

| NOMBRE Y APELLIDOS | | | | | | |
|--------------------|----|-------|--|--------|--------|---|
| CURSO | 1º | GRUPO | | Tiempo | 1 hora | B |

Cada pregunta vale 1 punto:

- 0,5 puntos si la respuesta elegida es la correcta
- 0,5 puntos si la justificación de la respuesta es correcta
- Se restará 0,25 puntos si la respuesta elegida es incorrecta

No se permite escribir fuera de los recuadros ni tachaduras

| Pregunta 1 | | Calcula $e^{i\pi} - 1$ |
|------------|----|---|
| A | -2 | <i>Justificación</i> Podemos resolverla calculando $e^{i\pi}$ es un complejo de módulo 1 y argumento π , es decir, -1 , por tanto $e^{i\pi} - 1 = -1 - 1 = -2$ |
| B | -1 | |
| C | 1 | |
| D | 0 | |

| Pregunta 2 | | ¿Cuál de las expresiones corresponde al número $z = \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}i$ |
|------------|-----------------------|---|
| A | $e^{i\pi}$ | <i>Justificación</i> Módulo $ z = \sqrt{\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} = \sqrt{1} = 1$ Argumento $\theta = \arctg\left(\frac{\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{1}{\sqrt{2}}}\right) = \arctg(1) = \frac{\pi}{4}$ Por tanto, el número en forma exponencial es: $e^{i\frac{\pi}{4}}$ |
| B | $e^{i\frac{\pi}{2}}$ | |
| C | $2e^{i\frac{\pi}{2}}$ | |
| D | $e^{i\frac{\pi}{4}}$ | |

| Pregunta 3 | | Calcula: $e^{1+5i} + e^{1-5i}$ |
|------------|--------------|---|
| A | e^2 | <i>Justificación</i> $e^{1+5i} = e^1 \cdot e^{5i} = e(\cos 5 + i \sin 5)$ $e^{1-5i} = e^1 \cdot e^{-5i} = e(\cos(-5) + i \sin(-5)) = e(\cos 5 - i \sin 5)$ $e^{1+5i} + e^{1-5i} = e(\cos 5 + i \sin 5) + e(\cos 5 - i \sin 5) = 2e \cos 5$ |
| B | $e^2 \cos 5$ | |
| C | $2e \cos 5$ | |
| D | e | |

| | | |
|-------------------|------------------------|--|
| Pregunta 4 | | Sea $h(x)$ una función derivable dos veces, y sea $h(5) = 1, h'(5) = 0$ y $h''(5) = 2$. ¿Qué le ocurre a la gráfica de $h(x)$ en el punto $(5, 1)$? |
| A | máximo | <i>Justificación:</i> Si $h'(5) = 0$ y $h''(5) = 2 > 0$ la función presenta un mínimo en $(5, 1)$ |
| B | mínimo | |
| C | Punto de inflexión | |
| D | No tenemos información | |

| | | |
|-------------------|-------------|--|
| Pregunta 5 | | Dada la función $f(x) = \sqrt{x^2 + 6x}$ ¿Cuál es la ecuación de su asíntota oblicua? |
| A | $y = -x$ | <i>Justificación:</i> $m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 6x}}{x} = 1$ $n = \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{x^2 + 6x} - x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 6x} - x)(\sqrt{x^2 + 6x} + x)}{\sqrt{x^2 + 6x} + x} =$ $= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x}{2x} = 3$ Por tanto la ecuación de la asíntota oblicua es: $y = x + 3$ |
| B | $y = x + 3$ | |
| C | $y = x$ | |
| D | No tiene | |

| | | |
|-------------------|---|--|
| Pregunta 6 | | <p>Sea $F(x)$ una función continua en el intervalo $[-3, 2]$ La gráfica representa la primera derivada. ¿Cuántos puntos de inflexión presenta la función en dicho intervalo?</p> |
| A | 1 | <i>Justificación:</i> Un punto de inflexión es aquel en que la concavidad de la función cambia. Una función es cóncava hacia arriba cuando su segunda derivada es positiva, y hacia abajo cuando es negativa. Mirando el gráfico, cuando $f'(x)$ es creciente su derivada segunda es positiva $f''(x) > 0$, y cuando es decreciente la derivada segunda es negativa. Esto significa que cualquier punto de la gráfica de $f'(x)$ donde ésta cambia de creciente a decreciente o viceversa, coincide con un punto donde cambia la concavidad, o lo que es lo mismo, el número de extremos locales (máximos o mínimos) en $f'(x)$ coincide con el número de puntos de inflexión de $f(x)$. |
| B | 2 | |
| C | 3 | |
| D | 4 | |
| E | 5 | |

