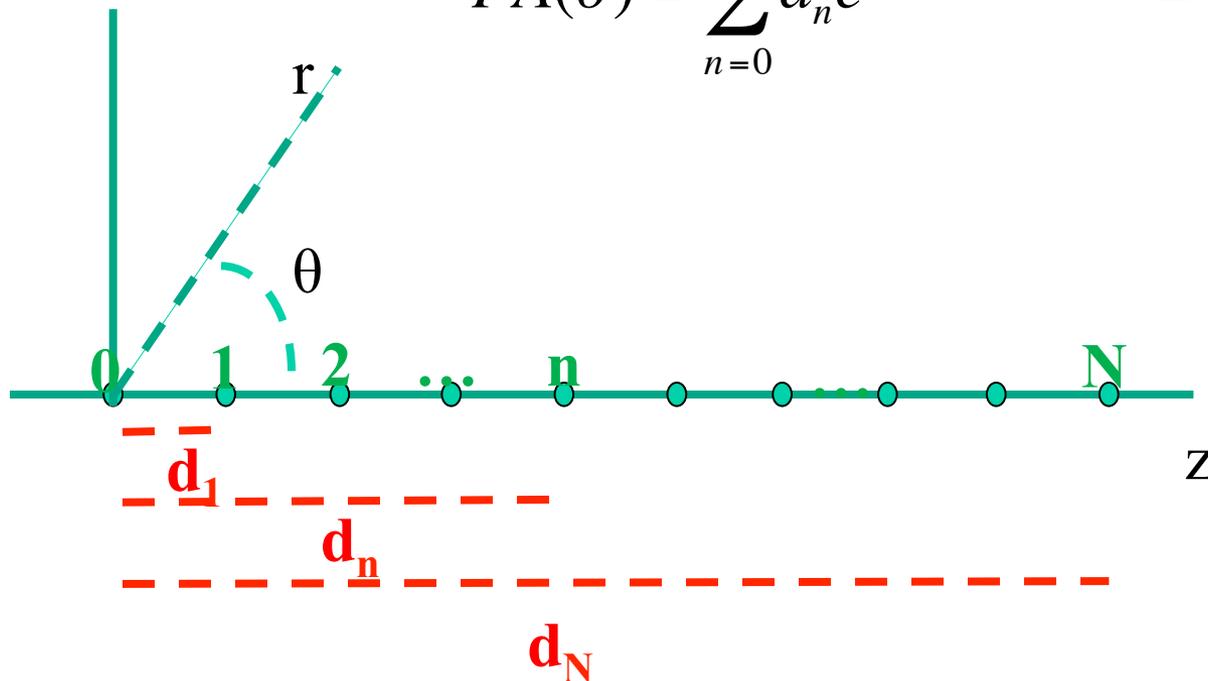
- No depende del tipo de antena utilizado
- Depende de las posiciones relativas de las antenas (geometría del array)
- Depende de las amplitudes y fases con que se alimenten las antenas



Arrays lineales

- Supongamos que los elementos están alineados a lo largo del eje z y equiespaciados:

$$FA(\theta) = \sum_{n=0}^{N-1} a_n e^{j(kd_n \cos\theta + \varphi_n)} = \sum_{n=0}^{N-1} a_n e^{j(nkd \cos\theta + \varphi_n)}$$





Caso 1: amplitud y fase uniformes

Si los elementos están alimentados con la misma fase

$$\varphi_n = 0$$

$$FA(\theta) = \sum_{n=0}^{N-1} a_n e^{jn(kd \cos\theta)} = \sum_{n=0}^{N-1} a_n e^{jn\Psi} = DFT^{-1}\{a_n\}$$

$$\Psi = kd \cos\theta$$

Si además los elementos están alimentados con la misma amplitud

$$a_n = a_0$$

$$AF(\psi) = a_0 \sum_{n=0}^{N-1} e^{jn\Psi}$$

¿qué pasa si $\psi=0$?

