

1. Sea  $X$  una característica que puede tomar los valores 1, 2, 3 y 4 con probabilidades  $1/8$ ,  $2/8$ ,  $4/8$  y  $1/8$  respectivamente. Se extrae una m.a.s.(2) de esta característica y se calcula el valor medio de los valores observados. Se pide calcular la distribución del espacio muestral y del estadístico  $\bar{X} = \frac{X_1 + X_2}{2}$ , media muestral.
2. Dada una m.a.s.  $X_1, \dots, X_n$ , calcular la distribución en el muestreo de la media muestral si la población es
  - (a) Poisson de parámetro  $\lambda$
  - (b) Bernoulli de parámetro  $p$ .
  - (c) Exponencial de parámetro  $\lambda$
  - (d) Gamma de parámetros  $a$  y  $p$ .
3. Determinar la distribución en muestreo de  $\bar{X}$  y  $\sigma^2$ , correspondientes a una muestra aleatoria simple, de tamaño  $n$ , de la variable aleatoria

$$X = \begin{cases} 1 & \text{con probabilidad } \theta \\ 0 & \text{con probabilidad } 1 - \theta \end{cases}$$

4. En un dado de quinielas están marcados los resultados 1, 2 y  $X$ . Para hacer inferencias acerca de las probabilidades  $p_1$ ,  $p_2$  y  $p_X$  de cada resultado, se lanza tres veces el dado. Construir el espacio muestral (de tamaño 3). Hallar la distribución del estadístico  $(T_1, T_2, T_X)$ , siendo  $T_i$  la frecuencia de resultados iguales a  $i$ . Determinar la distribución de  $T_X$ , su media y su varianza. Calcular la covarianza entre  $T_1$  y  $T_2$ .
5. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una m.a.s.( $n$ ) de una característica  $X$  que se distribuye con función de densidad  $f(x)$ , determinar las distribuciones en el muestreo de los estadísticos  $T_1(X_1, X_2, \dots, X_n) = \max(X_1, X_2, \dots, X_n)$  y  $T_2(X_1, X_2, \dots, X_n) = \min(X_1, X_2, \dots, X_n)$
6. Sea  $(X_1, X_2, X_3)$  una muestra aleatoria de una población que sigue una distribución definida por la función:

$$f(x) = \begin{cases} 2x & \text{si } 0 < x < 1, \\ 0 & \text{resto.} \end{cases}$$

Calcular la probabilidad de que el estadístico  $X_{(1)} = \min(X_1, X_2, X_3)$  exceda la mediana de la distribución.

7. Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  una muestra aleatoria simple de una distribución uniforme en  $(\theta - 1/2, \theta + 1/2)$ . Determinar la distribución en el muestreo del mínimo  $X_{(1)}$  y del máximo  $X_{(n)}$ . Determinar además sus esperanzas y deducir un estadístico no nulo, cuya esperanza sea cero.

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

9. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una m.a.s.(n) de una característica  $X$  que se distribuye según una  $N(\mu, \sigma^2 = 10)$ . Hallar el tamaño muestral  $n$  necesario para que el error absoluto cometido al aproximar la media poblacional  $\mu$ , por la media muestral  $\bar{x}$ , no sea superior a 5 con probabilidad 0.954.
10. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_6)$  una muestra aleatoria de una característica  $X$  de una población  $N(\mu, \sigma^2 = 12)$ , calcular  $P\{2.3 < S^2 < 22.2\}$  donde  $S^2$  es la cuasivarianza muestral.
11. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_{25})$  una muestra aleatoria de una característica  $N(3, \sigma^2 = 100)$ , calcular  $P\{0 < \bar{X} < 6, 55.2 < S^2 < 145.6\}$
12. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_{25})$  e  $(Y_1, Y_2, \dots, Y_{25})$  dos muestras aleatorias e independientes de dos poblaciones normales  $N(0, \sigma = 4)$  y  $N(1, \sigma = 3)$  respectivamente. Calcular  $P\{\bar{X} > \bar{Y}\}$ .
13. Calcular los extremos del intervalo simétrico respecto de la media que dejan fuera al 5% de las observaciones de una distribución  $N(\mu, \sigma)$ .
14. Calcular los extremos del intervalo simétrico respecto de la media  $\mu$  que contienen al 50% de las observaciones de la distribución normal  $N(\mu, \sigma)$ .
15. Calcular los datos que faltan en las siguientes igualdades:
 

(a) $P\{N(0, 1) > 1.96\} =$	(b) $P\{N(0, 1) \leq \quad\quad\quad\} = 0.8212$
(c) $P\{\chi_{21}^2 > 20.3\} =$	(d) $P\{\chi_4^2 \leq \quad\quad\quad\} = 0.975$
(e) $P\{t_{14} \leq 2.62\} =$	(f) $P\{t_{19} > \quad\quad\quad\} = 0.1$
(g) $P\{F_{3,5} > 12.06\} =$	(h) $P\{F_{5,3} < \quad\quad\quad\} = 0.01$

16. Calcular la media y la desviación típica de una variable aleatoria normal  $X$  donde se conoce:

$$P(X \geq 3) = 0.8413, \quad P(X < 9) = 0.9772$$



Cartagena99

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**