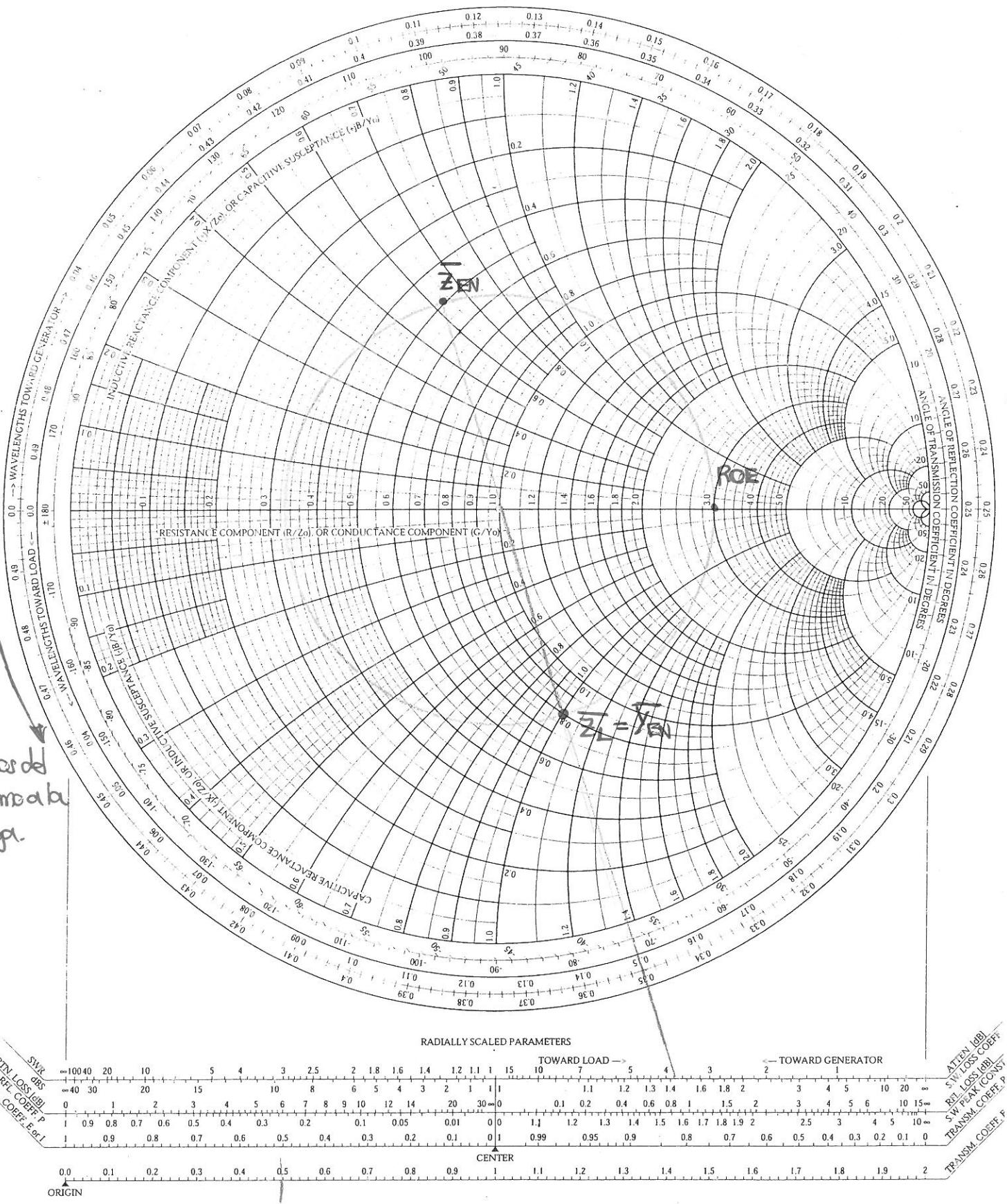


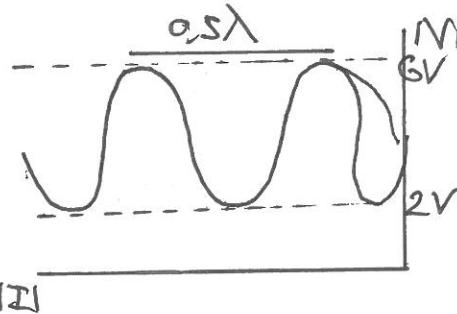
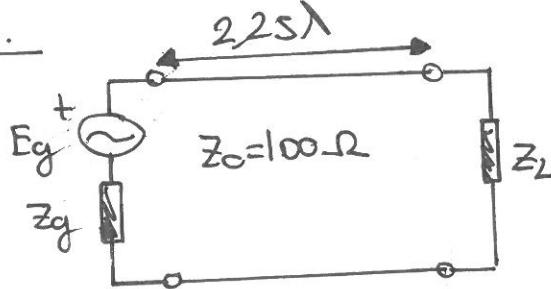
## Ejemplo 2.2.

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid



Ejemplo 2.2.



$$\text{1)} \quad \text{ROE} = \text{SWR} = S = \frac{V_{\max}}{V_{\min}} = 3 \rightarrow |P| = \frac{S-1}{S+1} = \frac{1}{2}$$

$$P_L = |P_L| e^{j\phi_L}?$$

$$|P| = |P_L| = \frac{1}{2} \quad \text{Trazamos la circunferencia } |P| = \text{cte} = \frac{1}{2}$$

Nos posicionamos en el punto de  $V_{\min}$  (semiveje real negativo) y nos desplazamos  $0,1\lambda$  hacia carga.

$$f_L = -72^\circ \rightarrow P_L = 0,5 \underbrace{|-72^\circ|}_{\text{grados del coeficiente de reflexión. Son grados normales.}}$$

$$\text{2)} \quad \overline{Z_L} = 0,8 - j \rightarrow Z_L = 80 - j100 \Omega \rightarrow \text{Si nos desplazamos } 2,25\lambda \text{ y cambia a admittancias}$$

$$\overline{Y_0} = 0,8 - j \rightarrow Y_0 = 0,008 - j0,01 \text{ S}$$

$$\text{3)} \quad \overline{Z_{\max}} = 3 \rightarrow \text{es la ROE} \rightarrow Z_{\max} = 300 \Omega$$

$$\overline{Z_{\min}} = \frac{1}{\text{ROE}} = \frac{1}{3} \rightarrow \overline{Z_{\min}} = \frac{100}{3} \Omega$$

## 2.2.- ADAPTACIÓN DE IMPEDANCIAS EN LÍNEA

El problema de la adaptación de impedancias en líneas de transmisión es el campo de aplicación más corriente de el diagrama de Smith.

Para llevar a cabo la adaptación se suele recurrir a secciones de línea terminadas en cortocircuito o circuito abierto, que, tal como se vio en el capítulo anterior, presentan impedancias de entrada imaginarias puras, pudiendo, por tanto, emplearse como elementos no disipativos en lugar de elementos concentrados. Cuando se emplean elementos concentrados especialmente diseñados para alta frecuencia, también es posible el uso del diagrama de Smith, aunque el método gráfico carece de interés cuando se utilizan redes de adaptación complejas que permiten ensanchar el ancho de banda.

### 2.2.1.- Sección adaptadora terminada en cortocircuito.

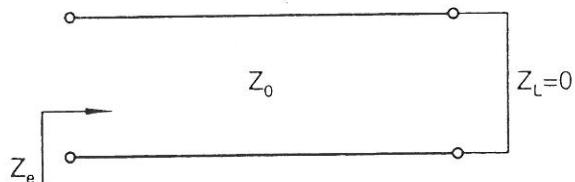


Fig. 2.16. Línea terminada en cortocircuito

Tal como se vio en la sección 1.6.1, la impedancia que aparece en la entrada de una línea cortocircuitada responde a la expresión:

$$Z_e = j Z_0 \operatorname{tg} kz \Rightarrow Z_{eN} = j \operatorname{tg} kz$$

Efectivamente, la impedancia corresponde a un valor imaginario, tal como se puede observar también en el diagrama de Smith, llevando al mismo el valor de la carga  $Z_L=0$  y obteniendo la circunferencia de posibles valores de impedancia o de admitancia en línea.

El resultado se refleja en la figura 2.17, en donde se observa que la circunferencia de posibles valores de impedancia en línea coincide con la circunferencia que limita al diagrama, es decir, a la circunferencia de parte real cero. Con ello, los puntos por encima del eje real dan lugar a reactancias inductivas y los puntos por debajo del eje corresponden a reactancias capacitivas.

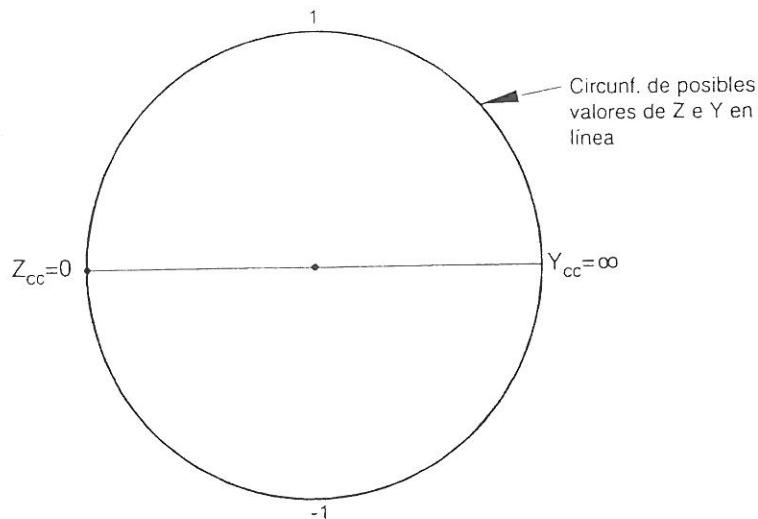


Fig. 2.17. Z e Y en una línea cortocircuitada.

### 2.2.2.- Sección adaptadora terminada en circuito abierto.

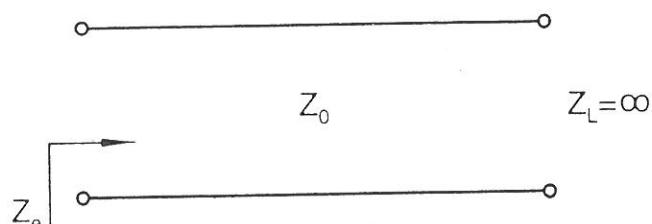


Fig. 2.18. Línea terminada en circuito abierto.

La impedancia que presenta en la entrada esta línea toma la forma:

$$Z_e = -j Z_0 \cot g kz \Rightarrow Z_{eN} = -j \cot g kz$$

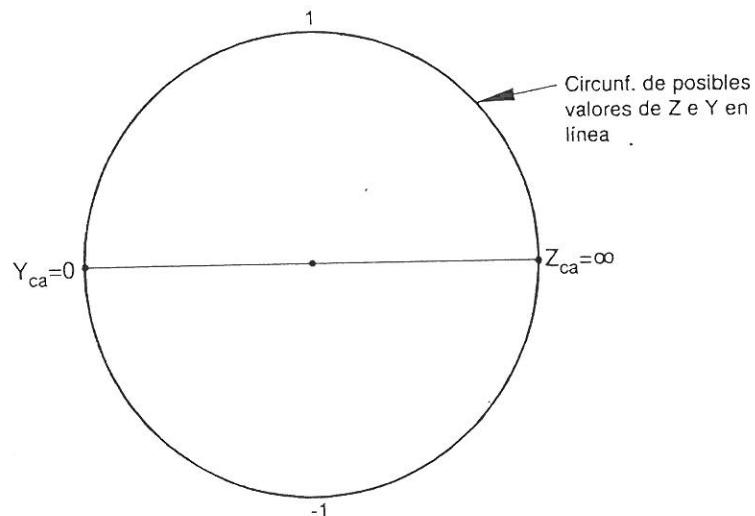


Fig. 2.19. Z e Y en una línea terminada en circuito abierto.

→ En paralelo, trabajar con admisiones y.  
 "¿Qué componen las admisiones de los circuitos  
 Smith?"

### 2.2.3.- Sintonizador simple.

Permite la adaptación de una impedancia de carga,  $Z_L$ , a una línea de transmisión de impedancia característica  $Z_0$ , por medio de una sola sección de línea sintonizadora.

El tramo de línea sintonizadora, de **longitud l**, se conecta en paralelo con la línea principal a una **distancia d** de la carga, tal como se muestra en la figura.

La línea sintonizadora puede estar terminada en cortocircuito o en circuito abierto.

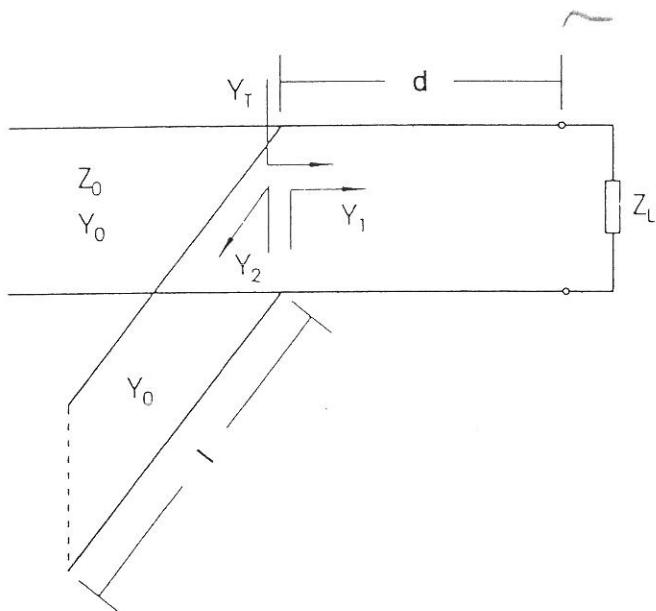


Fig. 2.20. Sintonizador simple

La solución del problema consiste en determinar la distancia d para conseguir que la parte real de la admisión  $Y_1$  sea igual a la admisión característica,  $Y_0$ , o lo que es lo mismo, que la parte real de  $Y_{1N}$  sea igual a 1. Al abordar el problema con la carta de Smith se observan dos soluciones diferentes, pues la circunferencia de posibles valores de admisiones en la línea más próxima a  $Z_L$  corta en dos puntos distintos a la circunferencia de parte real igual a 1.

Por otro lado, la longitud l del tramo de línea adaptadora se elige de tal manera que el valor de  $Y_{2N}$  sea el adecuado para anular la parte imaginaria de  $Y_{1N}$ , es decir

$$\text{si } Y_{1N} = 1 + jB \Rightarrow Y_{2N} = -jB$$

con lo que

$$Y_{TN} = Y_{1N} + Y_{2N} = 1 + jB - jB = 1 \Rightarrow Y_T = Y_{TN} \cdot Y_0 = 1 \cdot Y_0 = Y_0$$

Con lo que, desde el punto de la conexión de la línea adaptadora hasta el generador, la línea principal se encontrará terminada por su impedancia característica.

**Ejemplo 2.3:** Adaptar una carga  $Z_L = 32'5 + 45j \Omega$ , a una línea de transmisión de  $Z_0 = 50 \Omega$ , mediante un sintonizador simple. La longitud de onda de la señal a transmitir es  $\lambda = 2 \text{ m}$ .

El primer paso de la solución consistirá en llevar al diagrama de Smith el valor de la impedancia de carga normalizada.

$$Z_{LN} = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{32'5 + 45j}{50} = 0'65 + 0'9j$$

Con ello se podrá trazar la circunferencia de posibles valores de impedancia o admitancia presentes en la línea, y así trazar el punto correspondiente a la admitancia de carga. A partir de este momento se trabajará con el diagrama de Smith para admitancias.

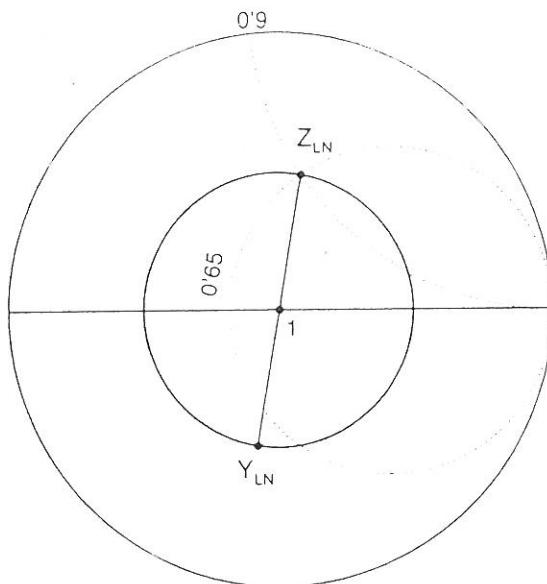


Fig. 2.20

Para determinar d, se parte de que la admitancia que ha de presentar la línea en el punto donde se ha de conectar el sintonizador,  $Y_1$ , ha de presentar parte real igual a 1.

En el diagrama de Smith de la figura 2.21 se observa que la circunferencia de posibles valores de admitancia en línea corta a la circunferencia de parte real 1 en dos puntos,  $Y'_1$  e  $Y''_1$ , con lo que existen dos posibles soluciones para d.

SOLUCIÓN 1:  $Y'_{1N} = 1 + 1'2j \Rightarrow d' = 0'283 \lambda = 0'283 \cdot 2 = 0'566 \text{ m}$

SOLUCIÓN 2:  $Y''_{1N} = 1 - 1'2j \Rightarrow d'' = 0'445 \lambda = 0'445 \cdot 2 = 0'89 \text{ m}$

Ejemplo 2.3

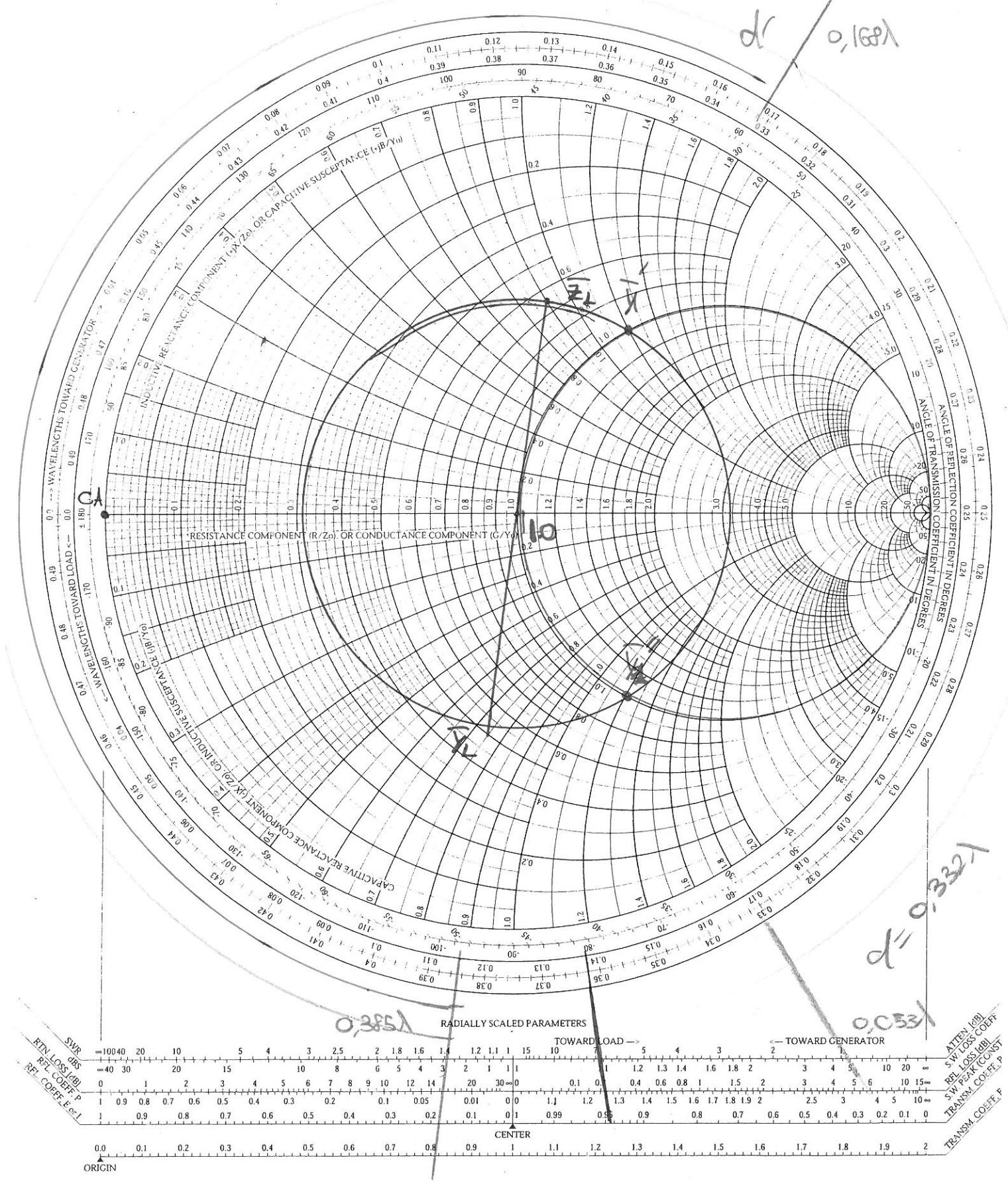
$$\lambda = 2\text{ m}$$

$$Z_L = 22.5 + 45j \Omega$$

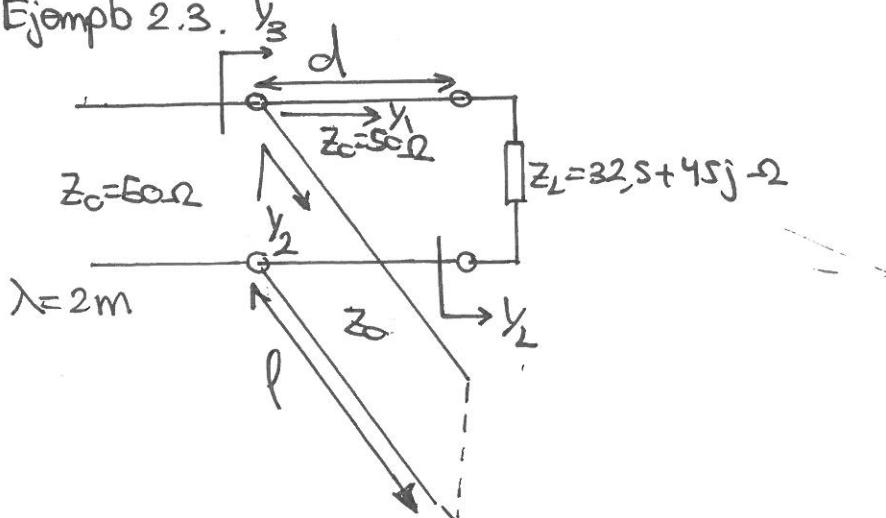
$$Z_0 = 50 \Omega$$

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid



Ejemplo 2.3.