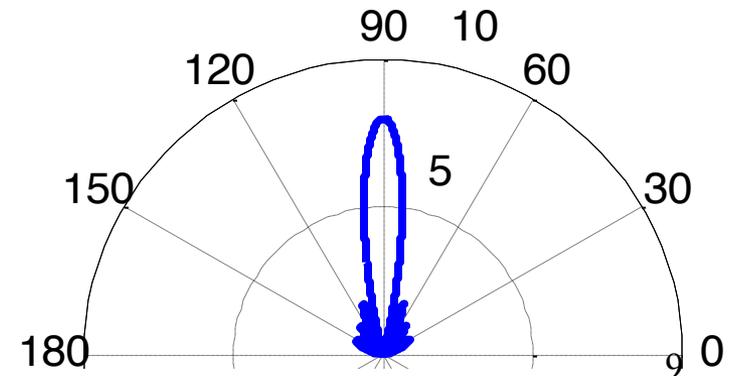
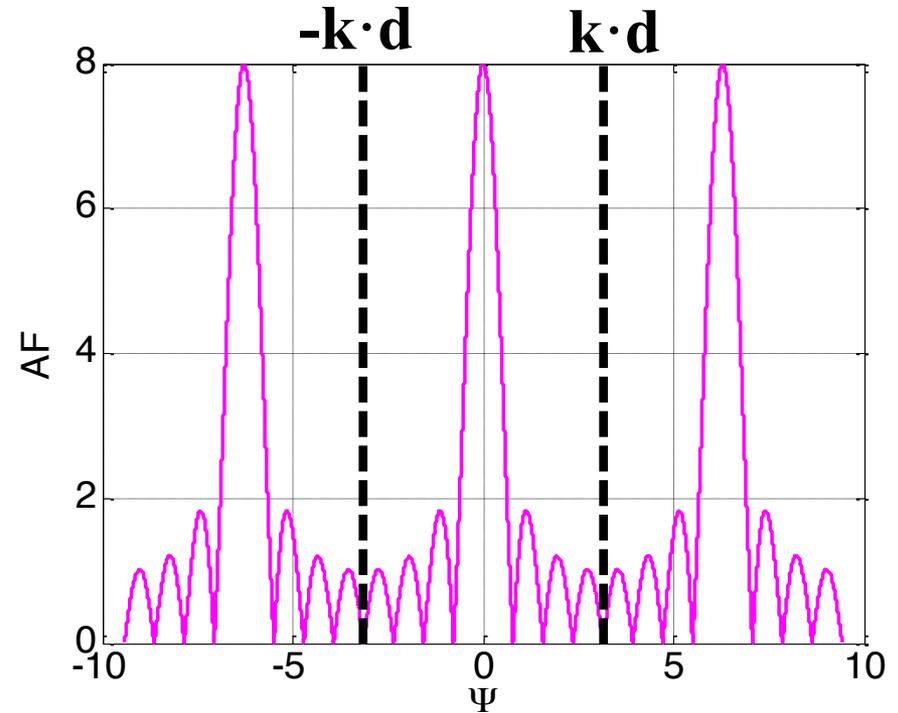


Caso 1: array lineal con amplitud y fase uniformes

$$AF(\Psi) = \sum_{n=0}^{N-1} e^{jn\Psi} = \frac{e^{jN\Psi/2} \sin(N\Psi/2)}{e^{j\Psi/2} \sin(\Psi/2)}$$

$$\Psi = kd \cos \theta$$

$$|AF(\Psi)| = \left| \frac{\sin(N\Psi/2)}{\sin(\Psi/2)} \right|$$



Margen visible el ángulo θ sólo puede tomar valores entre 0 y π :

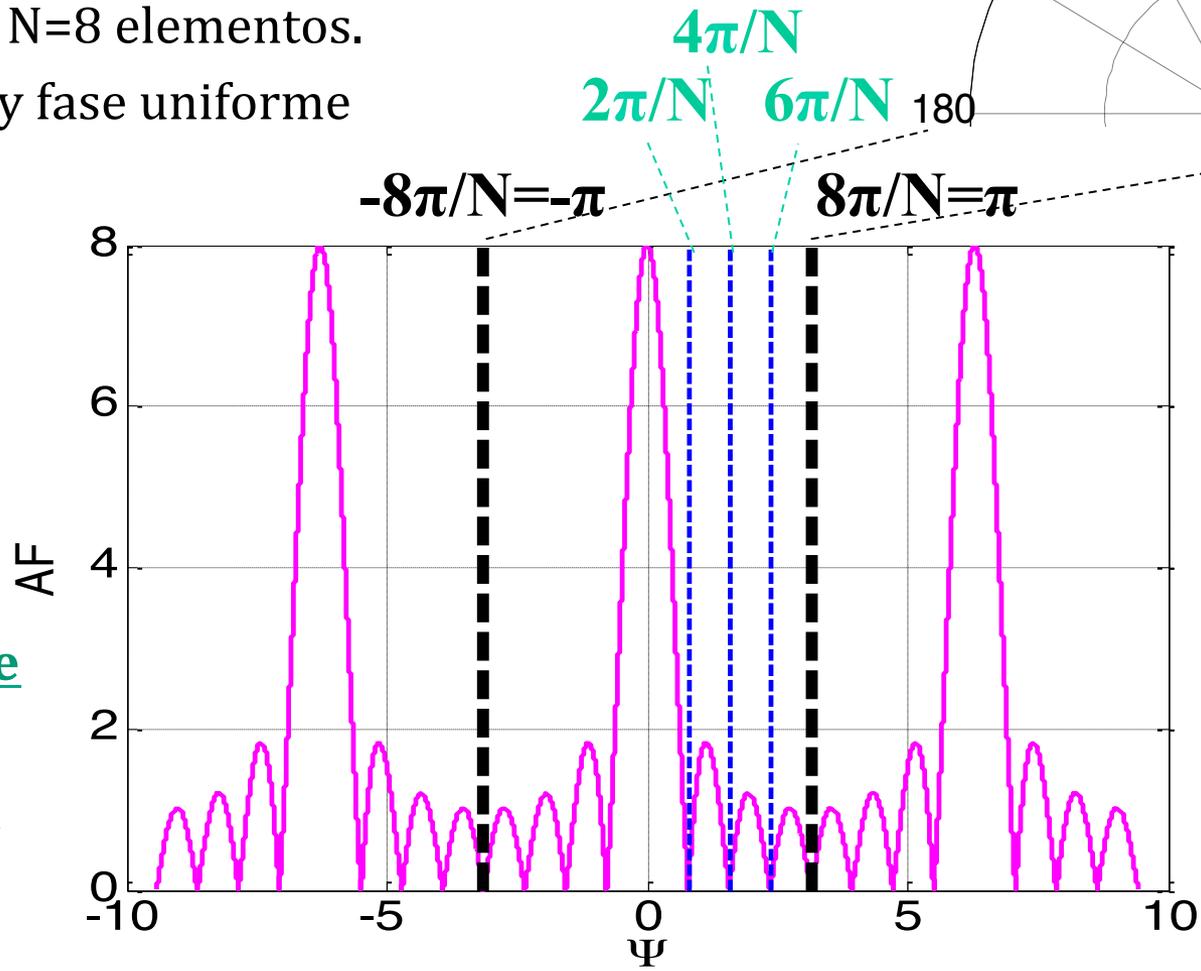
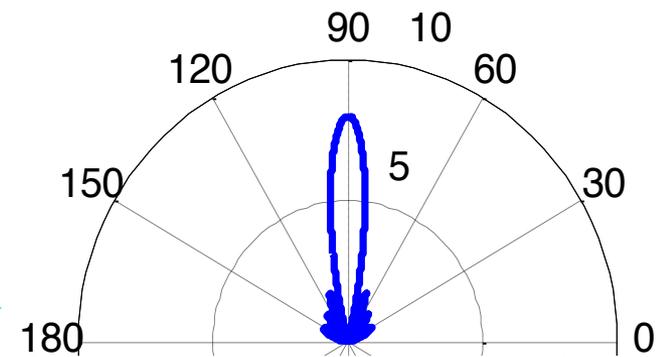
$$\theta = 0 \Rightarrow \Psi = kd$$