| Pregunta 7 | | Señala la respuesta correcta |
|------------|--|--|
| A | $\sin x$ es par $\cos x$ es impar | <i>Justificación:</i> $\sin(-x) = -\sin x$ por lo tanto, la función $\sin x$ es impar $\cos(-x) = \cos x$ por lo tanto, la función $\cos x$ es par |
| B | $\sin x$ es impar $\cos x$ es par | |
| C | $\sin x$ es par $\cos x$ es par | |
| D | $\sin x$ es impar $\cos x$ es impar | |

| Pregunta 8 | | Sea $h(x)$ una función polinómica y sea $h'(x) = (x + 2) \cdot (x + 1) \cdot (x - 3)$ su derivada. ¿En cuántos puntos presenta la gráfica de $h(x)$ un mínimo? | | | | | | | | | | | | | | |
|------------|-----------------|--|--|--|--|--|------------|-----------------|----------------|-----------|----------------|---------|-------|-------|-------|-------|
| A | 0 | <i>Justificación:</i> Los puntos críticos son -1, -2, 3. Hay que ver el signo de la derivada en cada intervalo: <table><tr><td></td><td>$(-\infty, -2)$</td><td>$(-2, -1)$</td><td>$(-1, 3)$</td><td>$(3, +\infty)$</td></tr><tr><td>$h'(x)$</td><td>$(-)$</td><td>$(+)$</td><td>$(-)$</td><td>$(+)$</td></tr></table> | | | | | | $(-\infty, -2)$ | $(-2, -1)$ | $(-1, 3)$ | $(3, +\infty)$ | $h'(x)$ | $(-)$ | $(+)$ | $(-)$ | $(+)$ |
| | $(-\infty, -2)$ | | | | | | $(-2, -1)$ | $(-1, 3)$ | $(3, +\infty)$ | | | | | | | |
| $h'(x)$ | $(-)$ | | | | | | $(+)$ | $(-)$ | $(+)$ | | | | | | | |
| B | 1 | | | | | | | | | | | | | | | |
| C | 2 | | | | | | | | | | | | | | | |
| D | 3 | Por tanto presenta un mínimo en los puntos -2 y 3 . | | | | | | | | | | | | | | |

| Pregunta 9 | | Dada la función $f(x) = \frac{x^2 + 4x - 21}{x - 1}$ ¿Cuál de las respuestas corresponde al comportamiento de la función en $x = 1$? |
|------------|--|---|
| A | $x \rightarrow 1^-, f(x) \rightarrow +\infty$ $x \rightarrow 1^+, f(x) \rightarrow +\infty$ | <i>Justificación:</i> $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + 4x - 21}{x - 1} = \frac{(x+7)(x-3)}{x-1} = \frac{(+)(-)}{(-)} = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 4x - 21}{x - 1} = \frac{(x+7)(x-3)}{x-1} = \frac{(+)(-)}{(+)} = -\infty$ |
| B | $x \rightarrow 1^-, f(x) \rightarrow -\infty$ $x \rightarrow 1^+, f(x) \rightarrow +\infty$ | |
| C | $x \rightarrow 1^-, f(x) \rightarrow +\infty$ $x \rightarrow 1^+, f(x) \rightarrow -\infty$ | |
| D | $x \rightarrow 1^-, f(x) \rightarrow -\infty$ $x \rightarrow 1^+, f(x) \rightarrow -\infty$ | |

| Pregunta 10 | | Hallar el dominio de la función $g(x) = \frac{10}{\sqrt{15 - x }}$ |
|-------------|------------------------|--|
| A | $(-\infty, 15]$ | <i>Justificación:</i> La función está definida siempre que: $15 - x > 0 \Rightarrow 15 > x \Rightarrow x \in (-15, 15)$ |
| B | $\mathbb{R} - \{-15\}$ | |
| C | $(-15, 15)$ | |
| D | $[-15, 15]$ | |