Solución

Normalizamos  $\bar{Z}_L = \frac{Z_L}{Z_0} = 0.65 + 0.9j$ . La posicionamos en la CS y CLAVE  $\downarrow$  pasamos a admittancias porque el sintonizador está en paralelo.

Trazamos la circunferencia  $|y|=cte$  que pasa por  $\bar{Y}_L$  ya que en esta circunferencia estará  $\bar{Y}_1$ .

Como debemos conseguir adaptación de impedancias debe ser

$$z_3 = z_0 \rightarrow \bar{z}_3 = 1 \rightarrow \bar{y}_3 = 1.$$

Como están en paralelo:

$$\bar{y}_3 = 1 = \bar{y}_1 + \bar{y}_2$$

Al ser  $\bar{y}_2$  imaginaria ( $\bar{y}_2 = \pm j$  algo) la parte real de  $\bar{y}_1$  es 1

$$\text{Re}(\bar{y}_1) = \text{Re}(\bar{y}_3) = 1$$

$$\bar{y}_1 = 1.2j + 1 \rightarrow d' = 0.283\lambda$$

$$y_2 = 1 - 1.2j \rightarrow d'' = 0.332\lambda$$

\* Longitudes de los stubs marcadas al final.

Para solución ①:  $\bar{y}_2 = \bar{y}_3 - \bar{y}_1 = -j1.2$

$$l_{2ca}'' = 0.332\lambda + n\frac{\lambda}{2}; \quad l_{2cc}'' = 0.11\lambda + n\frac{\lambda}{2}$$

→ Entre  $l_{ca}$  y  $l_{cc}$  siempre debe haber una distancia de  $0.25\lambda$  (mitad CS)

Para solución ②:  $\bar{y}_2'' = \bar{y}_3 - \bar{y}_1'' = +1.2j$

$$l_{ca}'' = 0.14\lambda + n\frac{\lambda}{2}$$

$$l_{cc}'' = 0.39\lambda + n\frac{\lambda}{2}$$

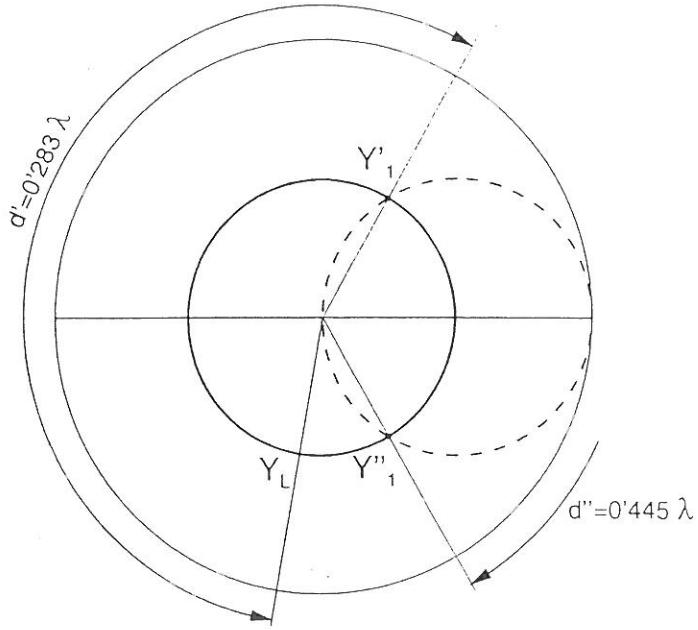


Fig. 2.21

Para calcular la longitud de la línea sintonizadora,  $l$ , se elige ésta de tal manera que la admitancia que presente en el punto de unión,  $Y_2$ , sea del mismo valor que la parte imaginaria de  $Y_1$ , pero de distinto signo, para que se anulen mutuamente ambas partes imaginarias cuando se sumen para obtener  $Y_T$ .

SOLUCIÓN 1:  $Y_{TN} = 1 = Y'_{1N} + Y'_{2N} = 1 + 1'2j + Y'_{2N} \Rightarrow Y'_{2N} = -1'2j$

SOLUCIÓN 2:  $Y_{TN} = 1 = Y''_{1N} + Y''_{2N} = 1 - 1'2j + Y''_{2N} \Rightarrow Y''_{2N} = 1'2j$

A partir de estos valores, se determinan directamente las longitudes de los sintonizadores necesarios. Como el problema no especifica si la línea sintonizadora debe estar terminada en cortocircuito o en circuito abierto, se calcularán todas las soluciones posibles, tal como se muestra en la figura 2.22.

#### SOLUCIÓN 1:

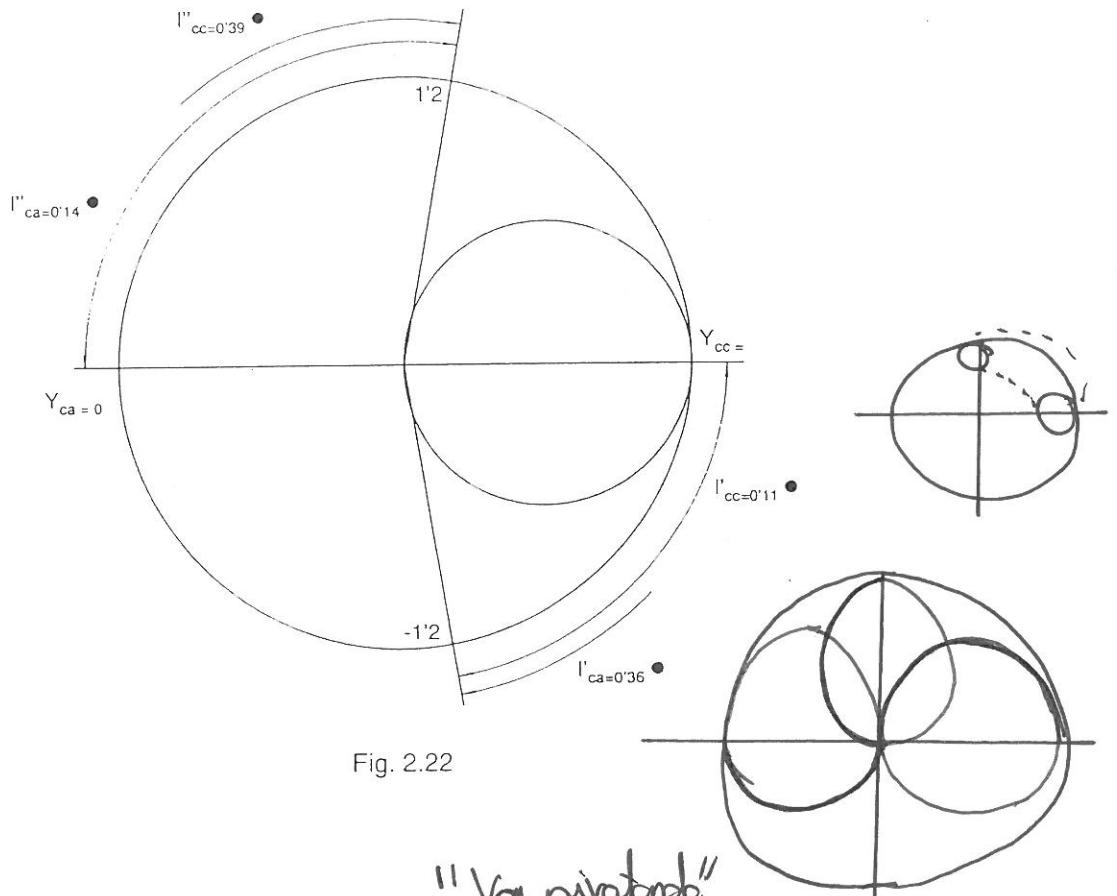
Sintonizador terminado en circuito abierto  $l'_{ca} = 0'36 \lambda = 0'36 \cdot 2 = 0'72 \text{ m}$

Sintonizador terminado en cortocircuito  $l'_{cc} = 0'11 \lambda = 0'11 \cdot 2 = 0'22 \text{ m}$

#### SOLUCIÓN 2:

Sintonizador terminado en circuito abierto  $l''_{ca} = 0'14 \lambda = 0'14 \cdot 2 = 0'28 \text{ m}$

Sintonizador terminado en cortocircuito  $l''_{cc} = 0'39 \lambda = 0'39 \cdot 2 = 0'78 \text{ m}$



#### 2.2.4.- Sintonizador doble.

"Va pivotando"

"Deshacer el giro → cuadros cobr semicircunferencias"

Permite la adaptación de una impedancia de carga a una línea, por medio de dos secciones de línea adaptadoras, conectadas en paralelo con la línea principal. Las líneas adaptadoras pueden estar terminadas en cortocircuito o en circuito abierto.

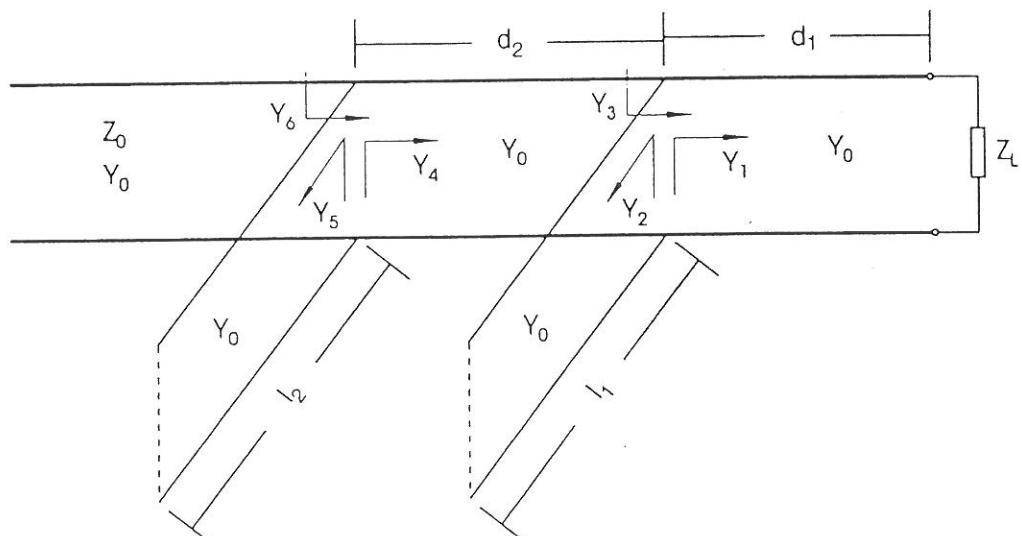


Fig. 2.23. Sintonizador doble

Las dos secciones adaptadoras se encuentran separadas una distancia prefijada,  $d_2$ , y, a la vez, colocadas a una distancia también conocida,  $d_1$ , de la carga. En la figura 2.23 se muestran estas distancias  $d_1$  y  $d_2$ , así como las longitudes  $l_1$  y  $l_2$  que son las incógnitas a determinar para conseguir la adaptación.

Antes de analizar el procedimiento a seguir, es conveniente hacer las siguientes consideraciones:

Clave  
Planteamiento del Doble Stub

- $Y_1$  se puede obtener girando  $Y_L$  sobre la circunferencia de posibles valores de admitancia en línea, la distancia conocida  $d_1$  hacia el generador, por ello puede considerarse dato.
  - Para conseguir la adaptación,
- $$Y_6 = Y_0 \Rightarrow Y_{6N} = 1$$
- $Y_2$  e  $Y_5$  son imaginarias puras, con lo que, al no tener parte real se debe de cumplir
- $$\operatorname{Re}[Y_3] = \operatorname{Re}[Y_1] \quad (\text{que es dato})$$
- $$\operatorname{Re}[Y_4] = \operatorname{Re}[Y_6] = Y_0 \Rightarrow \operatorname{Re}[Y_{4N}] = \operatorname{Re}[Y_{6N}] = 1$$
- $Y_3$  debe tener un valor tal que al girarlo una distancia  $d_2$  hacia el generador debe obtenerse una  $Y_4$  que ha de tener parte real igual a 1, es decir,  $Y_4$  debe encontrarse sobre la circunferencia de parte real que pasa por el centro del diagrama.

clave del doble stub

Par adaptar una línea a una carga con un sintonizador doble se deben considerar los siguientes pasos :

1. Una vez llevado al diagrama el valor normalizado de  $Z_L$  y obtenido el correspondiente  $Y_L$ , se gira este valor  $d_1$  hacia el generador, determinándose el valor de  $Y_1$ , tal como se muestra en la figura 2.24.
2. Se dibuja la circunferencia de  $\operatorname{Re}[ ]=1$  girada la distancia  $d_2$  hacia la carga, tal como se ilustra en la figura 2.25.
3.  $Y_3$  se obtiene como intersección de esta circunferencia de  $\operatorname{Re}[ ]=1$  girada, con la circunferencia de  $\operatorname{Re}[ ]= \operatorname{Re}[Y_1]$ . Si el problema tiene solución, en general aparecen dos valores de  $Y_3$  que cumplen con la condición, tal como se muestra en la figura 2.26.

clave del  
doble stub

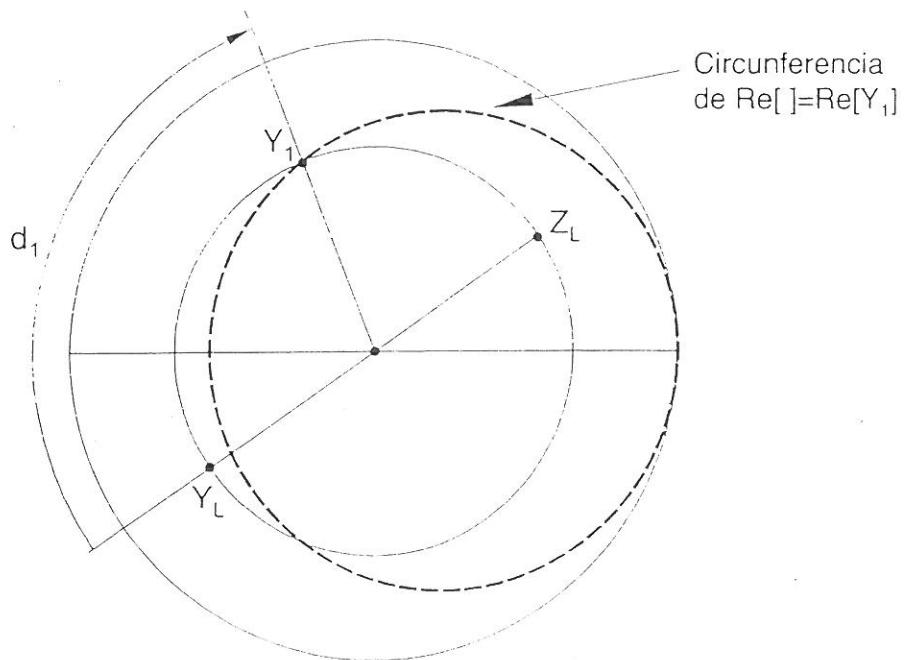


Fig. 2.24

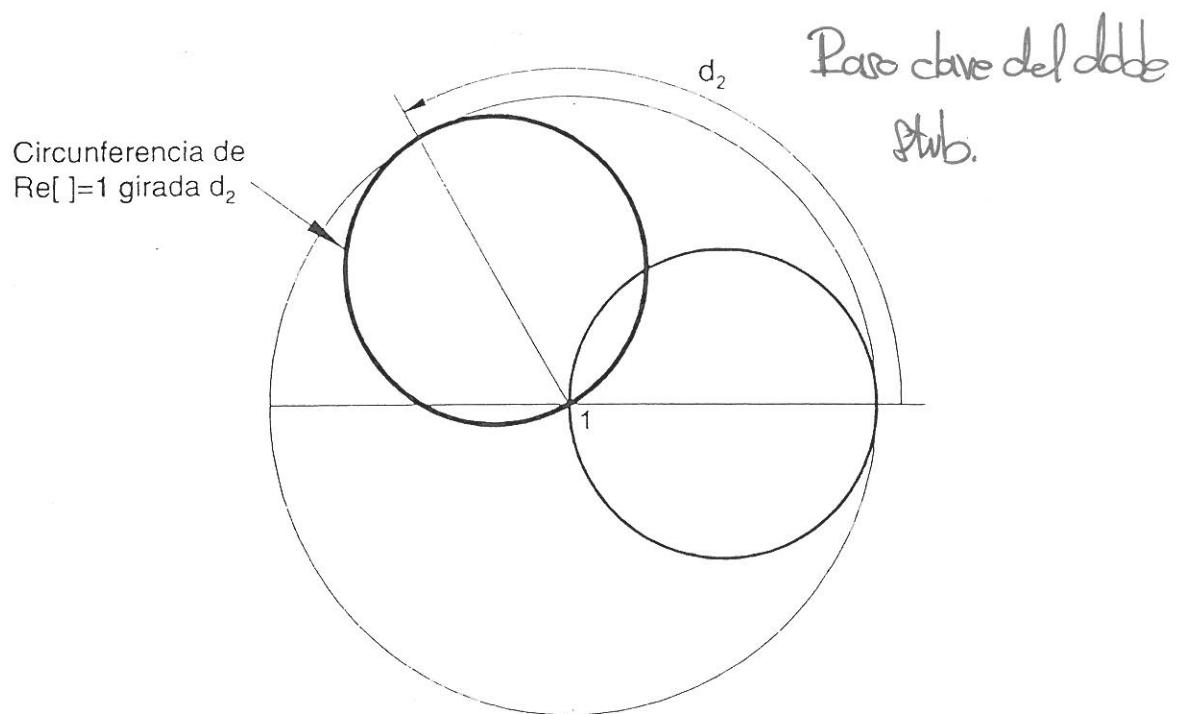


Fig. 2.25

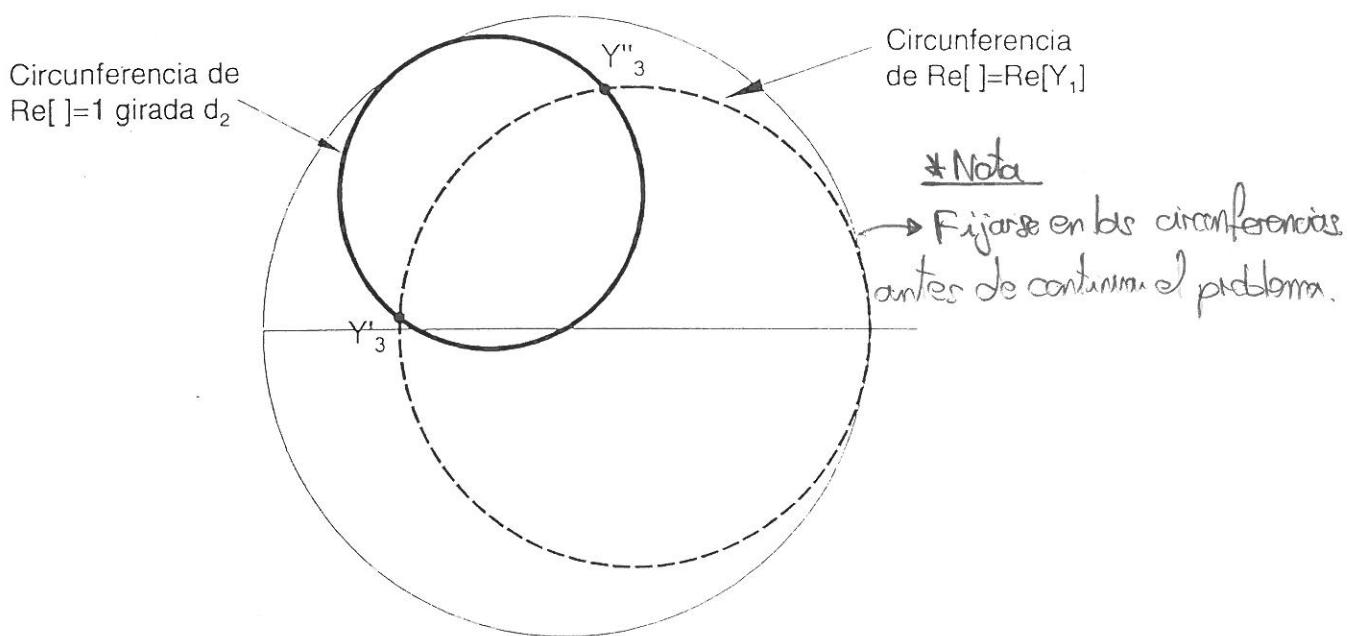


Fig. 2.26

*Deshacer el giro*

4. Una vez obtenido  $Y_3$ ,  $Y_4$  se obtiene girando  $Y_3$  la distancia  $d_2$  hacia en generador. Con las condiciones impuestas a  $Y_3$ ,  $Y_4$  debe resultar sobre la circunferencia de  $\text{Re}[ ]=1$ , es decir, tendrá parte real 1.
5. Con los puntos 1,3 y 4 se podrá determinar en el diagrama los valores:

$$Y_{1N} = G_1 + jB_1$$

$$Y_{3N} = G_3 + jB_3$$

$$Y_{4N} = 1 + jB_4$$

6. La longitud  $l_1$  se obtendrá a partir del valor necesario en  $Y_2$  para que se cumpla:

$$Y_{2N} = Y_{3N} - Y_{1N} = G_3 + jB_3 - (G_1 + jB_1)$$

Como  $G_1=G_3$  pues  $Y_3$  se ha obtenido sobre la circunferencia de parte real igual a  $Y_1$  (figura 2.26).

$$Y_{2N} = jB_3 - jB_1 = jB_2 \Rightarrow l_1$$

7. La longitud  $l_2$  se obtendrá a partir del valor necesario en  $Y_5$  para que se anule la parte imaginaria de  $Y_4$ :

$$Y_{6N} = 1 = Y_{4N} + Y_{5N} = 1 + jB_4 + jB_5$$

$$jB_5 = -jB_4 = -\text{Im}[Y_{4N}] \Rightarrow l_2$$

### 2.2.5 Adaptador en $\lambda/4$ .

Permite la adaptación de dos líneas de transmisión con impedancias característica diferentes, siempre que estas impedancias sean reales. El método se ilustra en la figura 2.27.