$$\theta = \pi \Rightarrow \Psi = -kd$$



Ejemplo 1

- Array con N=8 elementos.
- Amplitud y fase uniforme
- $d = 0.5\lambda$



**N-1 nullos
entre 2
máximos**

Margen visible

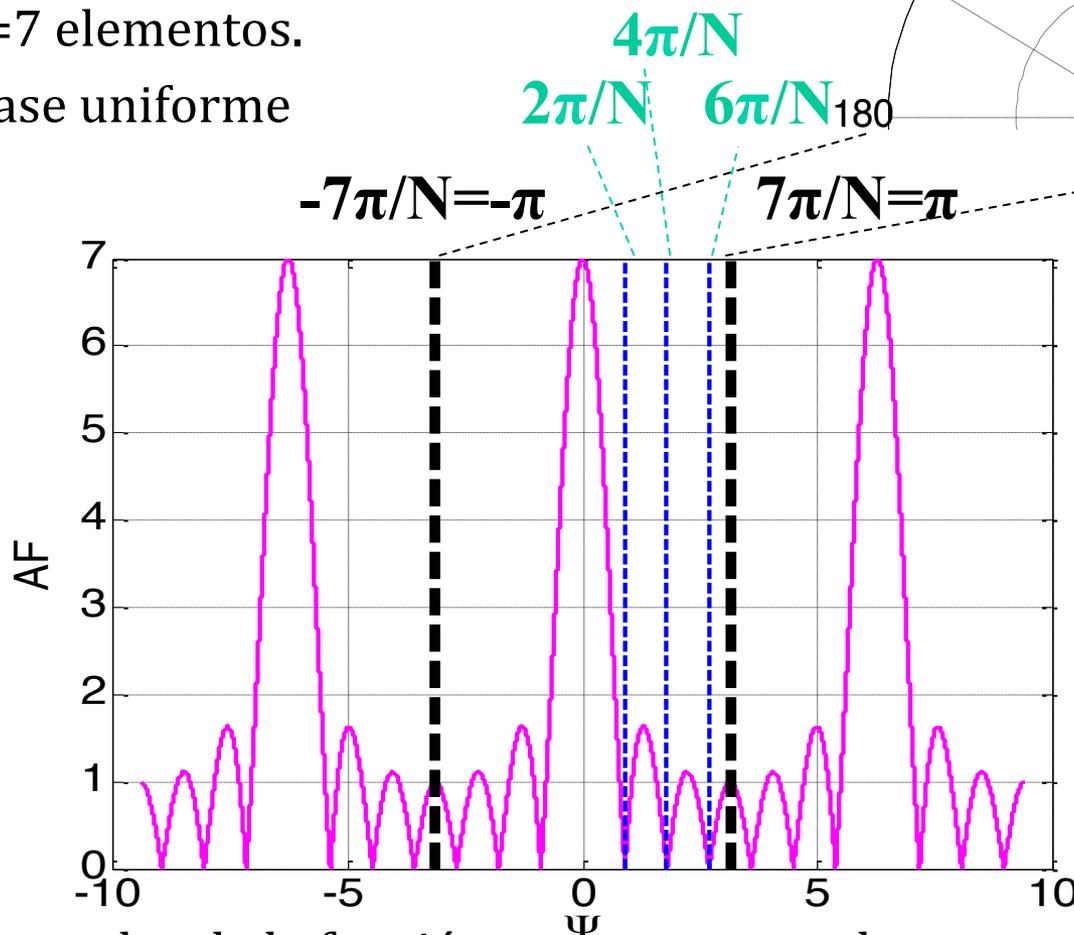
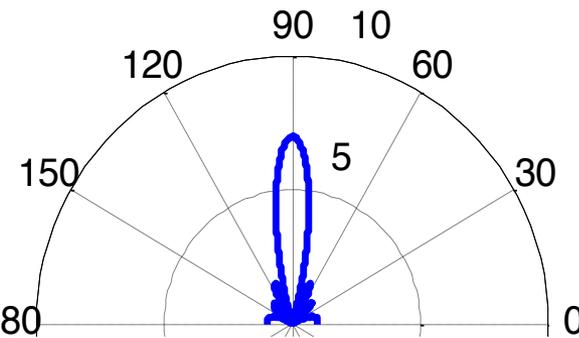
$$\Psi_1 = kd = \pi$$