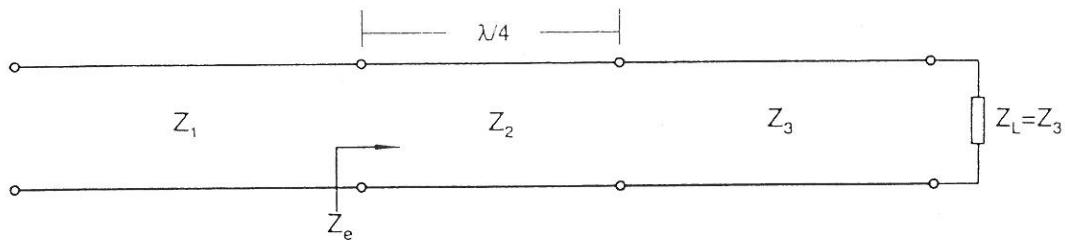


Fig. 2.27. Adaptador en  $\lambda/4$ .

Las impedancias  $Z_1$ ,  $Z_2$  y  $Z_3$  son las impedancias características de cada uno de los tres tramos de línea.

Empleando las expresiones desarrolladas en la sección 1.6, la impedancia de entrada a la red en  $\lambda/4$  que se emplea como transformadora de impedancias, toma la expresión:

$$Z_e = Z_2 \frac{Z_3 \cos \beta z + jZ_2 \sin \beta z}{Z_2 \cos \beta z + jZ_3 \sin \beta z} = Z_2 \frac{Z_3 + jZ_2 \tan \beta \frac{\lambda}{4}}{Z_2 + jZ_3 \tan \beta \frac{\lambda}{4}} = \frac{(Z_2)^2}{Z_3}$$

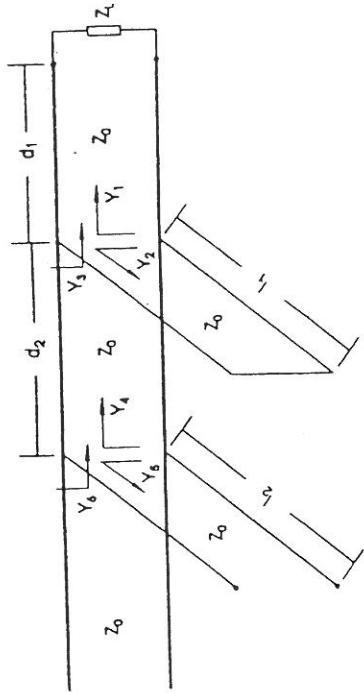
Para que exista adaptación,  $Z_e = Z_1$ , con lo que:

$$Z_2 = \sqrt{Z_1 Z_3}$$

*solo si está adaptada.*

Es decir, que se consigue la adaptación de las dos líneas cuando la línea adaptadora en  $\lambda/4$  se elige con una impedancia característica igual a la media geométrica de las impedancias de las dos líneas a adaptar.

Determinar las longitudes  $l_1$  y  $l_2$  del doble sintonizador de la figura 3 que permitan la adaptación de la impedancia  $Z_L$  a la línea  $Z_0$ .



Datos:

$$\begin{aligned}Z_L &= 50 + 140j \Omega \\Z_0 &= 100 \Omega \\d_1 &= 0.68 \lambda \\d_2 &= 0.35 \lambda\end{aligned}$$

Fig. 3

$$\bar{Z}_L = \frac{\bar{Z}_L}{Z_0} = 0.5 + 1.4j \quad \rightarrow \quad \bar{Y}_i = 0'22 + 0'6j$$

En la carta:

$$\begin{cases} \bar{Y}'_3 = 0'22 - 0'9j \\ \bar{Y}''_3 = 0'22 - 1'26j \end{cases} \quad \begin{cases} \bar{Y}'_4 = 1 - 1'7j \\ \bar{Y}''_4 = 1 + 3'1j \end{cases}$$

Solución ①

$$\begin{cases} \bar{Y}'_2 = \bar{Y}'_3 - \bar{Y}_i = 0'22 - 0'9j - (0'22 + 0'6j) = -0'79j \\ \bar{Y}''_5 = -\text{Im}[\bar{Y}'_4] = 1'7j \end{cases} \quad \begin{cases} \ell_1 = 0'394\lambda - 0'25\lambda = 0'144\lambda \\ \ell_2 = 0'166\lambda \end{cases}$$

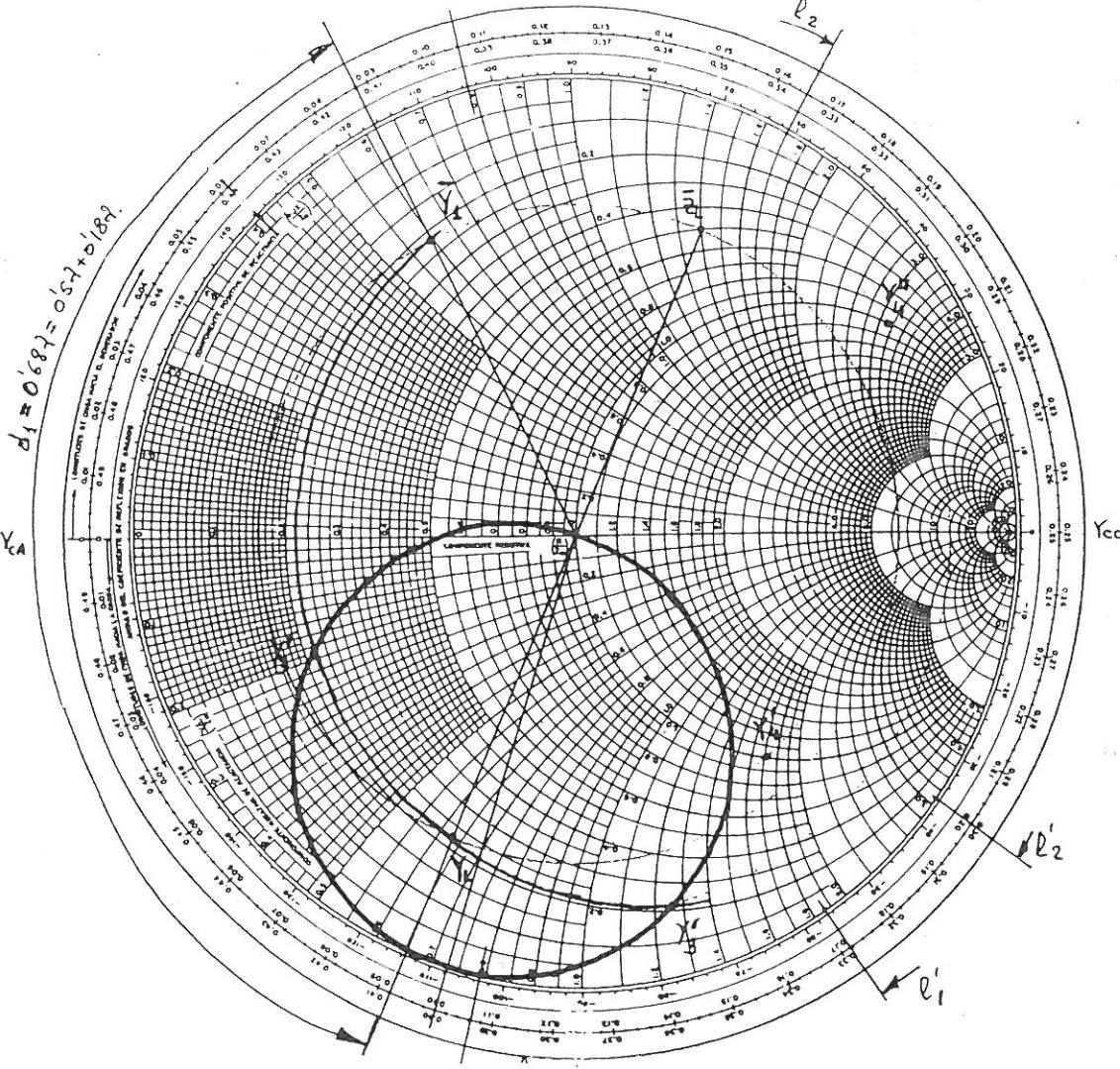
En la carta se obtiene

$$\begin{cases} \bar{Y}''_2 = \bar{Y}''_3 - \bar{Y}_i = 0'22 - 1'26j - (0'22 + 0'6j) = -1'86j \\ \bar{Y}''_5 = -\text{Im}[\bar{Y}''_4] = -3'1j \end{cases}$$

Solución ②

$$\begin{cases} \ell'_1 = 0'328\lambda - 0'25\lambda = 0'078\lambda \\ \ell'_2 = 0'3\lambda \end{cases}$$

DIAGRAMA DE SMITH



$| \Gamma |$

$\ell'_1 = 0'328\lambda - 0'25\lambda = 0'078\lambda$

$\ell'_2 = 0'3\lambda$

88

Solución:

Normalizamos  $\frac{Z_L}{Z_0} = \frac{Z_L}{Z_0} = \sigma_s + j\beta_s$ . La posicióm en la carta y pasmos a admittencias.

Nos desplazamos por la circunferencia de módulo  $|p| = \text{de } 0,68\lambda$  hacia generador hasta encontrar  $\bar{\gamma}_1$ :

$$\bar{\gamma}_1$$

Como  $\bar{\gamma}_3 = \bar{\gamma}_1 + \bar{\gamma}_2$  y sabemos que  $\bar{\gamma}_2$  es imaginaria pura,  $\text{Re}(\bar{\gamma}_3) = \text{Re}(\bar{\gamma}_1) = 0,22$  (la mencionamos en la carta de Smith).

Por otro lado sabemos que  $\bar{\gamma}_G = \bar{\gamma}_2 + \bar{\gamma}_5 = 1$ . Como  $\bar{\gamma}_5$  es imag. para teneras que  $\text{Re}(\bar{\gamma}_G) = \text{Re}(\bar{\gamma}_2) = 1$ .

→ Desplazamos la circunferencia  $\text{Re}(z) = 1$ , donde están los posibles valores de  $\bar{\gamma}_1$ ,  $0,35\lambda$  hacia carga para encontrar los posibles valores de  $\bar{\gamma}_2$ .

$$\begin{aligned}\bar{\gamma}_1 &= 0,22 - j0,19 \\ \bar{\gamma}_3 &= 0,22 - j1,26\end{aligned}$$

Deshaciendo el signo encontramos:

$$\begin{aligned}\bar{\gamma}_2 &= * 1 - 1,7j \\ \bar{\gamma}_L &= 1 + j3,1\end{aligned}$$

Solución ①:

$$\bar{\gamma}_2 = \bar{\gamma}_3 - \bar{\gamma}_1 = (0,22 - j0,19) - (0,22 + j0,6) = -0,79j$$

$$\beta_1 = 0,144\lambda$$

$$\bar{\gamma}_5 = \bar{\gamma}_6 - \bar{\gamma}_2 = 1 - (1 - j1,7) = +j1,7$$

$$\beta_2 = 0,166\lambda$$

Solución ②:

$$\bar{\gamma}_2 = \bar{\gamma}_3 - \bar{\gamma}_1 = (0,22 - j1,26) - (0,22 + j0,6) = -j1,86$$

$$\beta_1 = 0,078\lambda$$

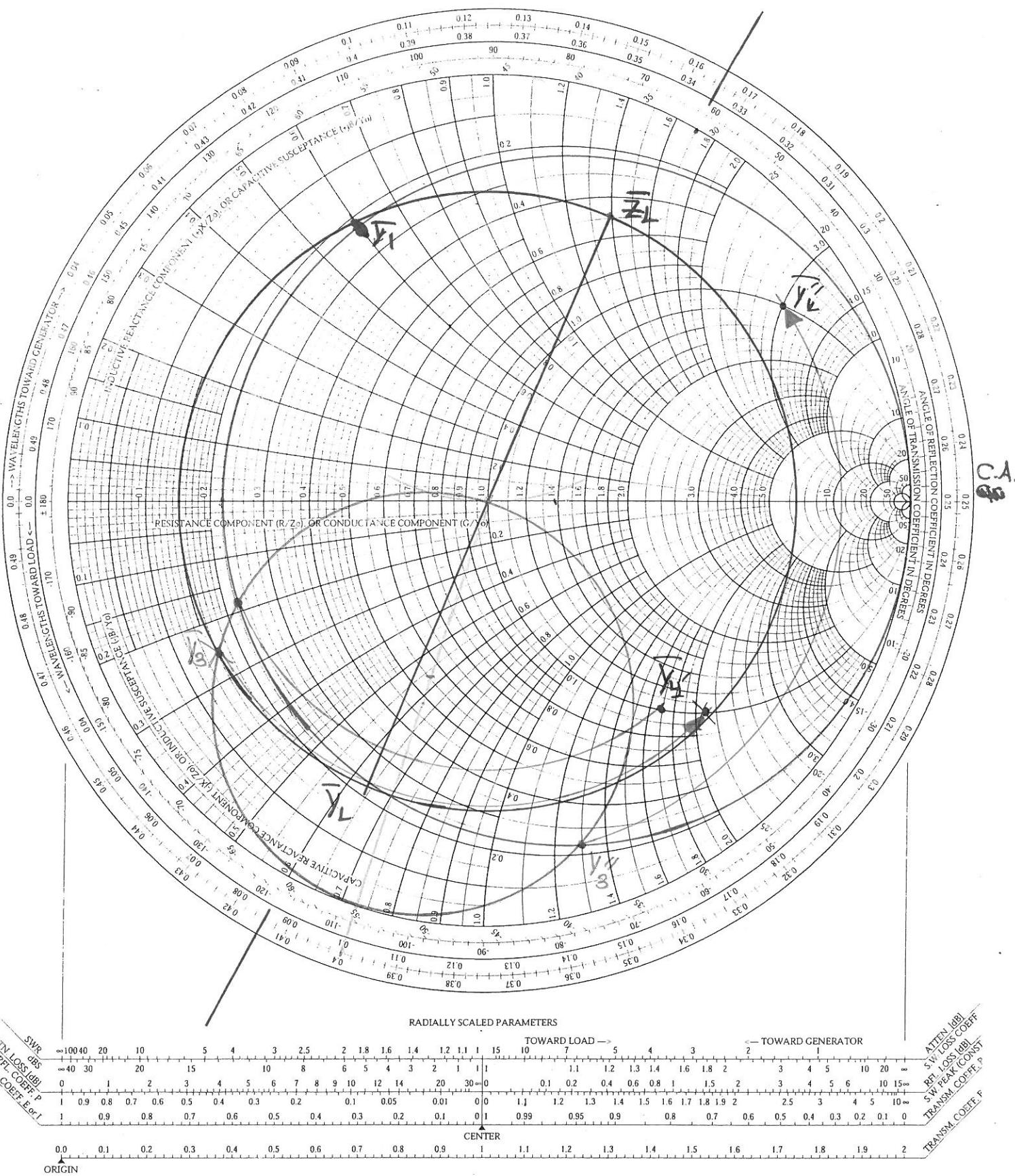
$$\bar{\gamma}_5 = \bar{\gamma}_6 - \bar{\gamma}_2 = -j3,1$$

$$\beta_2 = 0,3\lambda$$

# Ejemplo Doble Stub

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid



C.A.

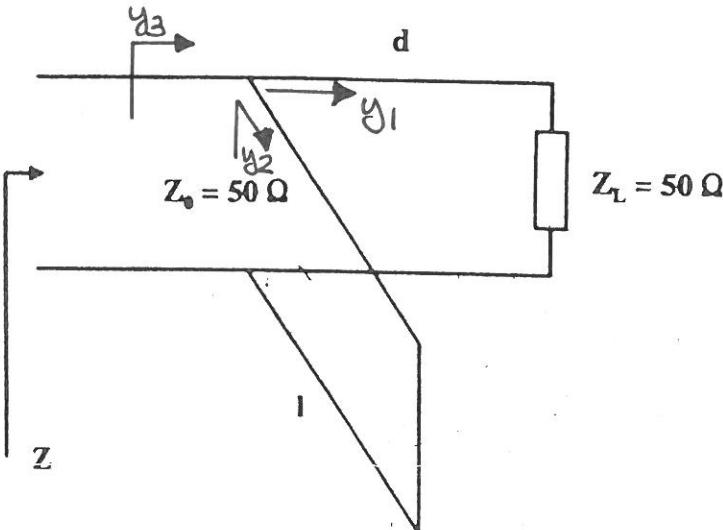
49



"Cinta de Smith no sirve para adaptar".

## Problema 2 Septiembre 2000

Una línea de transmisión de impedancia característica  $Z_0 = 50 \Omega$  y de longitud  $L = \lambda/2$  se encuentra terminada por una carga de impedancia  $Z_L = 50 \Omega$ . Determine la distancia  $d$  de la carga y la longitud  $l$  de un único sintonizador en paralelo cortocircuitado que debe colocarse para obtener a la entrada de la línea principal una impedancia de valor  $Z = 30 + 40j \Omega$ .



Observamos que  $Z_L = 50 \Omega$  y por tanto  $\bar{y}_L = 1$

Como  $\bar{y}_2$  es imaginaria pura y ademas  $\bar{y}_3 = \bar{y}_1 + \bar{y}_2 \rightarrow \text{Re}(\bar{y}_3) > \text{Re}(\bar{y}_1) = 1$

$$\text{Normalizamos } \bar{z}_e = \frac{\bar{z}_e}{Z_0} = 0,6 + j0,8$$

Trazamos la  $|y| = \text{cte}$  que pasa por  $\bar{z}_e$  e  $\bar{y}_e$

$$\bar{y}_3 = \bar{y}_1 + \bar{y}_2$$

$$\bar{y}'_3 = 1 - j1,15 \rightarrow \bar{y}'_2 = \bar{y}_3 - \bar{y}_1 = -j1,15 \rightarrow l'$$

$$\bar{y}''_3 = 1 + j1,15 \rightarrow \bar{y}''_2 = +j1,15 \rightarrow l''$$

\*Nota del ejercicio

Para llegar al  $\bar{z}_e = 0,6 + j0,8$ , aún debremos movernos hacia generar una distancia  $\frac{\lambda}{2} - d$ , ya que el valor de  $\bar{y}_3$  en el punto de encuentro de los 3 stubs sería 1, lo que  $1 \neq 0,6$

El valor de  $d$  do b. mismo, ya que esa parte de la linea está adaptada.