$$\Psi_2 = -kd = -\pi$$



Ejemplo 2

- Array con $N=7$ elementos.
- Amplitud y fase uniforme
- $d = 0.5\lambda$



$$-7\pi/N = -\pi$$

$$7\pi/N = \pi$$

$$2\pi/N$$

$$4\pi/N$$

$$6\pi/N$$

AF

Ψ

Margen visible

$$\Psi_1 = kd = \pi$$

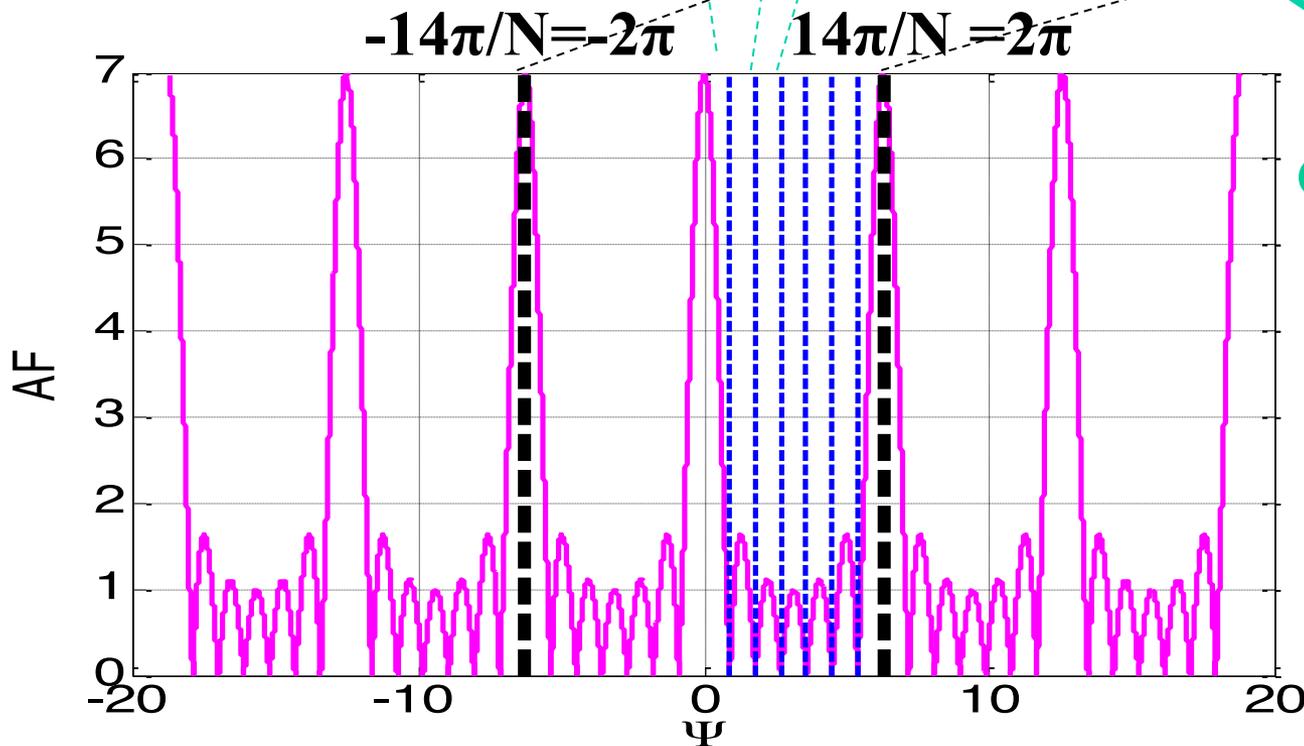
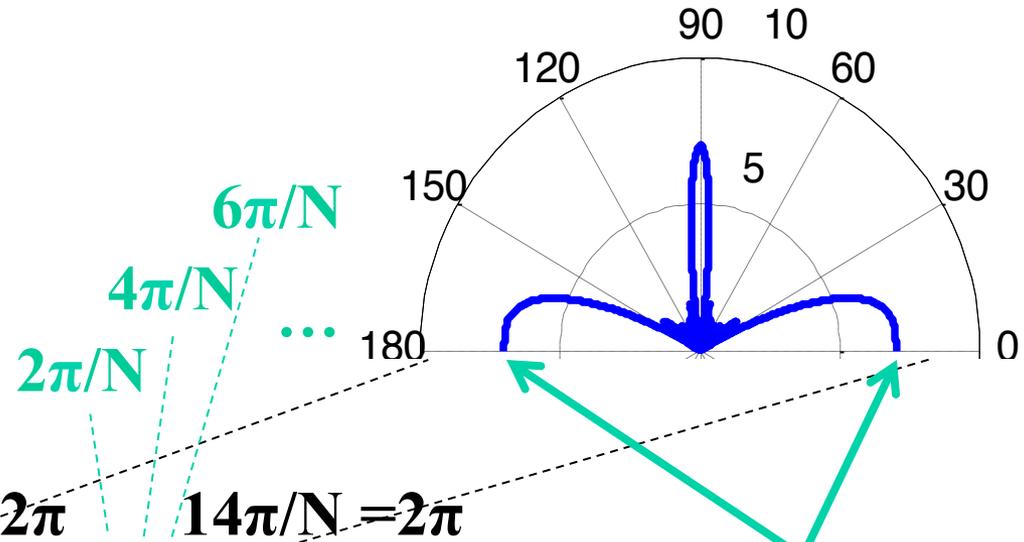
$$\Psi_2 = -kd = -\pi$$

Los nulos de la función que entran en el margen visible son los nulos de nuestro diagrama de radiación



Ejemplo 3

- Array de N=7 elementos.
- Amplitud y fase uniformes
- $d = \lambda$



Grating lobes

$$d \geq \lambda$$

Margen visible

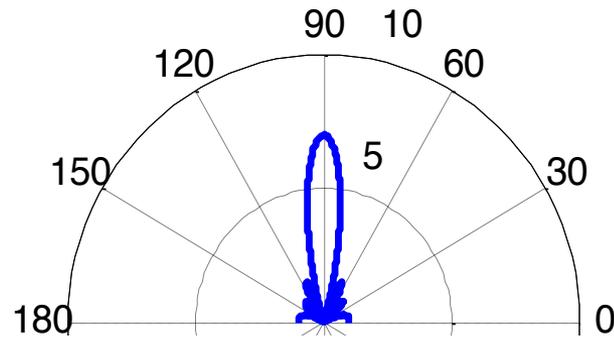
$$\Psi_1 = kd = 2\pi$$

$$\Psi_2 = -kd = -2\pi$$

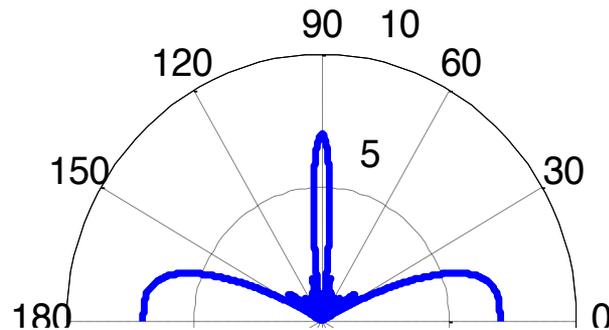


Consideraciones

- Si no hay cambio en la fase:
 - El diagrama de radiación es siempre **broadside**:



- Pero, si d es muy grande puede haber **grating lobes**:





Cuestiones:

- ¿qué ocurre con el ancho de haz del lóbulo principal si aumentamos el número de elementos de un array? Suponga $d=\lambda/2$ y calcúlelo para $N=4,6$ y 10 elementos
- ¿qué pasa con la directividad?
- ¿Cuál es el nivel de lóbulo secundario (SLL)?
- Si ahora mantengo $N=5$ y cambio la distancia entre elementos, ¿qué sucede con el ancho de haz? Calcúlelo para $d=\lambda/2$, $d=0.8\lambda$ y $d=1.5\lambda$
- ¿En algún caso hay 'grating lobes'? ¿En qué dirección?
- ¿Cuál es la dirección de apuntamiento (o máxima radiación en todos los casos)?
- Diseñe un array de 5 elementos con BW de 80°



Caso 2: array lineal con amplitud uniforme y fase progresiva (lineal)

$$a_n = a_0 \quad \varphi_n = n\alpha$$

$$FA(\theta) = a_0 \sum_{n=0}^{N-1} e^{jn(kd \cos\theta + \alpha)} = a_0 \sum_{n=0}^{N-1} e^{jn\Psi} = DFT^{-1}\{a_n\}$$