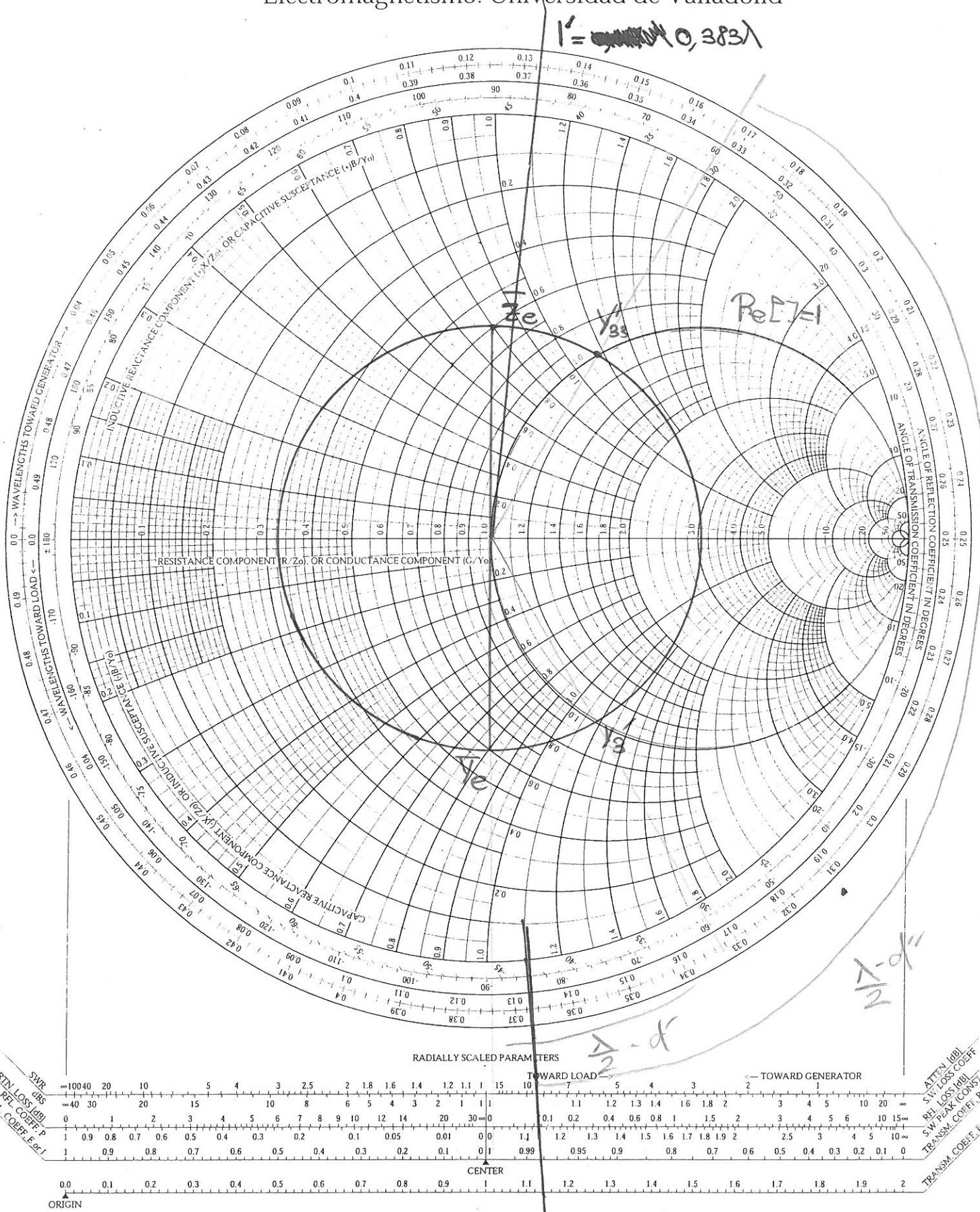
$$\frac{\lambda}{2} - d'$$

$$\frac{\lambda}{2} - d''$$



# Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid

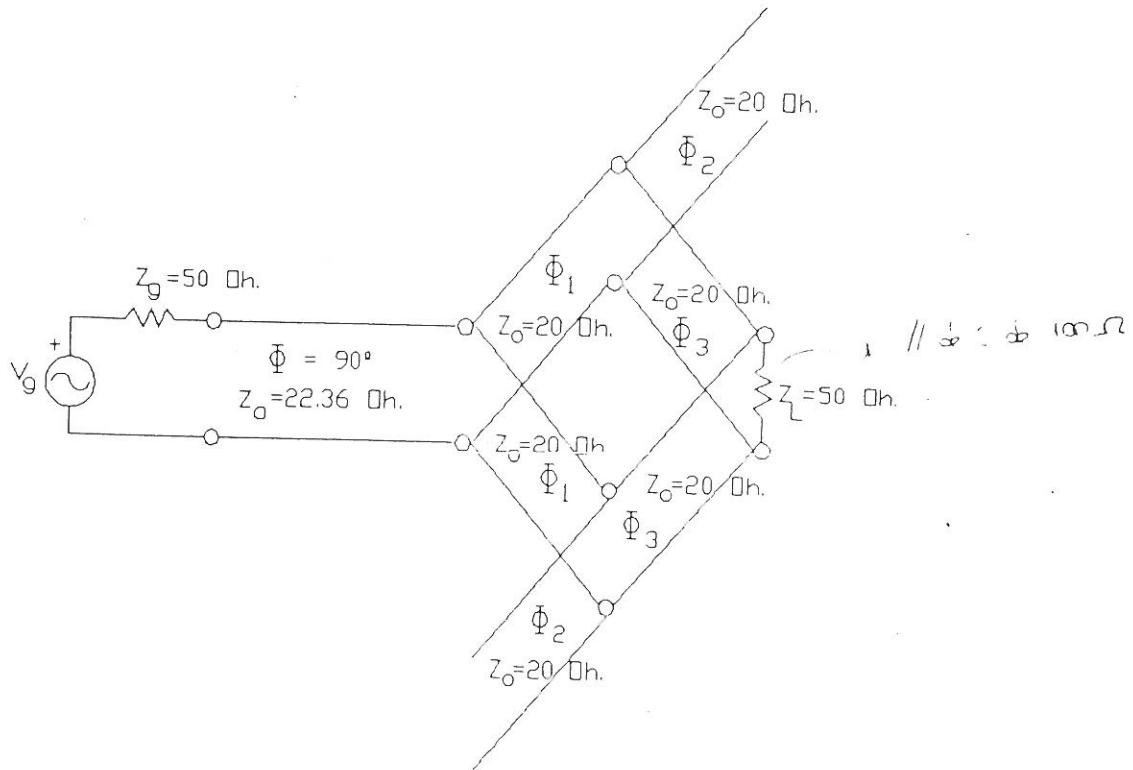


$$|\Gamma| = 0.383\lambda$$



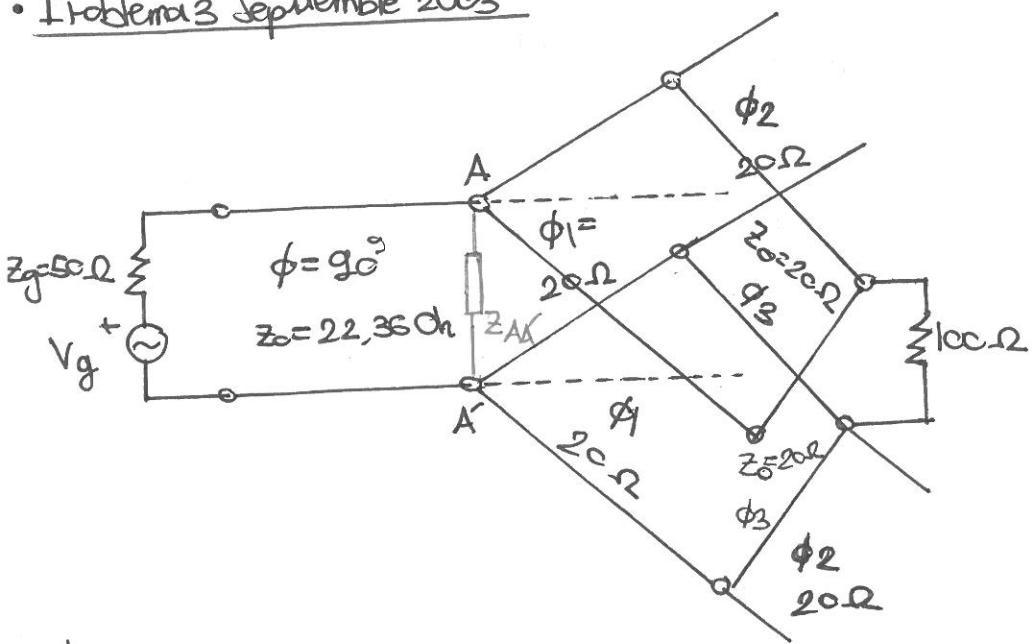
### Problema 3 Septiembre 2003

En la estructura de la figura calcule los valores de las longitudes eléctricas de  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$ , y  $\Phi_3$  en grados que hacen que el generador entregue la máxima potencia disponible.



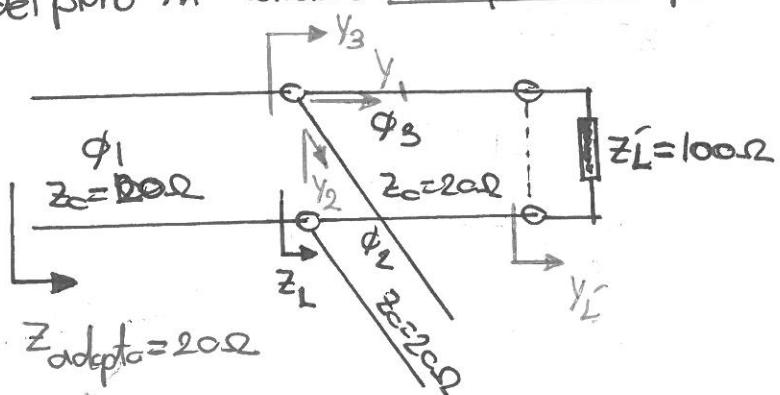


• Problema 3 Septiembre 2003



Solución

A partir del plano AA' tenemos 2 esquemas en paralelo como el siguiente:



Como después del generador hay una línea de  $\frac{\lambda}{4}$ , para que exista adaptación debe ser:

$$z_{0y_4} = 22,63 \Omega = \sqrt{z_g \cdot z_{AA'}} \quad \text{CLAVE} \rightarrow \text{Atocar circuitos hacia derecha e izquierda.}$$

$$z_{AA'} = \frac{(22,63)^2}{z_g} = 10 \Omega$$

Así, para que exista adaptación, cada uno de los circuitos anteriores, deben tener a la entrada una impedancia de 20 ohms, ya que son dos impedancias de 20 ohms en paralelo. → Ribolla.

Por tanto, debemos adaptar el siguiente esquema: Sintonizador Simple

Observamos que  $\phi_1$  puede ser cualquier longitud mientras  $z_3 = 20 \Omega$

Por tanto se trata de adaptar  $z_L = 100 \Omega$  a  $z_3 = 20 \Omega$  con  $\phi_3$  y  $\phi_2$ .

Normalizamos  $\bar{Z}_L$  a  $20\Omega$ :  $\bar{Z}'_L = 5\Omega$

La posicionamos y pasamos a admittencias porque el snt. est<sup>r</sup> en //.

$$\bar{Y}'_L = \frac{1}{\bar{Z}'_L} = 0,2$$

Trazamos la circunferencia  $|y|$  de que pasa por  $\bar{Y}'_L$ . En ella est<sup>r</sup>á  $\bar{Y}$

Por otro lado:

$$\bar{Y}_3 = \bar{Y}_1 + \bar{Y}_2$$

Como  $\bar{Y}_2$  es imaginaria pura:

$$\operatorname{Re}(\bar{Y}_1) = \operatorname{Re}(\bar{Y}_3) = 1$$

En la cinta se obtiene:

$$\bar{Y}'_1 = 1 + j1,8 \xrightarrow{\text{no es exacto}} d'_3 = 0,183\lambda \rightarrow \phi'_3 = 65,88^\circ$$

$$\bar{Y}''_1 = 1 - j1,8 \xrightarrow{(0,5-0,183)\lambda} d''_3 = 0,317\lambda \rightarrow \phi''_3 = 114,12^\circ$$

$$\bar{Y}'_2 = \bar{Y}_3 - \bar{Y}'_1 = -j1,8 \rightarrow d'_2 = 0,931\lambda \rightarrow \phi'_2 = 119,16^\circ$$

$$\bar{Y}''_2 = \bar{Y}_3 - \bar{Y}''_1 = +j1,8 \rightarrow d''_2 = 0,189\lambda \rightarrow \phi''_2 = 60,84^\circ$$

### Solución ①

$\phi_1$  cualquiera

$$\phi_2 = 119,16^\circ$$

$$\phi_3 = 65,88^\circ$$

### Solución ②

$\phi_1$  cualquiera

$$\phi_2 = 60,84^\circ$$

$$\phi_3 = 114,12^\circ$$

### Notas del Ejercicio

Darse cuenta de que son 2 esquemas en paralelo idénticos.

Mirar  $Z_{AA'}$  hacia la izquierda con la fórmula del  $\lambda/4$ .

• Mirar  $Z_{AA'}$  hacia la izquierda con la fórmula del  $\lambda/4$ .

• Individualmente, su impedancia de entrada es de  $20\Omega$ , por estar los esquemas en //.

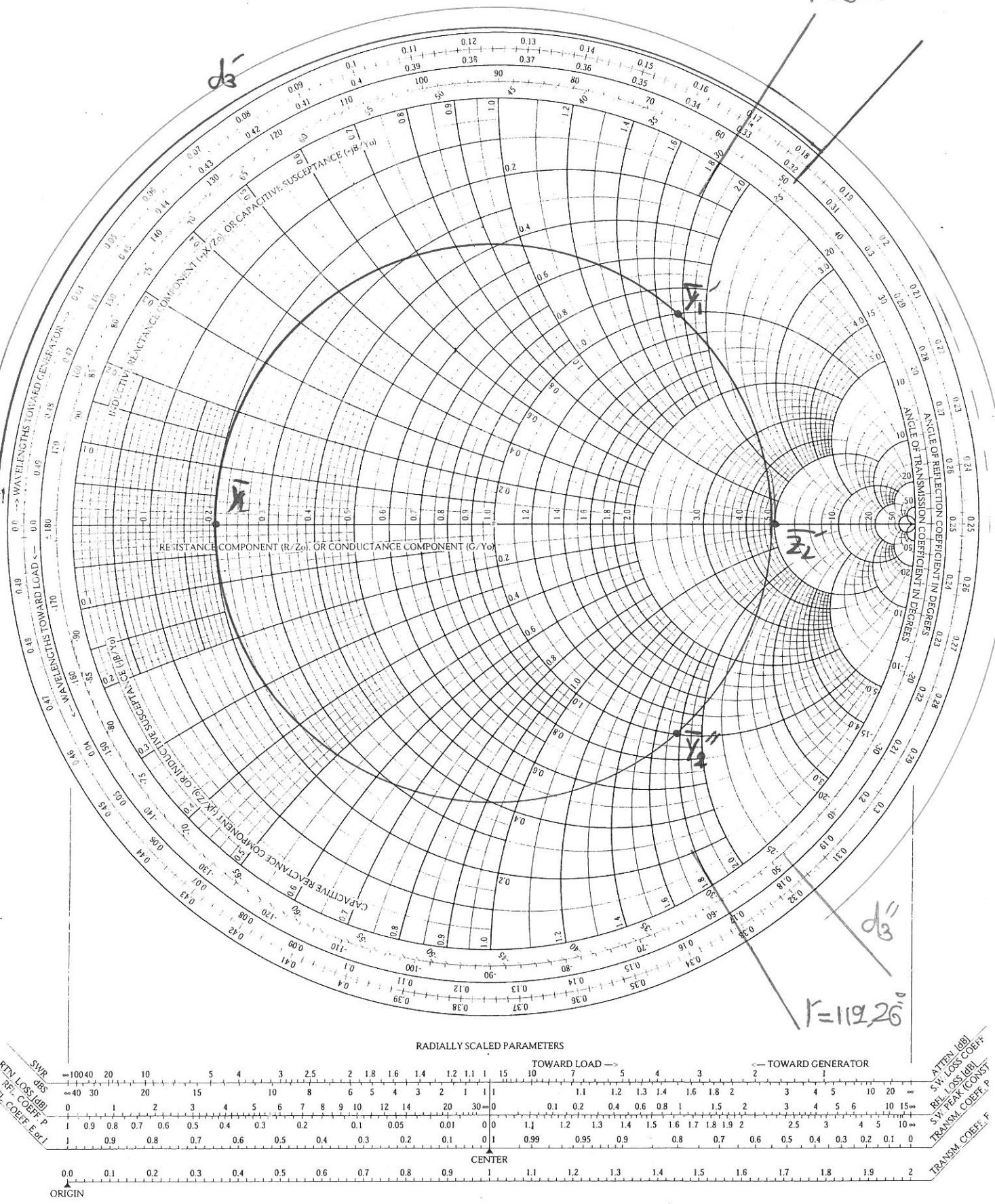
• Si no se trabaja en paralelo  $\rightarrow$  trabajar en admittencias.

Problema 3 Septiembre 2003

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid

$$f = 62.84^\circ$$



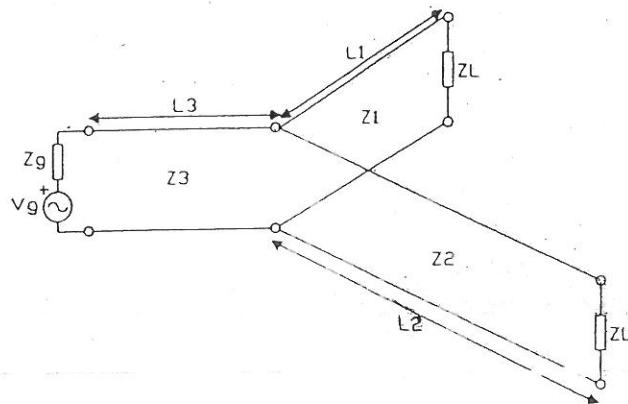
54



Problema 8 Febrero 2003

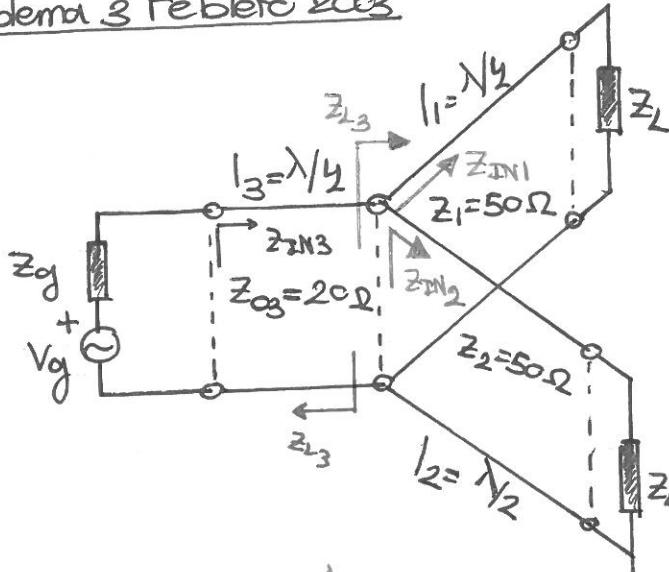
**PROBLEMA 3. (4 Ptos.)**

En la siguiente figura las impedancias  $Z_1$ ,  $Z_2$  y  $Z_g$  tienen un valor de  $50\Omega$ , valiendo  $Z_3$   $20\Omega$ . Las longitudes de las líneas 1 y 3 es de  $90^\circ$  y la de correspondiente a la línea 2 es de  $180^\circ$ . Calcule los valores posibles de  $Z_L$  que hacen que el generador entregue la máxima potencia disponible





Problema 3 Febrero 2003



(No tenemos stubs  $\rightarrow \sin CS$ )

$\downarrow z_2$  para adaptación?

Solución ~~no hacer~~ fórmula del  $\lambda/4$ .

$$Z_{IN1} = Z_1 \frac{z_2 + j z_1 \operatorname{tg}(q_c)}{z_1 + z_2 \operatorname{tg}(q_c)} = \frac{z_1^2}{z_2} = \frac{50^2}{z_L}$$

$$Z_{IN2} = \frac{z_L}{\text{Línea } \frac{\lambda}{2}}$$

$$Z_{L3} = \frac{Z_{IN1} \cdot Z_{IN2}}{Z_{IN1} + Z_{IN2}} = \frac{\frac{50^2}{z_L} \cdot z_L}{\frac{50^2}{z_L} + z_L} = \frac{50^2 \cdot z_L}{50^2 + z_L^2}$$

Para que exista adaptación debe ser  $Z_3$ : viéndolo como en la figura.

$$Z_3 = \sqrt{Z_{L3} \cdot Z_g} = 20 \Omega \rightarrow Z_{L3} = \frac{20^2}{Z_g} = 8 \Omega$$

Igualando:

$$8 = \frac{50^2 \cdot z_L}{50^2 + z_L^2} \rightarrow 8z_L^2 - 2500z_L + 10000 = 0 \rightarrow z_L \rightarrow 304,28 \Omega \rightarrow 8,22 \Omega$$

\*Nota

Cuidado con el  $\lambda/4$  → Solo si hay adaptación, la impedancia del  $\lambda/4$  es la media geométrica de las otras dos

CHOCETARIO

Lo que es teorema es que  $Z_{IN3} = \frac{Z_{L3}^2}{Z_{L3}}$  → esto se cumple siempre



PROBLEMA 1. (3.5 Ptos.)