$$\Psi = kd \cos\theta + \alpha$$

$$|FA(\Psi)| = \frac{1}{N} \left| \frac{\sin(N\Psi/2)}{\sin(\Psi/2)} \right|$$



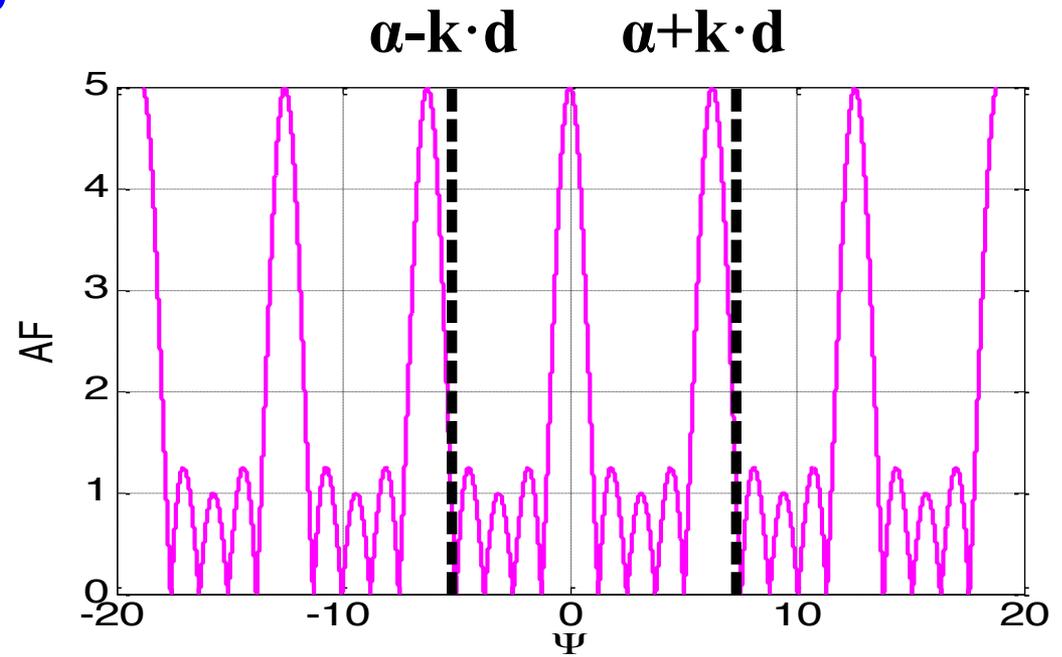
Caso 2: array lineal con amplitud uniforme y fase progresiva (lineal)

Misma función matemática pero cambia el 'trozo' que cogemos (Margen Visible) deja de ser simétrico respecto a 0

Margen visible:

$$\theta = 0 \Rightarrow \Psi = \alpha + kd$$

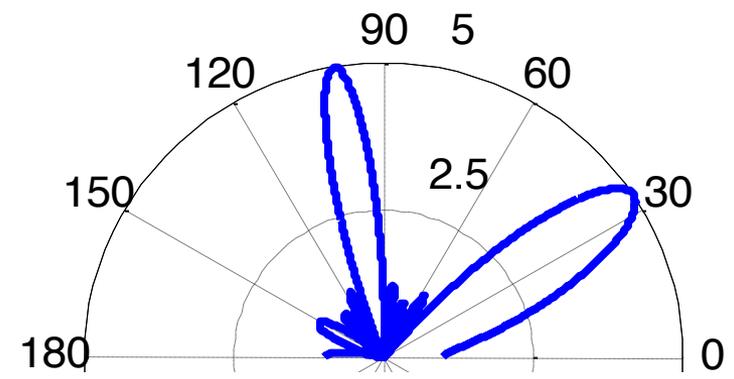
$$\theta = \pi \Rightarrow \Psi = \alpha - kd$$



¡¡El array ya NO es broadside!!!!

El máximo sigue obteniéndose cuando $\psi=0=kd \cos\theta_M + \alpha$

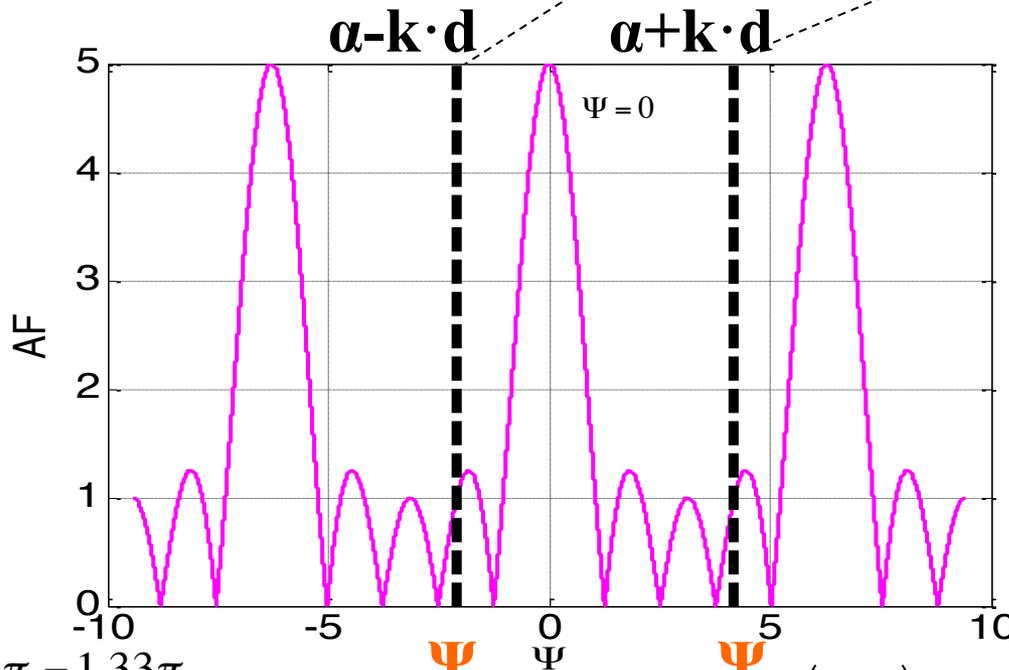
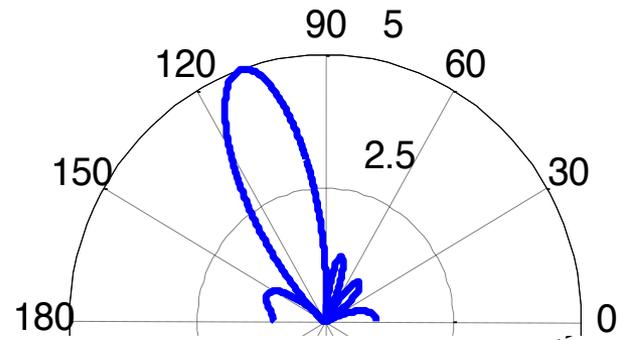
La dirección de máxima radiación $\theta_M = \cos^{-1}(-\alpha/kd)$ depende de α !!!