 Problema más repetido de TPO

En la figura 1, la impedancia  $Z_L$  representa la impedancia de entrada de un transistor a una frecuencia de 1 GHz. Su coeficiente de reflexión referido a  $Z_0$  tiene un modulo de 0.4 y una fase de  $50^\circ$ . Las impedancias  $Z_1$ ,  $Z_2$ ,  $Z_3$  y  $Z_4$  tienen un valor de  $Z_0 = 50\Omega$ . La longitud eléctrica de la línea 1 es de  $90^\circ$  eléctricos y la de la línea 4 de  $45^\circ$  eléctricos. Se pide determinar las longitudes eléctricas (en grados) de las líneas 2 y 3 para que el generador  $V_g$  entregue la máxima potencia posible.

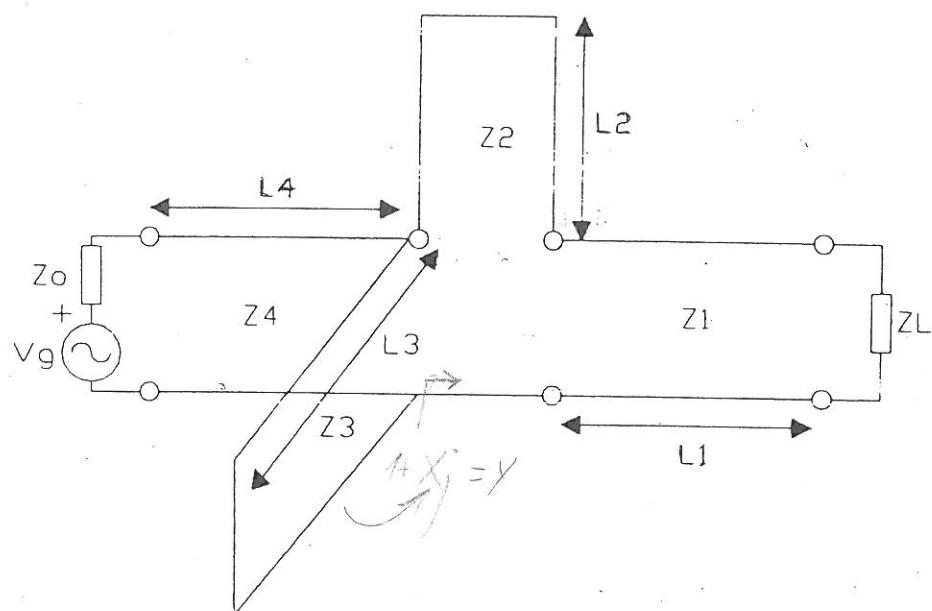
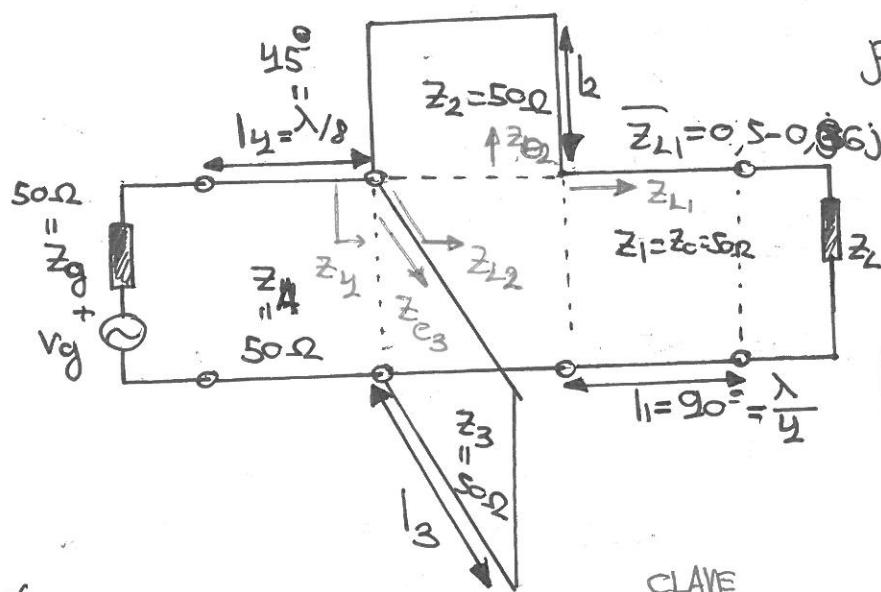


Figura 1



Problema más repetido TPO



$$p_L = 0.4 / \sqrt{50}$$

\*Nota

Graves del coeficiente de reflexión no son eléctricos, son normales.

Solución

Independientemente de la línea y  $Z_A = 50 \Omega$  para que exista adaptación. Posicionamos el coeficiente de reflexión en la CS. Este coeficiente es  $p_2 = \frac{z_2 - z_0}{z_2 + z_0} = \frac{\bar{z}_2 - 1}{\bar{z}_2 + 1}$

$$\bar{z}_L = 1.3 + j0.95$$

Desplazamientos  $\frac{\lambda}{y}$  hacia dentro por la circunferencia  $|p| = \text{cte}$  llegamos a  $\bar{z}_L = 0.5 - j0.36$

$$\bar{z}_{L1} = 50 \frac{\bar{z}_2 + j \operatorname{tg}(y \cdot \frac{\lambda}{2})}{1 + j \bar{z}_2 \operatorname{tg}(y \cdot \frac{\lambda}{2})} = \frac{1}{\bar{z}_2}$$

stubs en serie: trabajar con impedancia.

$$\text{Como el primer stub está en serie } \bar{z}_{L2} = \bar{z}_{L1} + \bar{z}_{e2}$$

Como el primer stub está en serie  $\operatorname{Re}(\bar{z}_{L2}) = \operatorname{Re}(\bar{z}_{L1}) = 0.5$  (La remarcamos en la CS)

Como  $\bar{z}_{e2}$  es imaginaria pura:  $\operatorname{Re}(\bar{z}_{L2}) = \operatorname{Re}(\bar{z}_{L1}) = 0.5$  (La remarcamos en la CS)

Como el 2º stub está en // interesa trabajar en admittencias.

$$\bar{Y}_A = 1 = \bar{Y}_{L2} + \bar{Y}_{e3} \text{ ya que existe adaptación } (Z_A = 50 \Omega \rightarrow \bar{Z}_A = 1)$$

Como  $\bar{Y}_{e3}$  es imaginaria pura:  $\operatorname{Re}(\bar{Y}_{L2}) = 1$

Pasamos a admittencias todos los posibles valores de  $\bar{Y}_{L2}$ , que es como girar  $\frac{\lambda}{y}$

la circunferencia  $\operatorname{Re}(\bar{Y}_{L2}) = 1$  Truco Raul → mirar CS.

$$\bar{z}'_{L2} = 0.5 + j0.5 \rightarrow \bar{Y}'_{L2} = 1 - j$$

$$\bar{z}''_{L2} = 0.5 - j0.5 \rightarrow \bar{Y}''_{L2} = 1 + j$$

• Cálculo de  $I_2$

$$\underline{Z_{e_2}} = \underline{Z_{L2}} - \underline{Z_{L1}} = + j 0,86 \rightarrow I_2' = 0,113 \lambda \rightarrow \phi_2' = 40,68^\circ$$

$$\underline{Z_{e_2}''} = \underline{Z_{L2}''} - \underline{Z_{L1}} = - j 0,124 \rightarrow I_2'' = 0,479 \lambda \rightarrow \phi_2'' = 172,44^\circ$$

condensador

• Cálculo de  $I_3$  Moviendo bobinas hacia generador.

$$f = 1 \text{ GHz}$$

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_r} f}$$

$$\underline{Y_{e_3}} = + j \rightarrow I_3' = \frac{8\lambda}{8} = 135^\circ$$

$$\underline{Y_{e_3}''} = - j \rightarrow I_3'' = \frac{\lambda}{8} = 45^\circ$$

bobina

$$Y_{es} = \frac{j}{50} = j\omega C$$

$$Y_{e''} = \frac{-j}{50} = \frac{-j}{\omega L}$$

Solución 1:  
 $\phi_2' = 40,68^\circ$  y  $\phi_3 = 135^\circ$  (bobina y condensador)

Solución 2:  
 $\phi_2'' = 172,44^\circ$  y  $\phi_3 = 45^\circ$  (condensador y bobina)

\*Nota

$$\underline{Z_{\text{bobina}}} = j\omega L$$

$$\underline{Z_{\text{cond}}} = - \frac{j}{\omega C}$$

CHOLESTARO

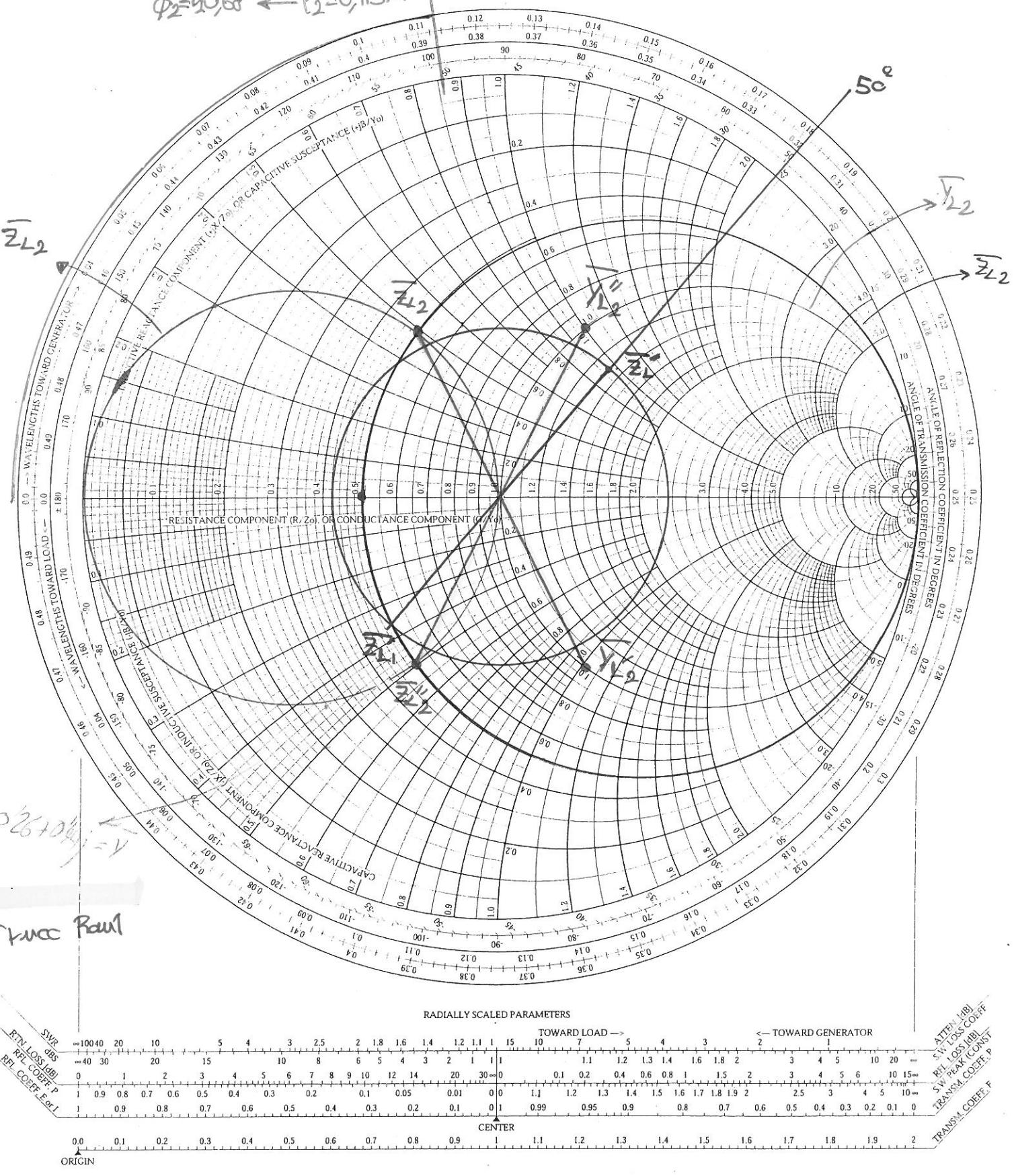
$$Y_{\text{bobina}} = - \frac{j}{\omega L}$$

$$Y_{\text{condensador}} = j\omega C$$

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid

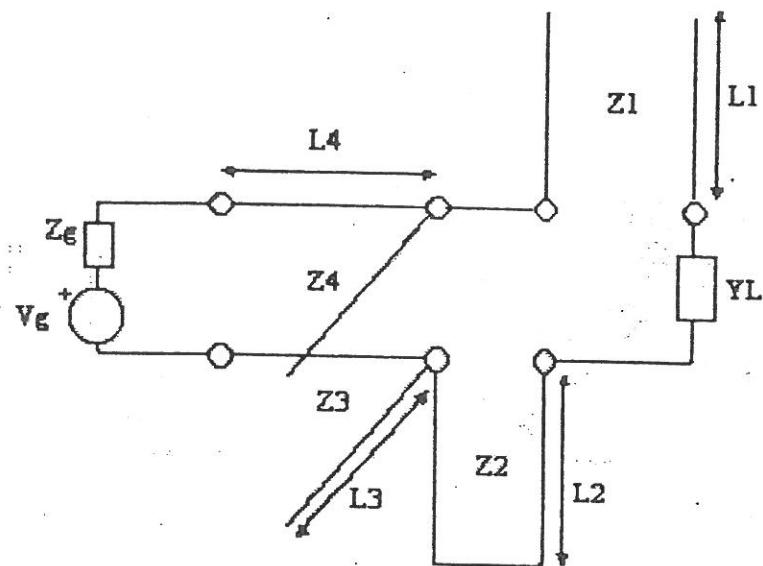
$$\phi_2 = 40,68^\circ \leftarrow l_2 = 0,113\lambda$$





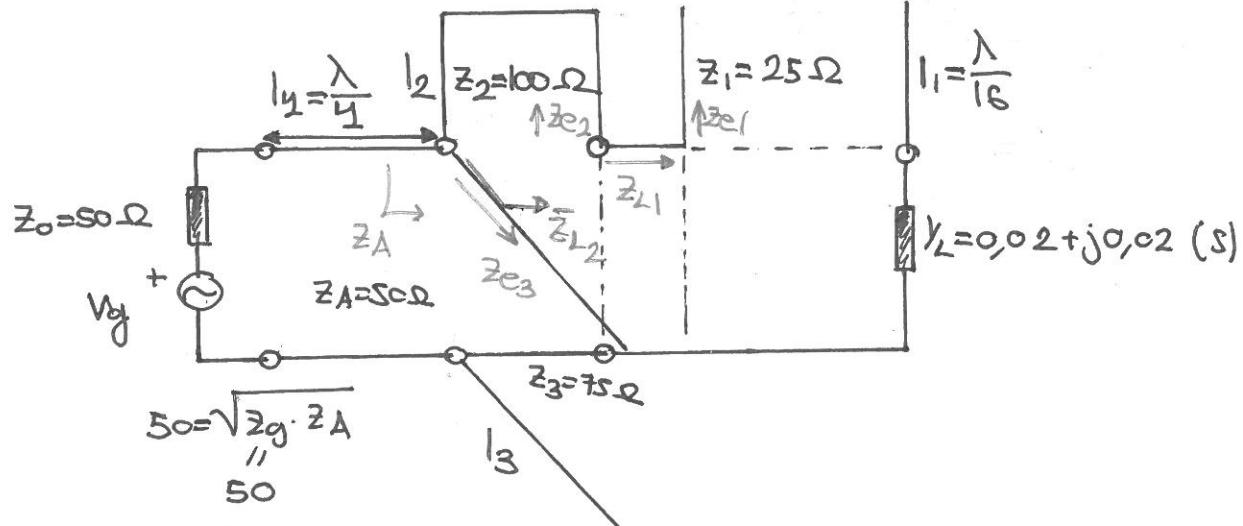
### PROBLEMA 2 (3 Ptos.)

En la siguiente figura, la admitancia  $Y_L$  representa la admitancia de entrada de un transistor a la frecuencia de 1 GHz siendo su valor de  $0.02 + 0.02 j$  Siemens. Las impedancias características de las distintas líneas tienen los siguientes valores:  $Z_1 = 25$  ohms,  $Z_2 = 100$  ohms,  $Z_3 = 75$  ohms y  $Z_4 = 50$  ohms. La impedancia del generador tiene un valor de 50 ohms. Las longitudes de las líneas 1 y 4 son respectivamente de  $\lambda / 16$  y  $\lambda / 4$ . Se pide determinar las longitudes eléctricas (en grados) de las líneas 2 y 3 para que el generador  $V_g$  entregue la máxima potencia posible a  $Y_L$ .





## Problema 2



Solución

$$Z_{L1} = Z_{e1} + Z_2 = Z_{e1} + \frac{1}{Y_L} = 25 \cdot \frac{\infty + j25 \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{16}\right)}{25 + \infty \operatorname{tg}\left(\frac{360^\circ}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{16}\right)} + \frac{1}{0,02 + j0,02} = \frac{25}{j \operatorname{tg}\left(\frac{45^\circ}{2}\right)} + \frac{1}{0,02 + j0,02} =$$

$$= 25 - j85,25 \Omega$$

Debemos adaptar esta  $Z_{L1}$  a  $Z_A = 50\Omega$  ya que tanto la  $Z_g$  como la  $Z_A$  son  $50\Omega$ .

$$\left| \overline{Z}_{L1} \right|_{50} = 0,5 - j1,7 \quad (\text{La posicionamos})$$

$$\left| \overline{Z}_{L2} \right|_{50} = \left| \overline{Z}_{e2} \right|_{50} + \left| \overline{Z}_{e3} \right|_{50}$$

$$\left| \overline{Y}_A \right|_{50} = 1 = \left| \overline{Y}_{e3} \right|_{50} + \left| \overline{Y}_{L2} \right|_{50}$$

Como  $\overline{Z}_{e2}$  e  $\overline{Y}_{e3}$  son imaginarias puras:  $\operatorname{Re}(\overline{Z}_{L2}|_{50}) = \operatorname{Re}(\overline{Z}_{L1}|_{50}) = 0,5$

$$\operatorname{Re}(\overline{Y}_{L2}|_{50}) = \operatorname{Re}(\overline{Y}_A|_{50}) = 1$$

Convertimos a impedancias todas las posibles variables de  $\overline{Y}_{L2}|_{50}$  que es equivalente a girar  $\lambda/\gamma$  la circunferencia  $\operatorname{Re}(\cdot) = 1$

$$\left| \overline{Z}_{L2} \right|_{50} = 0,5 + j0,5 \rightarrow \left| \overline{Y}_{L2} \right|_{50} = 1 - j$$

$$\left| \overline{Z}_{L2}'' \right|_{50} = 0,5 - j0,5 \rightarrow \left| \overline{Y}_{L2}'' \right|_{50} = 1 + j$$

Cuidado con la impedancia característica de cada linea!

Calculo de  $I_2$

$$\left| \overline{Z}_{e2} \right|_{50} = \left| \overline{Z}_{L2} \right|_{50} - \left| \overline{Z}_{L1} \right|_{50} = +j2,2 \xrightarrow{*} \left| \overline{Z}_{e2} \right|_{100} = +j1,1 \rightarrow I_2' = 0,133\lambda$$

$$\left| \overline{Z}_{e1} \right| = \left| \overline{Z}_{L1} \right| - \left| \overline{Z}_{L2} \right| = +j1,2 \xrightarrow{*} \left| \overline{Z}_{e1} \right| = +j0,6 \rightarrow I_2'' = 0,086\lambda$$

Calcular de  $I_3$ :

$$\overline{Y_{e3}} \Big|_{50} = +j \rightarrow Y_e \Big|_{75} = j \frac{75}{50} = j 1,5 \rightarrow I_3 = 0,15 \lambda \quad \text{Scram 0,5}$$

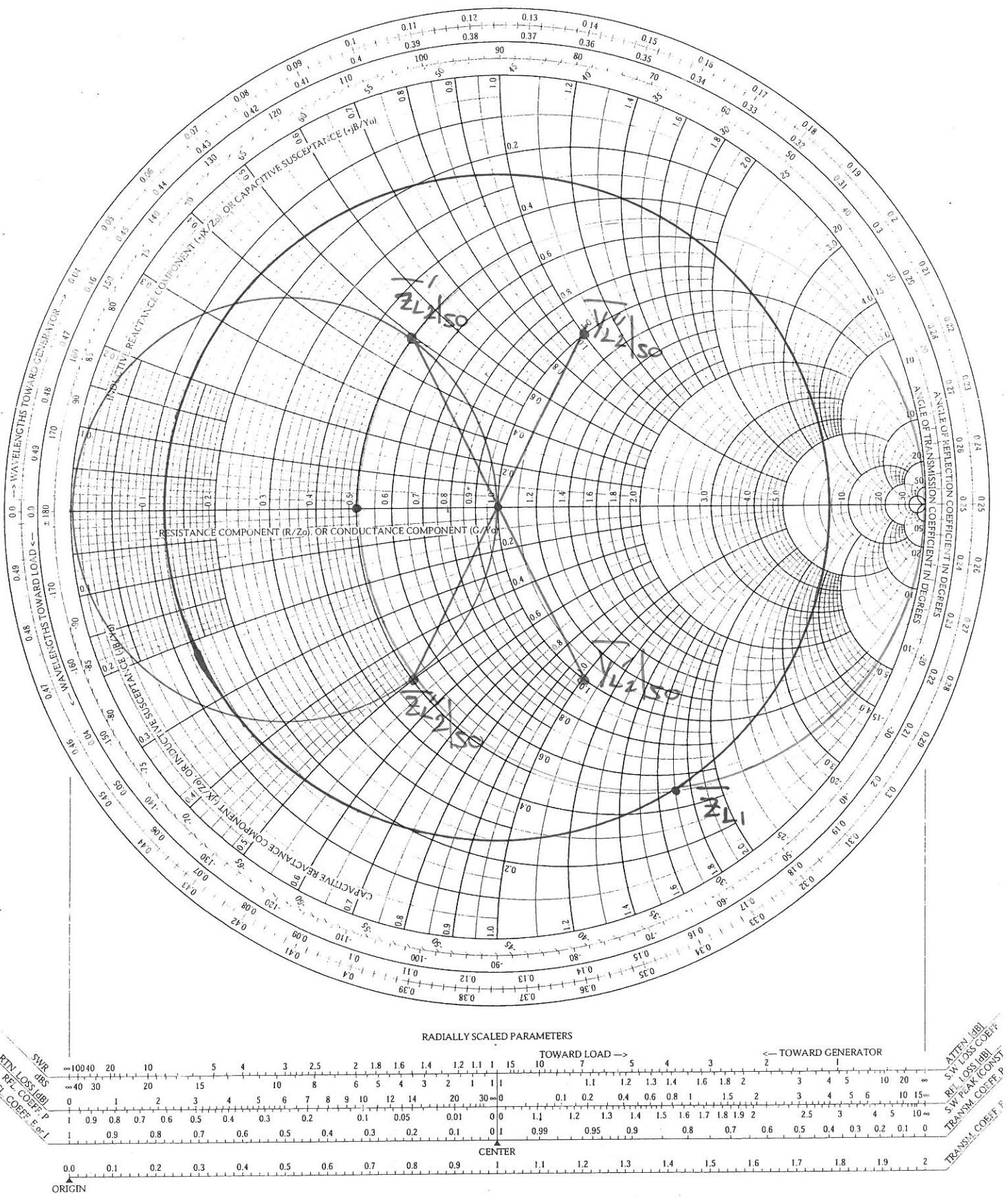
$$Y_e \Big|_{75} = -j 1,5 \rightarrow I_3 = 0,343 \lambda$$

\*\*

# Problema 2

## Carta de Smith

Electromagnetismo. Universidad de Valladolid





**PROBLEMA 1. (3.5 Ptos.)**

En la figura 1, la impedancia  $Z_L$  representa la impedancia de entrada de un transistor a una frecuencia de 1 GHz. Su valor como admitancia es de  $0.0043 + j \cdot 0.0017 \Omega^{-1}$ . La impedancia  $Z_0$  tiene un valor de  $50\Omega$  y la longitud de la línea 3 es de  $45^\circ$  eléctricos. Se desea realizar una adaptación de impedancias mediante la técnica del doble stub serie que permite entregar al generador su máxima potencia disponible a  $Z_L$ . Determine los valores de las longitudes eléctricas (en grados) de las líneas 1, 2 y 4 que hacen que esta solución sea única.

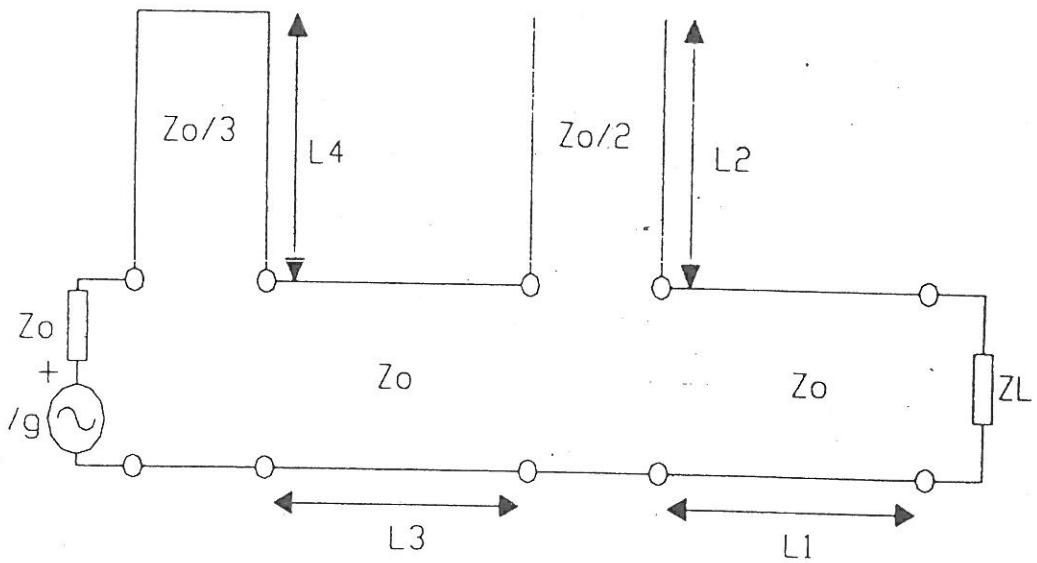


Figura 1

Tipo 2º Test TPO 2013-2014

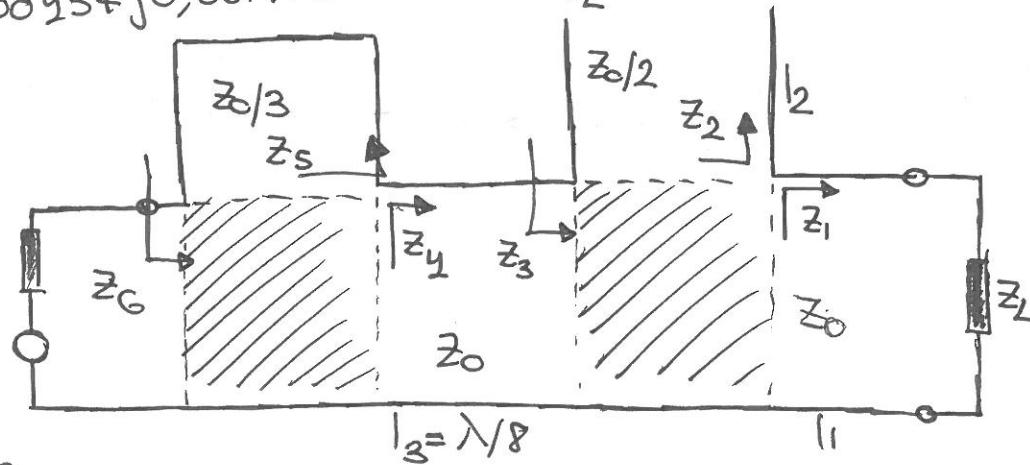


Problema

→ | Problema Solución Única | ←

$$f = 1 \text{ GHz}; z_0 = 50 \Omega$$

$$y_2 = 0,0043 + j0,0017 \Omega^{-1} \rightarrow z_L = \frac{1}{y_L} = 200 - j80 \Omega$$



? I<sub>1</sub>, I<sub>2</sub>, I<sub>3</sub>?

$$\bar{z}_L|_{50} = \frac{200 - j80}{50} = y - j1,6 \rightarrow \text{En la CS, en la circunferencia } |y| = \text{cte que pasa por}$$

$\bar{z}_L|_{50}$  estará  $\bar{z}_1|_{50}$

$$\text{Por otro lado, } z_G = 50 \Omega \rightarrow \bar{z}_G|_{50} = 1$$

Como  $\bar{z}_G|_{50} = \bar{z}_4|_{50} + \bar{z}_5|_{50}$  y  $\bar{z}_5|_{50}$  es imaginario para  $\text{Re}(\bar{z}_5|_{50}) = 1$

Desplazamos todos los posibles valores de  $\bar{z}_4|_{50}$   $\frac{\lambda}{8}$  hacia carga para encontrar todos los posibles valores de  $\bar{z}_3|_{50}$ .

Hay circunferencias de  $\text{Re}(y)$  que cortan dos veces a la circunferencia de posibles valores de  $\bar{z}_3|_{50}$ . Hay otras que no cortan en ningún punto y sólo una circunferencia de  $\text{Re}(y)$  que es tangente a ésta en posibles valores de  $\bar{z}_3|_{50}$ .

Esta circunferencia es  $\text{Re}(y) = 2$

↑ CLAVE.

$$\text{Por tanto para que la solución sea única } \bar{z}_3|_{50} = 2 + j$$

Como  $\text{Re}(\bar{z}_3|_{50}) = 2 = \text{Re}(\bar{z}_1|_{50})$  ya que  $\bar{z}_2|_{50}$  es imaginaria para los

posibles valores de  $\bar{z}_1|_{50}$  son:

$$\bar{z}_1|_{50} = 2 + j2,2 \rightarrow \ell_1' = 0,445\lambda = 160,2^\circ$$

$$\bar{z}_1|_{50}'' = 2 - j2,2 \rightarrow \ell_1'' = 0,026\lambda = 9,36^\circ$$

$$\overline{z_2}' \Big|_{S_0} = \overline{z_3} \Big|_{S_0} - \overline{z_1} \Big|_{S_0} = (2+j) - (2+j2,2) = -j1,2 \xrightarrow{*} \overline{z_2}' \Big|_{2S} = -j2,4 \rightarrow |_2' = 0,063\lambda = 22,68^\circ$$

$$= j3,2 \xrightarrow{*} \overline{z_2}'' \Big|_{2S} = j6,4 \rightarrow |_2'' = 0,475\lambda = 17^\circ$$

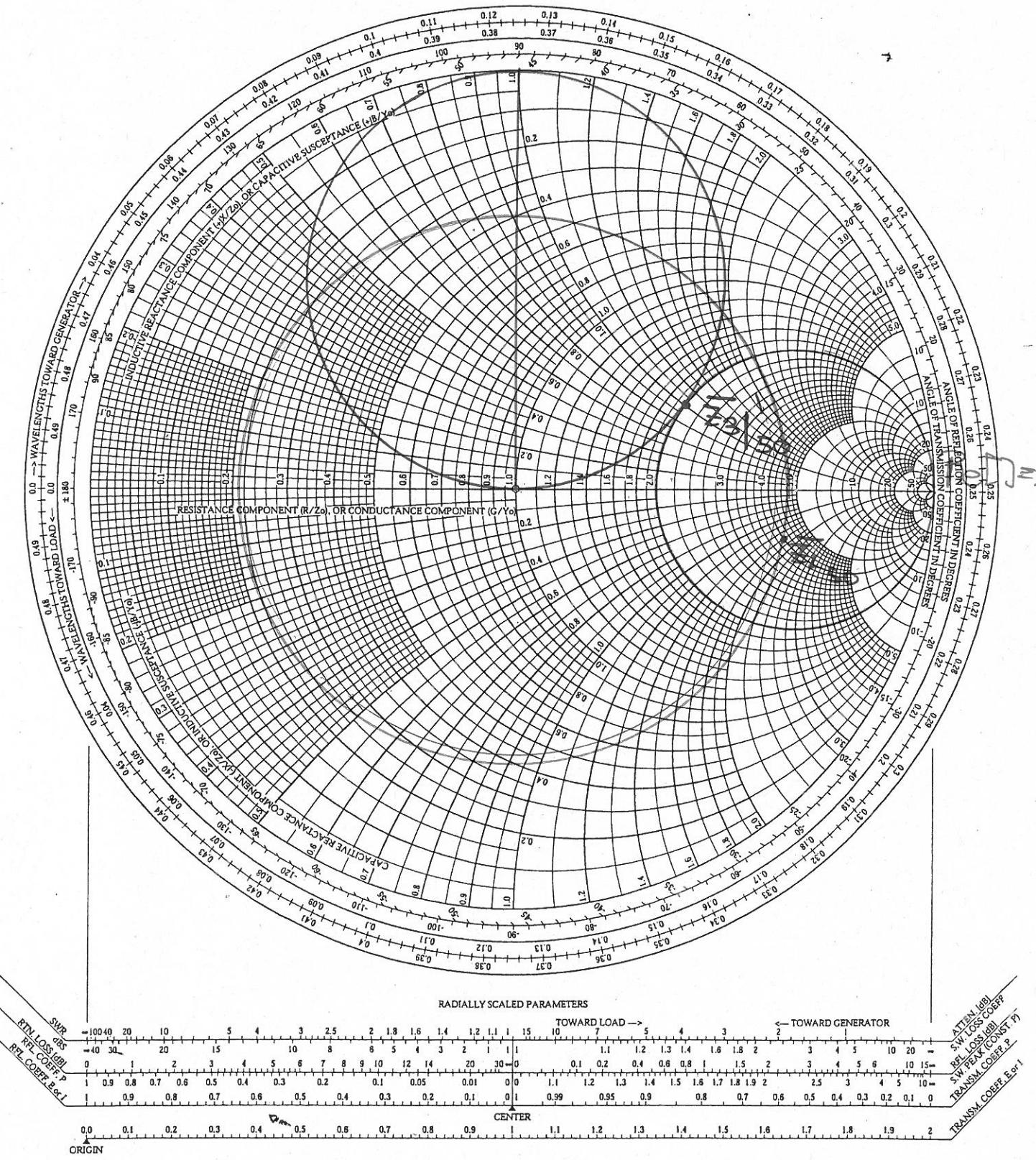
$$\overline{z_2}'' \Big|_{S_0} =$$

Deshaciendo el giro, encontramos  $\overline{z_{L1}} \Big|_{S_0} = 1-j \rightarrow \overline{z_s} \Big|_{S_0} = 1+j \rightarrow \overline{z_s} \Big|_{S_0/3} = +j3 \rightarrow$

$$\rightarrow |_y = 0,199\lambda = 71,64^\circ$$

# The Complete Smith Chart

## Black Magic Design

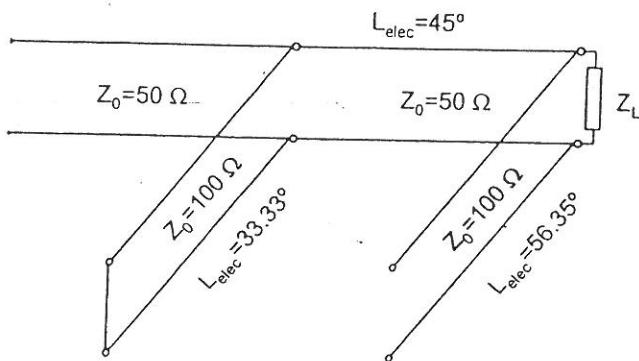




Problema de Región Prohibida

## PROBLEMA 3 (4 puntos)

La siguiente figura muestra la red de adaptación de una impedancia que usted debe encontrar. Fíjese que la impedancia de los stubs son de  $100 \Omega$ , mientras que la línea de transmisión entre los stubs (cuya longitud eléctrica es  $45^\circ$ ) es de  $50 \Omega$ . La impedancia de la línea de transmisión donde esta conectada la red de adaptación es, también, de  $50 \Omega$ . Note que el primer stub, el más cercano a la carga, está terminado en circuito abierto y su longitud eléctrica es de  $56.35^\circ$ . El segundo stub está terminado en cortocircuito y su longitud eléctrica es de  $33.33^\circ$ .



- a.- Encuentre la impedancia de carga.

A la hora de construir el circuito ha habido un error y se ha colocado el segundo stub en serie, siendo el resto de los parámetros del circuito los mismos. Bajo esta situación y modificando exclusivamente la longitud de los stubs, encuentre, si es posible, el nuevo circuito que permite adaptación de impedancias.

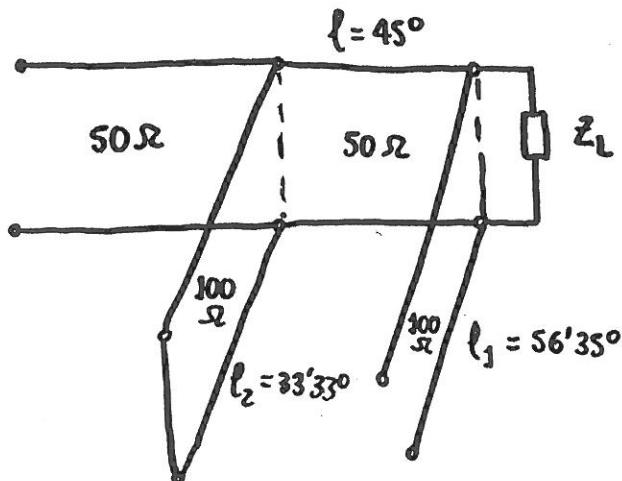
b.- Si la adaptación de impedancias es posible, dé aquella solución donde la longitud del primer stub sea la más cercana posible a la de partida. Dé el resultado en grados eléctricos. Si la adaptación de impedancias imposible, determine la región prohibida. Indíquela sobre la carta de Smith y razoné de forma adecuada por qué ha llegado a esta solución.

A continuación se desea adaptar una impedancia  $Z_L$  arbitraria

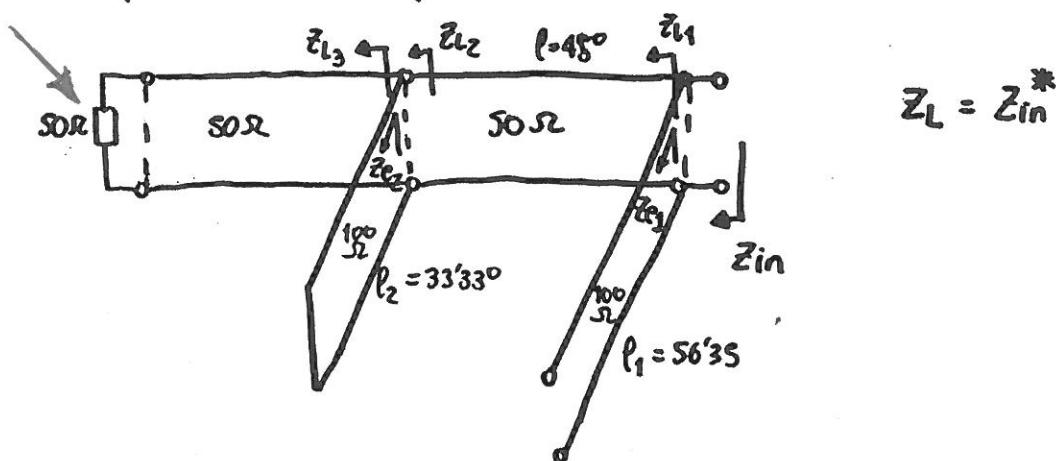
c.- Si el stub en serie se sustituye por un condensador y la longitud del primer stub se puede modificar, encuentre, si existe, la región prohibida. Indíquela sobre la carta de Smith de impedancias y razoné de forma adecuada por qué ha llegado a esta solución.

d.- Repita el apartado anterior si el condensador se sustituye por una bobina.



a) ¿ $Z_L$ ?

Utilizamos el siguiente circuito para calcular  $Z_L$  mediante adaptación conjugada desplazándonos de izquierda a derecha:



Para que exista adaptación:  $\bar{Z}_{L_3} = 50 \Omega$ ; por otro lado:

$$\boxed{\bar{Z}_{e_2} = 100 \cdot \frac{0 + j 100 \cdot \operatorname{tg}(33'33)}{100 + j 0} = j 100 \cdot \operatorname{tg}(33'33) = \boxed{j 65'76} \Omega}$$

$$\boxed{\bar{Z}_{L_2} = \bar{Z}_{L_3} \parallel \bar{Z}_{e_2} = \frac{\bar{Z}_{L_3} \cdot \bar{Z}_{e_2}}{\bar{Z}_{L_3} + \bar{Z}_{e_2}} = \frac{j 50 \cdot 65'76}{50 + j 65'76} = \boxed{31'68 + j 24'09} \Omega}$$

$$\boxed{\bar{Z}_{L_1} = 50 \cdot \frac{\bar{Z}_{L_2} + j 50 \cdot \operatorname{tg}(45)}{50 + j \bar{Z}_{L_2} \cdot \operatorname{tg}(45)} = 50 \cdot \frac{31'68 + j 24'09}{25'91 + j 31'68} = \boxed{94'56 + j 27'34} (\Omega)}$$

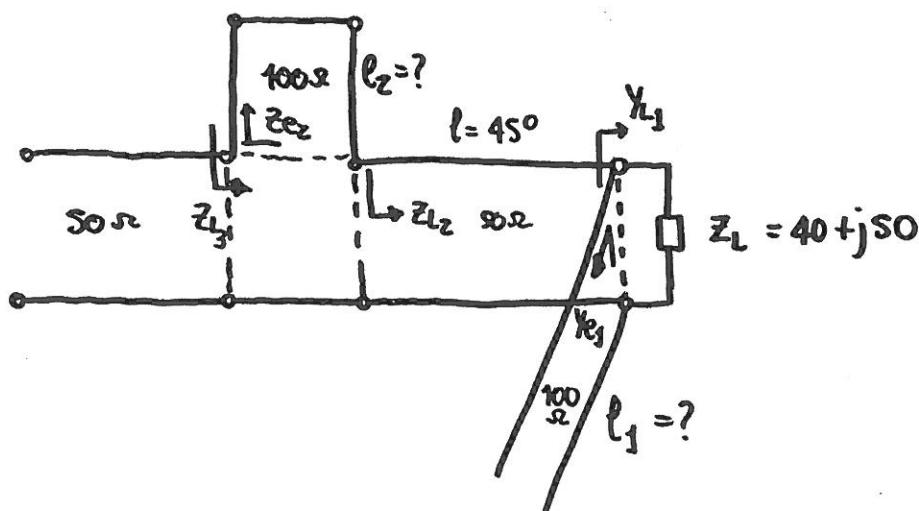
$$\boxed{\bar{Z}_{e_1} = 100 \frac{\infty + j 100 \cdot \operatorname{tg}(56'35)}{100 + j \infty \cdot \operatorname{tg}(56'35)} = \frac{100}{j \operatorname{tg}(56'35)} = \boxed{-j 66'56} \Omega} \text{ y finalmente:}$$

$$Z_{in} = \frac{Z_{L_1} \cdot Z_{e_1}}{Z_{L_1} + Z_{e_1}} = 39'97 - j 49'98 \text{ , (52)}$$

Por tanto :

$$Z_L = 39'97 + j 49'98 \simeq \underline{\underline{40 + j 50}} \text{ (52)}$$

b) Ahora tenemos el siguiente esquema :



Para conseguir adaptación debe ser  $Z_{L_3} = 50\Omega$  por tanto en primer lugar normalizamos  $Z_L$  a  $50\Omega$  y calculamos su  $\bar{Y}_L$  asociada posicionándola en la carta de Smith:

$$\bar{Z}_L = 0'8 + j 1 \Rightarrow \bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L} = \underline{\underline{0'488 - j 0'61}} \text{ Ver carta de Smith.}$$

Remarcamos  $\operatorname{Re}(\bar{Y}_L) = 0'488$  porque es en ella donde entrará  $\bar{Y}_L$ , ya que  $\bar{Y}_L = \bar{Y}_L + \bar{Y}_{e_1}]_{50}$  siendo  $\bar{Y}_{e_1}]_{50}$  imaginaria pura.