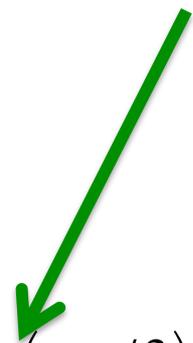


Ejemplo 1

- Array de N=5 elementos.
- Amplitud uniforme
- $d = 0.5\lambda$
- $\alpha = 60^\circ$



Dirección de máxima radiación
 $\Psi = 0$



$$\Psi_1 = \alpha + kd = \frac{\pi}{3} + \pi = 1,33\pi$$

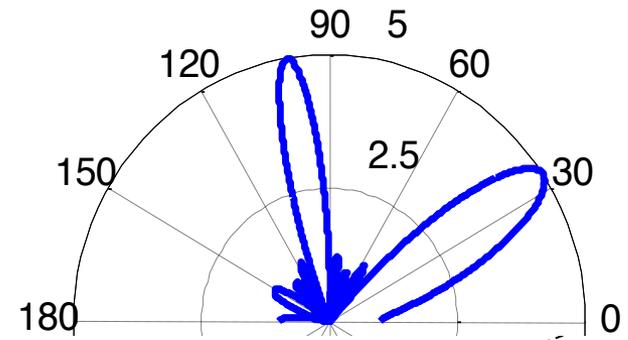
$$\Psi_2 = \alpha - kd = \frac{\pi}{3} - \pi = -0,66\pi$$

$$\theta_M = \arccos\left(\frac{-\alpha}{kd}\right) = \arccos\left(\frac{-\pi/3}{\pi}\right) = 109,47^\circ$$



Ejemplo 2

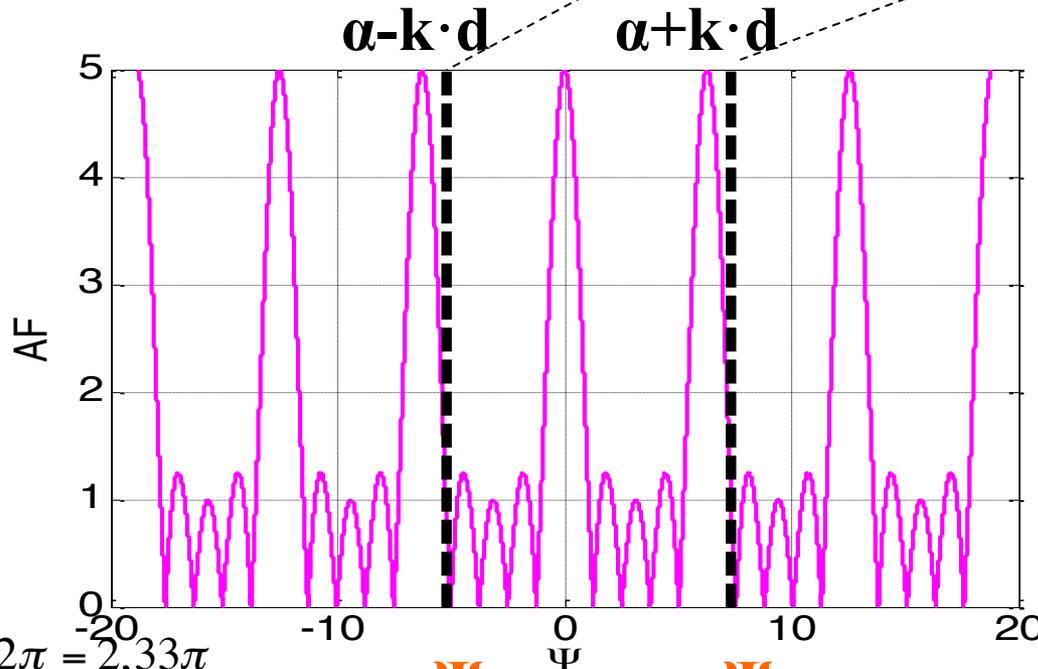
- Array de N=5 elementos.
- Amplitud uniforme
- $d = \lambda$
- $\alpha = 60^\circ$



Grating lobes si:

$$kd + |\alpha| \geq 2\pi$$

Puede haber grating lobes para $d < \lambda$



$$\Psi_1 = \alpha + kd = \frac{\pi}{3} + 2\pi = 2,33\pi$$

$$\Psi_2 = \alpha - kd = \frac{\pi}{3} - 2\pi = -1,66\pi$$

Ψ_2

Ψ_1

$$\theta_M = \arccos\left(\frac{-\alpha}{kd}\right) = \arccos\left(\frac{-\pi/3}{2\pi}\right) = 99,5^\circ_{18}$$