Ahora desplazamos la  $\operatorname{Re}[\cdot] = 1 \frac{\lambda}{8} + \frac{\lambda}{4}$  hacia carga y obtenemos

los puntos de corte con  $\operatorname{Re}(\bar{Y}_L) = 0'488$  que serán  $\bar{Y}_L'$  y  $\bar{Y}_L''$ ; estas admittancias al desplazarlas  $\frac{\lambda}{8}$  hacia generador nos darán  $\bar{Y}_L^1$  y  $\bar{Y}_L^2$  que al girar  $\frac{\lambda}{4}$  hacia generador (en total  $3\lambda/8$ ) nos darán  $\bar{Z}_L^1$  y  $\bar{Z}_L^2$ .

Haciendo los pasos anteriores obtenemos:

$$\bullet \bar{Y}_{L_1}^{\prime} = 0'488 - j0'14 \Rightarrow \bar{Y}_{e_1}^{\prime} \Big|_{50} = \bar{Y}_{L_1}^{\prime} - \bar{Y}_L = +j0'47 \Rightarrow \boxed{\bar{Y}_{e_1}^{\prime} \Big|_{100} = +j0'94}$$

Como partimos de un abierto:  $\boxed{l_1^{\prime}} = 0'12\lambda \cong 43'2^{\circ}$

$$\bullet \bar{Y}_{L_1}^{''} = 0'488 - j1'86 \Rightarrow \bar{Y}_{e_1}^{''} \Big|_{50} = \bar{Y}_{L_1}^{''} - \bar{Y}_L = -j1'25 \Rightarrow \boxed{\bar{Y}_{e_1}^{''} \Big|_{100} = -j2'5}$$

Como partimos de un abierto:  $\boxed{l_1^{''}} = 0'311\lambda \cong 111'96^{\circ}$

Por tanto debemos dar la solución  $\boxed{l_1^{\prime} = 43'20}$  porque es la más cercana a  $56'35^{\circ}$ .

Con este  $\bar{Y}_{L_1}^{\prime} = 0'488 - j0'14$  obtenemos  $\bar{Z}_{L_2}^{\prime}$  desplazandonos  $\frac{\lambda}{8} + \frac{\lambda}{4}$  hacia generador obteniendo:

$$\bar{Z}_{L_2}^{\prime} = 1 - j0'75 \Rightarrow \bar{Z}_{e_2}^{\prime} \Big|_{50} = +j0'75 \Rightarrow \bar{Z}_{e_2}^{\prime} \Big|_{100} = j0'375 \Rightarrow$$
 Como

partimos de un corto  $\Rightarrow \boxed{l_2^{\prime}} = 0'056\lambda \cong 20'16^{\circ}$

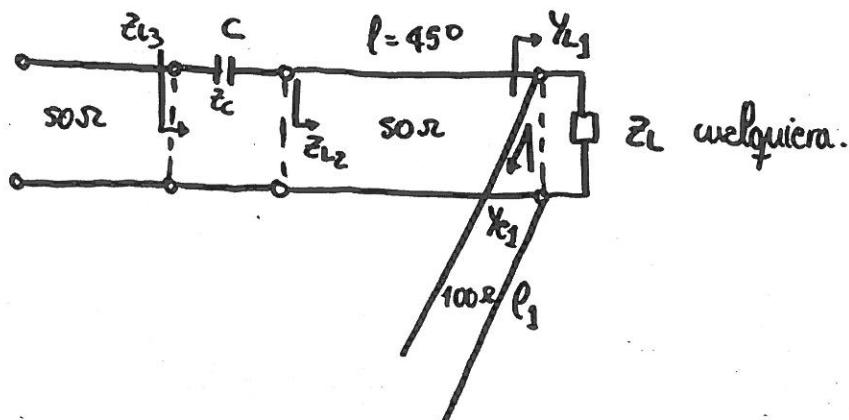
Por tanto la solución es:

$$\boxed{l_1^{\prime} = 43'20}$$

$$\boxed{l_2^{\prime} = 20'16^{\circ}}$$

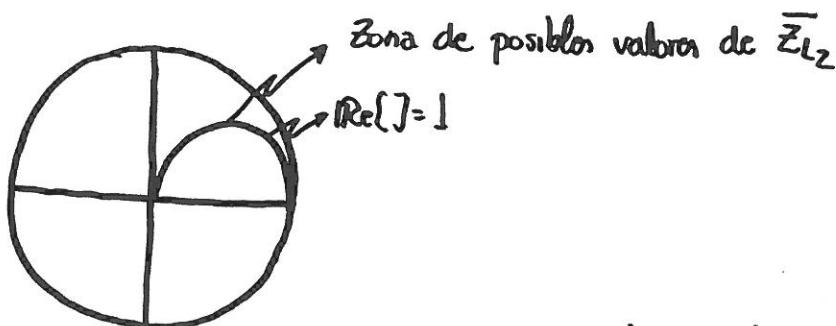
AHORA QUEREMOS ADAPTAR UNA  $Z_L$  ARBITRARIA.

c) Tenemos el siguiente esquema:

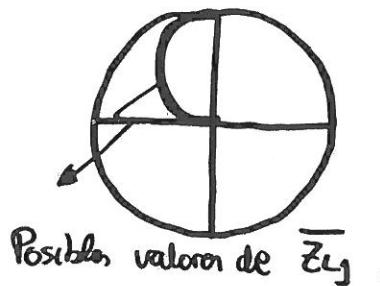


Sabemos que:  $Z_C = \frac{-j}{\omega C}$ , o decir que la impedancia del condensador es imaginaria pura y negativa, por tanto, como:

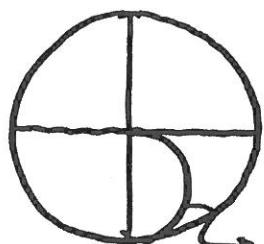
$\bar{Z}_3 = 1 = \bar{Z}_C + \bar{Z}_2$  tenemos que  $\bar{Z}_2$  debe tener parte real 1 y parte imaginaria ~~negativa~~ positiva, por tanto debe estar en la siguiente zona:



Como  $\bar{Z}_1$  se obtiene de girar  $\bar{Z}_2$   $\frac{\lambda}{8} \approx 45^\circ$  hacia carga, los posibles valores de  $\bar{Z}_1$  son:



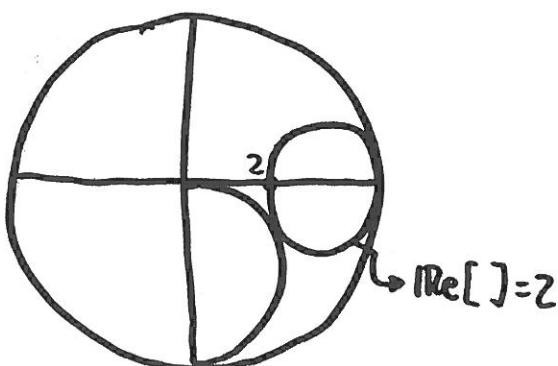
Por otro lado como  $\bar{Y}_{L_1}$  se obtiene de desplazar  $\frac{\lambda}{4}$  la impedancia  $\bar{Z}_{L_1}$ , los posibles valores para  $\bar{Y}_{L_1}$  son:



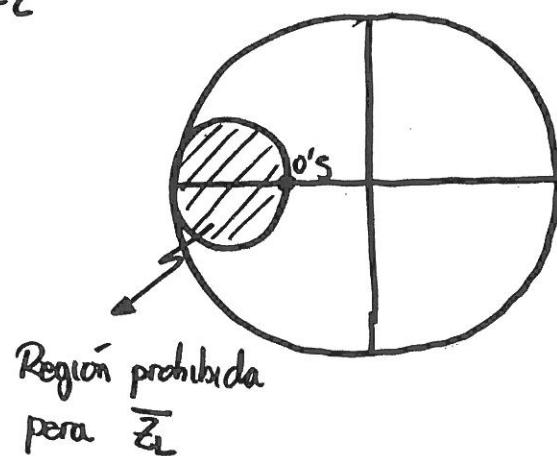
Possible valores de  $\bar{Y}_{L_1}$ .

Como  $\bar{Y}_L = \bar{Y}_{C_1} + \bar{Y}_L$  y además  $\bar{Y}_{C_1}$  es imaginaria pura sabemos que  $\operatorname{Re}[\bar{Y}_{L_1}] = \operatorname{Re}[\bar{Y}_L]$ .

Por tanto las soluciones posibles para  $\bar{Y}_L$  son aquellas cuya parte real corta a la curva que acabamos de indicar como posibles valores de  $\bar{Y}_L$ ; las únicas partes reales que no cortan a esta curva son las que son mayores que 2, ver carta de Smith.



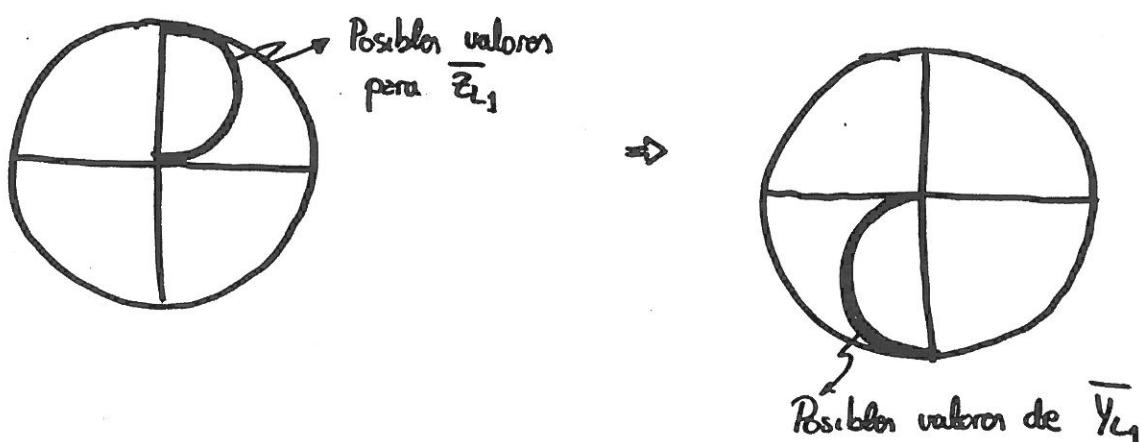
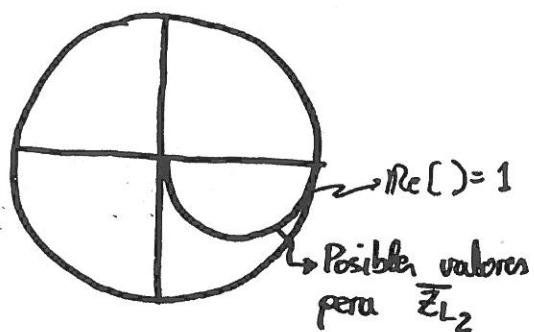
Por tanto la región prohibida para las admitancias  $\bar{Y}_L$  son aquellas que tienen  $\operatorname{Re}[\bar{Y}_L] > 2$  y en impedancias:



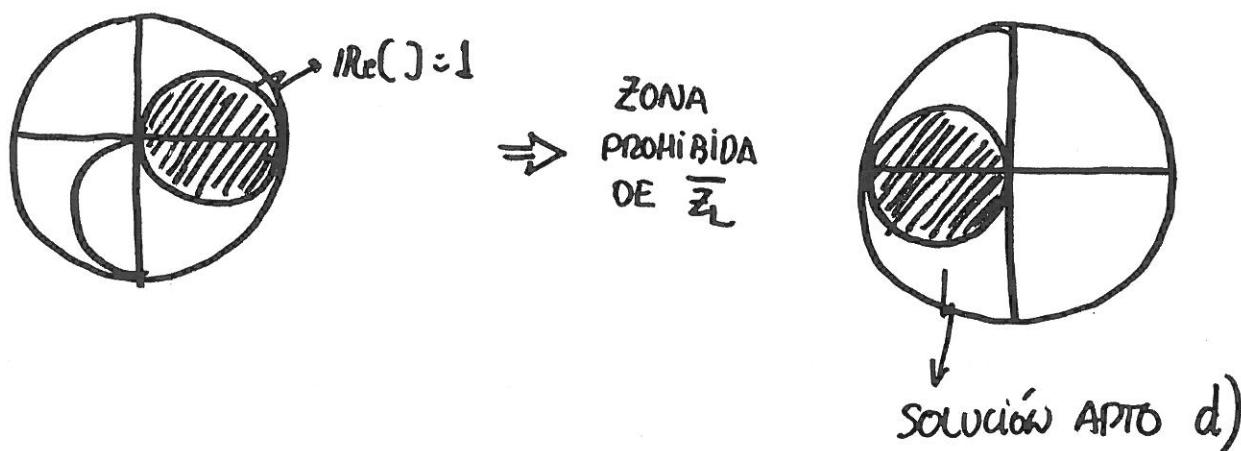
Región prohibida para  $\bar{Z}_L$

d) Tenemos el mismo esquema anterior pero con una bobina, y sabemos que :

$Z_{\text{bobina}} = j\omega L$  es decir, imaginaria pura y positiva por tanto siguiendo un desarrollo análogo al anterior :



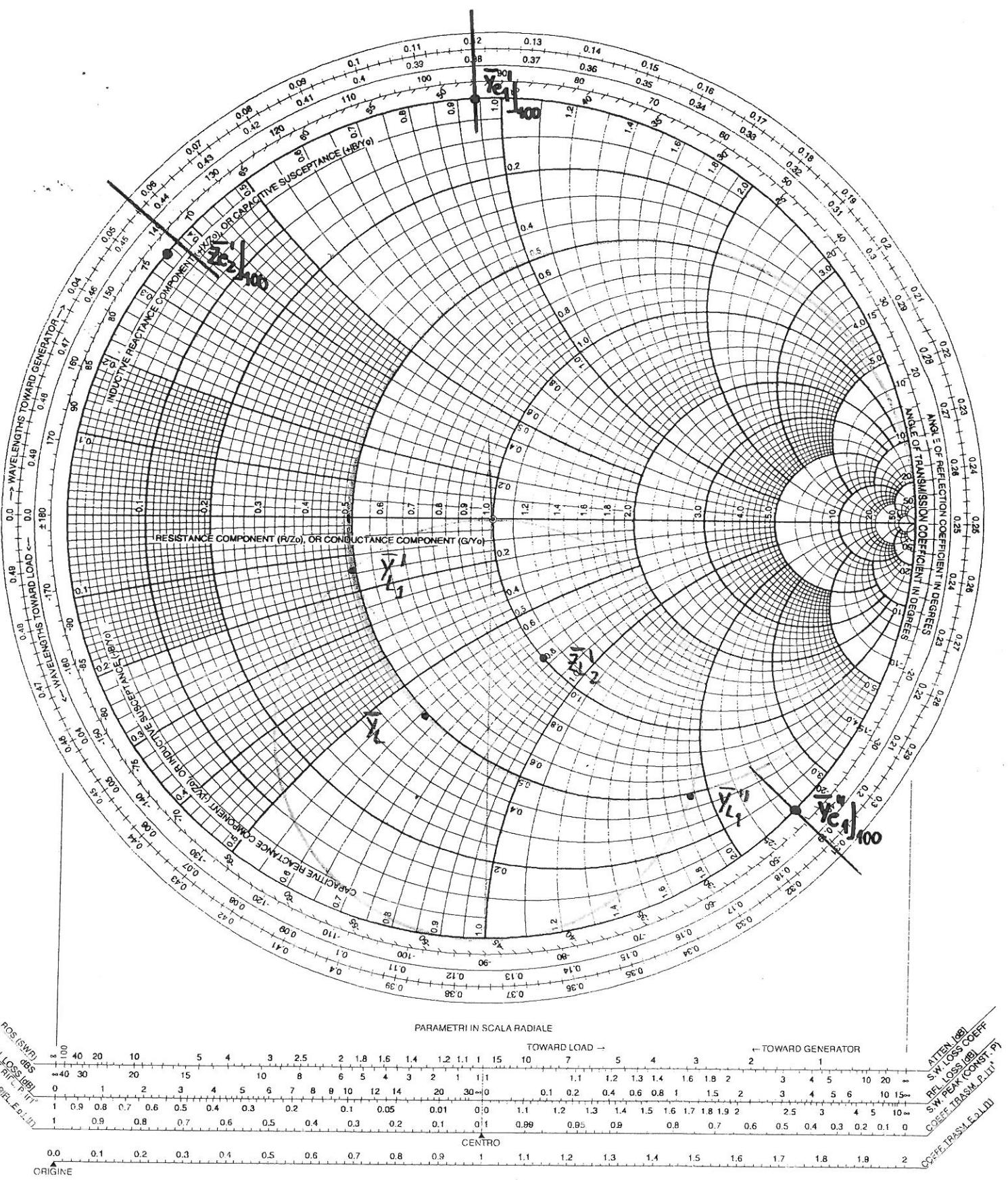
Por tanto la zona prohibida de  $\bar{Y}_L$  es :



# Carta di Smith

IEEE Student Branch dell'Università di Pavia

anno MMI

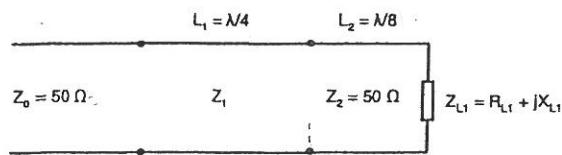




# Problema 20CT

## PROBLEMA 1 (4 puntos).

Una carga  $Z_{L1} = R_{L1} + jX_{L1}$  desconocida presenta una relación de onda estacionaria de  $SWR = 3$  cuando se coloca al final de una línea de impedancia característica  $Z_0 = 50 \Omega$ . Se consigue adaptar esta carga utilizando la siguiente configuración:



- Calcule los posibles valores de la carga  $Z_{L1}$ .
- Calcule los valores de la impedancia característica  $Z_1$  de la línea de longitud  $\lambda/4$  para los que se consigue adaptar cada uno de los posibles valores de la carga  $Z_{L1}$ .

Una segunda carga  $Z_{L2} = R_{L2}$  presenta una relación de onda estacionaria de  $SWR = 3$  cuando se coloca al final de una línea de impedancia característica  $Z_0 = 50 \Omega$ .

- Calcule los posibles valores de la carga  $Z_{L2}$ .
- Calcule los valores de  $Z_1$  y  $L_2$  con los que se consigue adaptar cada uno de los posibles valores de la carga  $Z_{L2}$ , utilizando la misma configuración de la figura.

Una tercera carga  $Z_{L3} = R_{L3} + jX_{L3}$  siendo  $R_{L3} = 100 \Omega$  presenta una relación de onda estacionaria de  $SWR = 3$  cuando se coloca al final de una línea de impedancia característica  $Z_0 = 50 \Omega$ .

- Calcule los posibles valores de la carga  $Z_{L3}$ .
- Calcule los valores de  $Z_1$  y  $L_2$  con los que se consigue adaptar cada uno de los posibles valores de la carga  $Z_{L3}$ , utilizando la misma configuración de la figura.