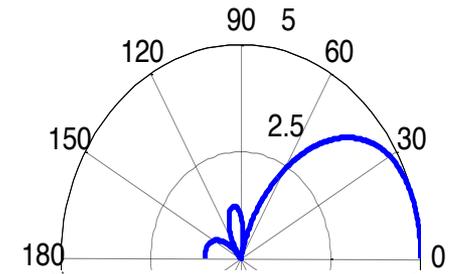


Caso particular: array endfire

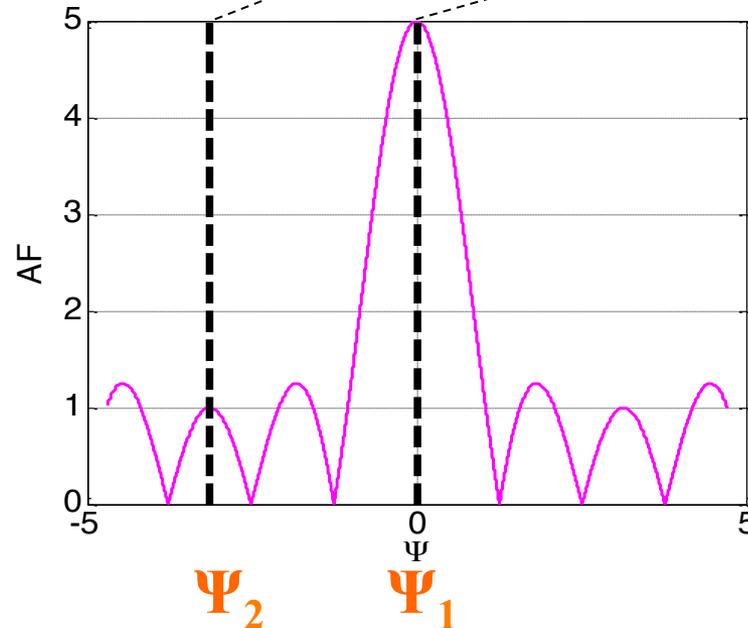
- Array con su máximo en la dirección del eje $\theta_M = 0$ o $\theta_M = 180$

↓
 $\alpha = -kd$

↓
 $\alpha = kd$



- Ejemplo $N=5$ elementos y $\theta_M = 0$.
- Amplitud Uniforme
- $d = 0.25\lambda$
- $\alpha = -90^\circ$
- $\Psi_1 = 0$
- $\Psi_2 = \pi$





RESUMEN

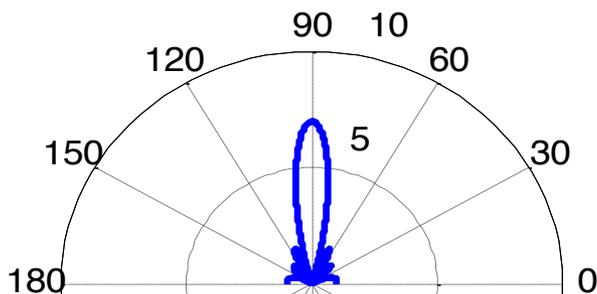
Broadside

$$\alpha = 0$$

$$\Psi = kd \cos \theta$$

$$-kd < \Psi < kd$$

$$\theta_M = 90^\circ$$



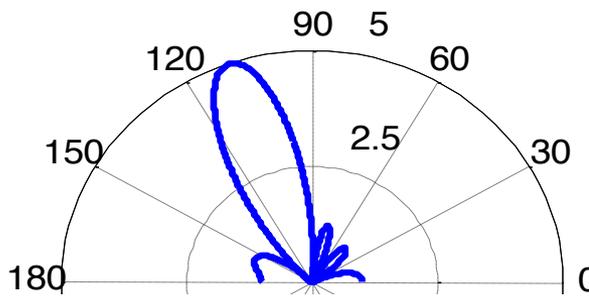
Scanning

$$\alpha \neq 0 \neq \pm kd$$

$$\Psi = kd \cos \theta + \alpha$$

$$-kd + \alpha < \Psi < kd + \alpha$$

$$\theta_M = \arccos\left(\frac{-\alpha}{kd}\right)$$



End-fire

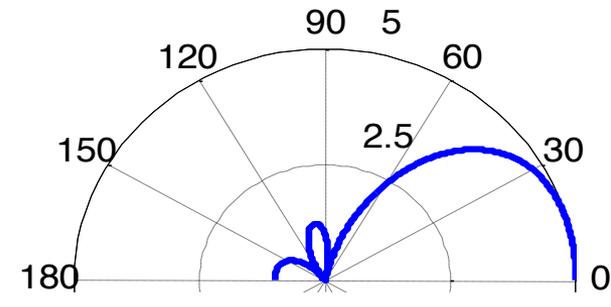
$$\alpha = \pm kd$$

$$\Psi = kd \cos \theta + \alpha$$

$$-2kd < \Psi < 0$$

$$0 < \Psi < 2kd$$

$$\theta_M = 0^\circ \quad \theta_M = 180^\circ$$





Cuestiones:

- ¿cómo se consigue que un array lineal apunte a una dirección que no sea broadside?
- Si tiene un array de $N=5$ elementos separados $d=\lambda/2$, calcule la fase progresiva que es necesario aplicar para que el array apunte a 60° . Repita el cálculo para $N=10$ y extraiga conclusiones.
- Para los dos casos anteriores calcule la anchura del lóbulo principal.
- Diseñe un array endfire de 7 elementos con máxima directividad y un nulo en la dirección del eje opuesta al máximo.
- Calcule la anchura entre nulos del caso anterior.