Circunferencia

$$Z_{L3}|_{50} = 2 + j1,3 \text{ todo } 2.0$$

$$Z_{L3}|_{50} = 2 - j1,3$$

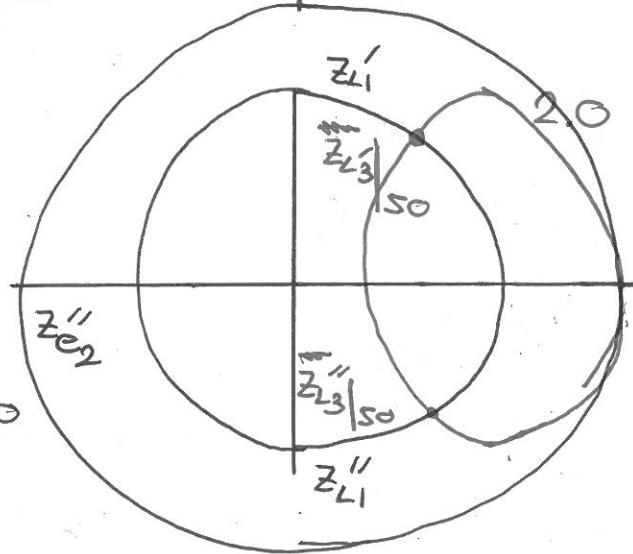
1) Desplazándonos desde  $\bar{Z}_e|_{50} \frac{\lambda}{8}$  hacia carga encontramos los posibles valores de  $\bar{Z}_{L1}|_{50}$

Solución

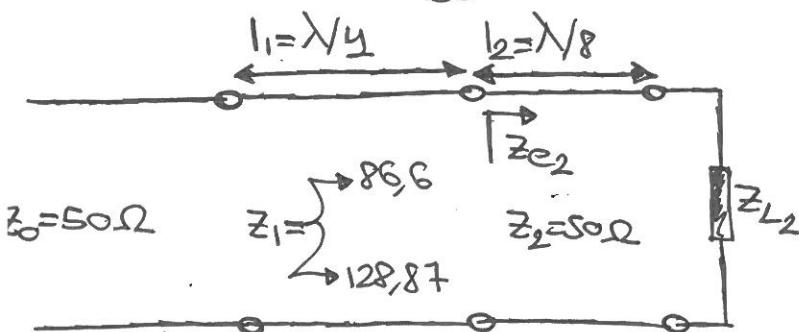
$$\bar{Z}_{L1}|_{50} = 0,6 + j0,8 \rightarrow \bar{Z}_{L1}' = 30 + j40 (\Omega)$$

$$\bar{Z}_{L1}|_{50} = 0,6 - j0,8 \rightarrow \bar{Z}_{L1}'' = 30 - j40 (\Omega)$$

debe ser real, circunferencial  $|pl| = \text{cte}$  que  $\bar{Z}_{L1}|_{50}$



$$\begin{aligned} \bar{Z}_{e2}|_{50} \text{ son:} \\ \bar{Z}_{e2}|_{50} &\rightarrow \bar{Z}_{e2}'|_{50} = 8 \rightarrow \bar{Z}_{e2}' = 150 \Omega \\ \bar{Z}_{e2}|_{50} &\rightarrow \bar{Z}_{e2}''|_{50} = \frac{1}{3} \rightarrow \bar{Z}_{e2}'' = \frac{50}{3} \Omega \end{aligned}$$



b) Para adaptar con un  $\lambda/4$  debe ser:  
 $z_1 = \sqrt{z_{L2} \cdot 50} \Rightarrow z_1' = 50\sqrt{3} = 86,60 \Omega$  → La media geométrica de un  $\lambda/4$  sólo se cumple cuando hay adaptación.  
 $z_1'' = \frac{50}{\sqrt{3}} = 128,87 \Omega$

$\exists jz_2?$   $jz_L = R_{L2}$ ? están en  $|g| = \text{cte}$  con  $\text{SWR} = 3$

$$z_{L2}' = 150 \Omega$$

$$z_{L2}'' = \frac{50}{3} \Omega$$

$\exists jz_1$  y  $L_2$ ?

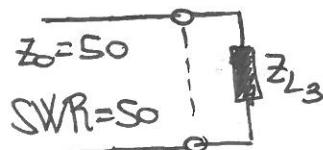
$$\text{Solución (1): } L_2' = \frac{\lambda}{2} \text{ y } z_1 = 86,60 \Omega$$

$$\text{Con } z_{L2}' = 150 \Omega \rightarrow \text{Solución (2): } L_2'' = \frac{\lambda}{y} \text{ y } z_1 = 128,87 \Omega$$

$$\text{Con } z_{L2}'' = \frac{50}{3} \Omega \rightarrow \text{Solución (1): } L_2'' = \frac{\lambda}{2} \text{ y } z_1 = 128,87 \Omega$$

$$\text{Con } z_{L2}'' = \frac{50}{3} \Omega \rightarrow \text{Solución (2): } L_2'' = \frac{\lambda}{y} \text{ y } z_1 = 86,60 \Omega$$

$\exists jz_{L3} = 100 + jx_{L3}$ ?



$$\left. \overline{z_{L3}} \right|_{50} = 2 + j \frac{V_{L3}}{50} \quad \begin{cases} \left. \overline{z_{L3}} \right|_{50} = 2 + j1,3 \rightarrow z_{L3}' = 100 + j65 \Omega \\ \left. \overline{z_{L3}} \right|_{50} = 2 - j1,3 \rightarrow z_{L3}'' = 100 - j65 \Omega \end{cases}$$

$\exists jz_1$  y  $L_2$ ?

$$\text{Solución 1: } L_2' = 0,04 \lambda \rightarrow z_1 = 86,60 \Omega$$

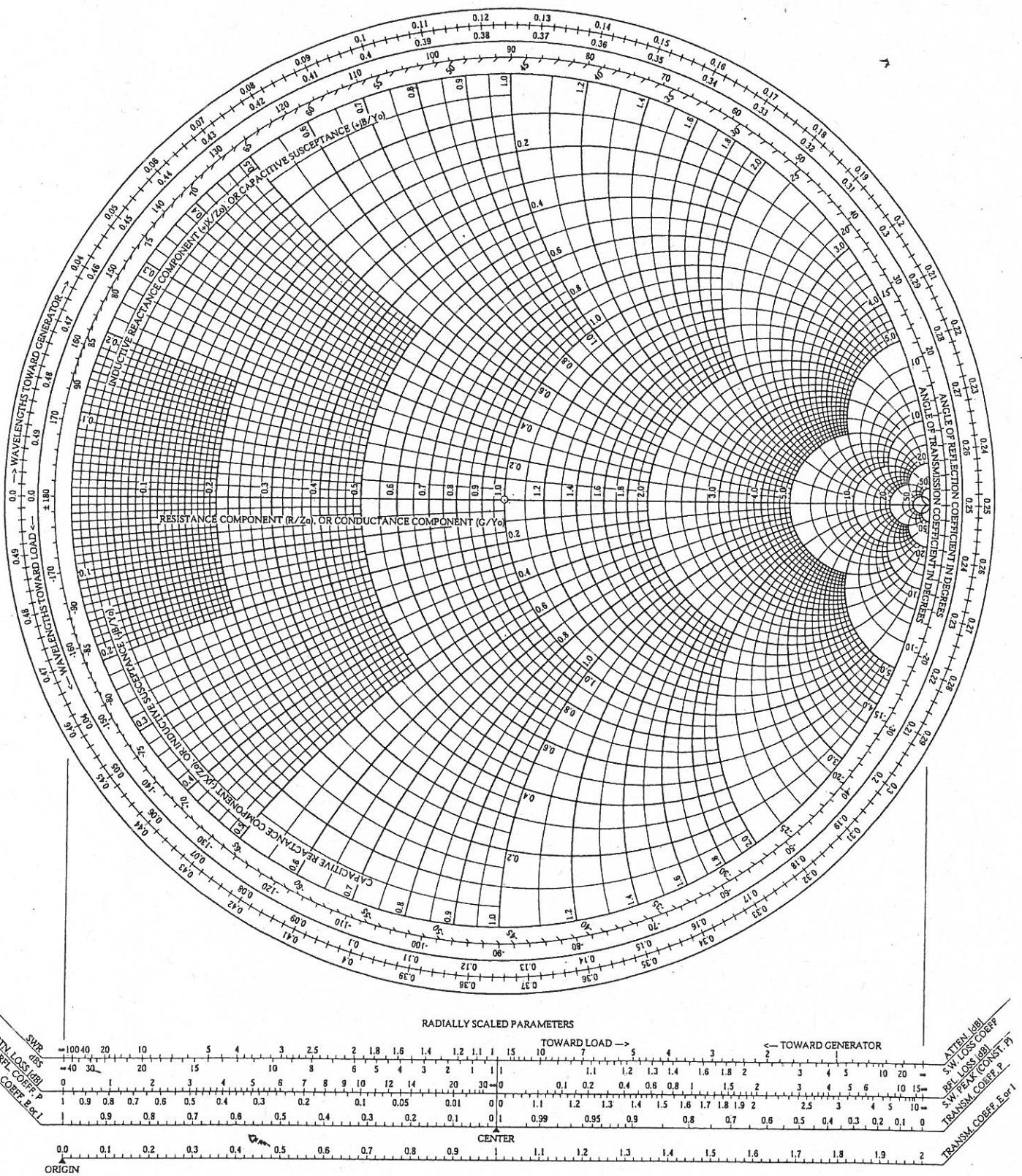
$$\text{Con } z_{L3}' = 100 + 65j \Omega \rightarrow \text{Solución 2: } L_2' = 0,04 \lambda + 0,25 \lambda = 0,29 \lambda \rightarrow z_1 = 128,87 \Omega$$

$$\text{Con } z_{L3}'' = 100 - j65 \Omega \rightarrow \text{Solución 1: } L_2'' = (0,25 - 0,04) \lambda = 0,21 \lambda \rightarrow z_1 = 128,87 \Omega$$

$$\rightarrow \text{Solución 2: } L_2'' = (0,21 + 0,25) \lambda = 0,46 \lambda \rightarrow z_1 = 86,60 \Omega$$

## The Complete Smith Chart

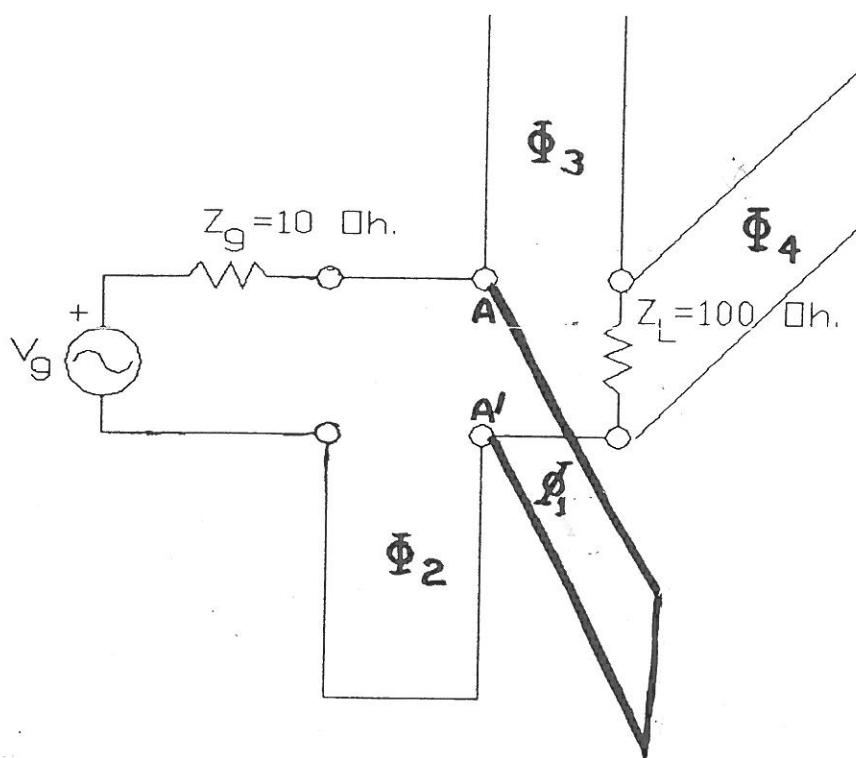
Black Magic Design





**PROBLEMA 2. (3 Ptos.)**

En la estructura de la figura donde todas las líneas tienen una impedancia característica  $Z_0=50 \Omega$ , calcule los valores de las longitudes eléctricas  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$ ,  $\Phi_3$  y  $\Phi_4$  en grados que hacen que el generador entregue la máxima potencia disponible y que la impedancia vista a la derecha del plano de referencia A-A' sea  $\sqrt{Z_g \cdot Z_L}$





Examen Temble

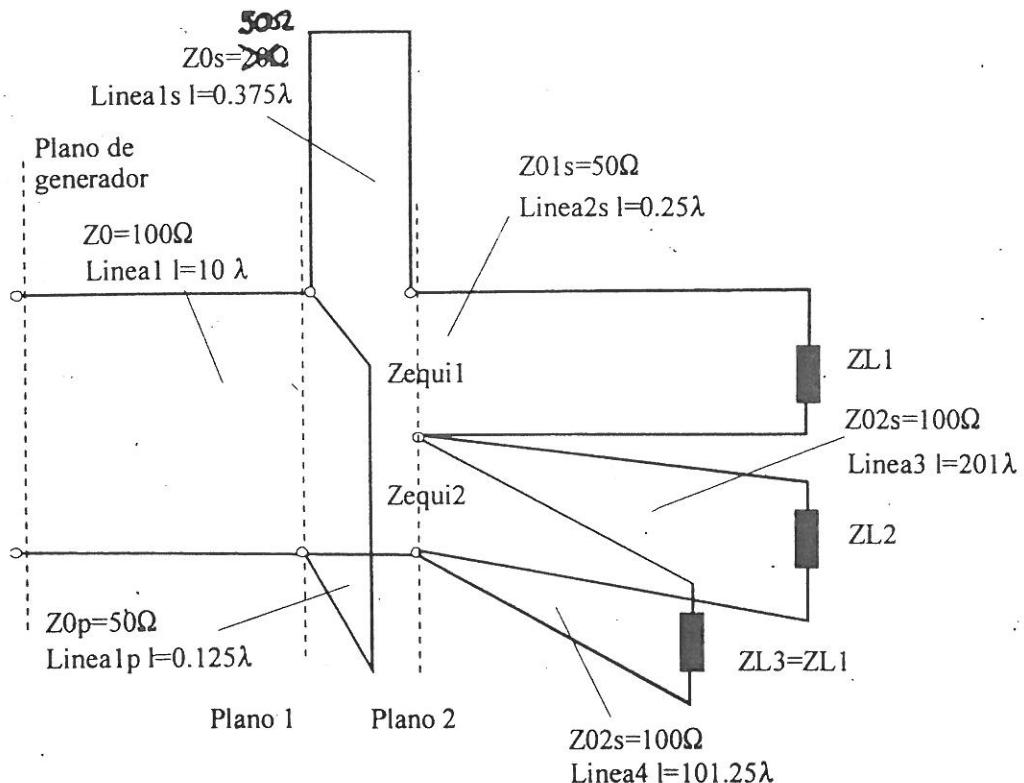
**DEPARTAMENTO DE INGENIERÍA AUDIOVISUAL  
Y COMUNICACIONES**

**TRANSMISIÓN Y PROPAGACIÓN DE ONDAS I  
SEPTIEMBRE 2004.**



**PROBLEMA 1. (4.0 Ptos.)**

Dado el circuito de la figura:



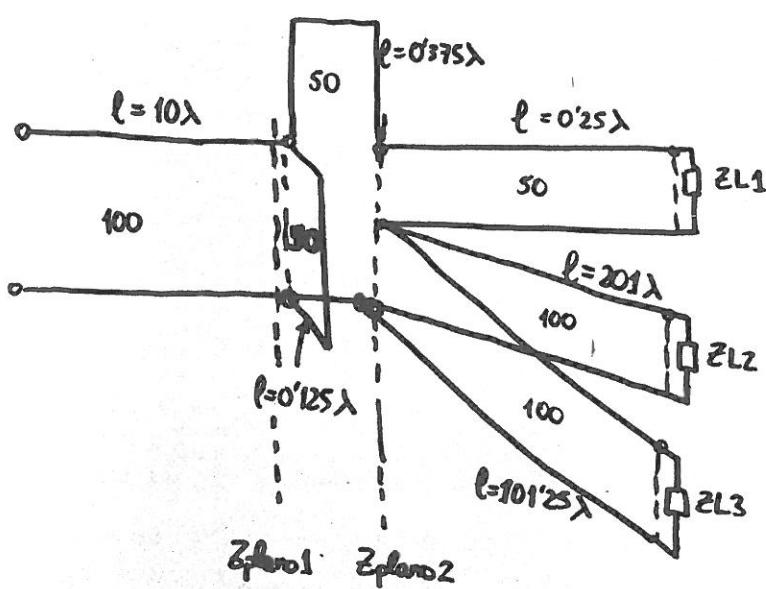
Conocida que la red está perfectamente adaptada a  $50 \Omega$  y que la impedancia equivalente en el Plano 2, es la suma de dos impedancias complejas del mismo valor ( $Z_{equi1}=Z_{equi2}=Re+jIm$ ) y además, tienen la parte real e imaginaria ( $Re=Im$ ) del mismo valor para facilitar el cálculo. La impedancia equivalente 2 ( $Z_{equi2}$ ) se forma mediante el paralelo de dos líneas de impedancia característica  $100 \Omega$  (Líneas 3 y 4).

Se pide:

- Calcular el valor de la impedancia  $ZL1=ZL3$  y  $ZL2$
- Potencias disipadas en cada una de las cargas  $ZL1$ ,  $ZL2$  y  $ZL3$ . Si se inyecta una potencia en el plano de generador de  $-10\text{dBm}$ .
- En el caso anterior y supuesto que solo la línea 1 tuviera pérdidas ( $\alpha=0.6\text{dB}/\lambda$ ) calcule las potencias disipadas en las cargas  $ZL1$ ,  $ZL2$  y  $ZL3$ . Calcule la impedancia vista en el plano de generador



PROB 1 SEPT 2004 (Pg 64)



DATOS:

\* Red perfectamente adaptada a 50 Ω. (OJO!! que la línea principal es de 100 Ω.)

$$* Z_{\text{planeo}2} = 2 Z_{\text{equi}1} = 2 Z_{\text{equi}2} = 2(R_e + j X_e) \quad y \quad (R_e = I_m)$$

$$Z_{\text{planeo}2} = 2 R_e (1+j)$$

\*  $Z_{\text{equi}2}$  es el paralelo de las líneas de 100 Ω terminadas en  $Z_{L2}$  y  $Z_{L3}$ .

Solución:

a) Como la red está perfectamente adaptada a 50 Ω, SI VAMOS DE IZQUIERDA A DERECHA la  $Z_{\text{planeo}1}$  vista hacia la izquierda es:

$\xrightarrow{\text{Zgenerador}} \text{"conocida que la red está perfectamente adaptada a } 50 \Omega"$

$$\boxed{Z_{\text{planeo}1}} = 100 \cdot \frac{50 + j 100 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot 10\lambda\right)}{100 + j 50 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot 10\lambda\right)} = \left\{ \operatorname{tg}(20\pi) = 0 \right\} = \boxed{50 \Omega}$$

$$Y_{\text{planeo}1} = \frac{1}{50} (\Omega)$$

El sintonizador de la línea 1p (ver enunciado) presenta a su entrada una impedancia de valor:

$$Z_{\text{in}_{1p}} = 50 \cdot \frac{0 + j 50 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot 0.125\lambda\right)}{50 + j 0} = j 50 \Omega$$

Así pues:

$$Y_{\text{in}_{1p}} = -j \frac{1}{50} (\Omega) \quad y \quad Y_{\text{planeo}1} + Y_{\text{in}_{1p}} = \frac{1}{50} (1-j) (\Omega)$$

La impedancia asociada es la que hay que sumar a la impedancia de entrada de la línea 1S' (ver enunciado) para conseguir la  $Z_{\text{planos}}$  vista hacia la izquierda:

$$Z_{\text{planos}} = Z_{in,1S} + \frac{1}{Y_{\text{planos}} + Y_{in,1p}} = Z_{in,1S} + \frac{50}{(1-j)} \quad (52)$$

$$Z_{in,1S} = 50 \cdot \frac{0+j50 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot 0.375\lambda\right)}{50+j0} = \left\{ \operatorname{tg}(0.75\pi) = \operatorname{tg}\left(\frac{3\pi}{4}\right) = -1 \right\} = -j50$$

Por tanto:

$$\boxed{Z_{\text{planos}} = -j50 + \frac{50}{(1-j)}} = -j50 + \frac{50(1+j)}{(1-j)(1+j)} = -j50 + \frac{50(1+j)}{2} =$$

$$= \boxed{25 - j25} \quad (52)$$

Para que exista adaptación:  $\boxed{Z_{\text{planos}} = (Z_{\text{planos}} \text{ hacia la izquierda})^*}$

*conjugado*

$$= \boxed{25 + j25} \quad (52)$$

CUMPLE EL ENUNCIADO

Como  $Z_{\text{planos}} = Z_{\text{equi}_1} + Z_{\text{equi}_2}$  y  $Z_{\text{equi}_1} = Z_{\text{equi}_2}$  tenemos que:

Bloque  $\rightarrow 12.5 \text{ del } //$

•  $Z_{\text{equi}_1} = \boxed{12.5(1+j)} = 50 \cdot \frac{z_1 + j50 \cdot \operatorname{tg}\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot 0.25\lambda\right)}{50+j0} = \frac{50^2}{z_1} \rightarrow \text{fórmula del } \lambda/4.$

$$z_1 = \frac{50^2}{12.5(1+j)} = \frac{50^2}{25} (1-j) = 100(1-j), \quad (52)$$

$$\boxed{z_1 = z_{L_3} = 100(1-j), \quad (52)}$$

- $Z_{\text{equi}_2} = \text{paralelo de las líneas de } 100 \Omega \text{ terminadas en } Z_{L2} \text{ y } Z_{L3}.$

2