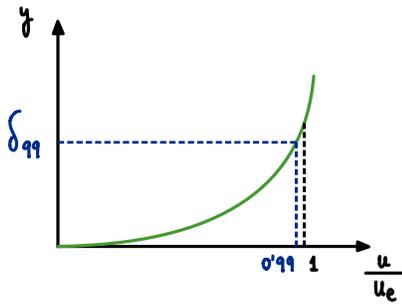


Capa Límite Laminar : Espesores



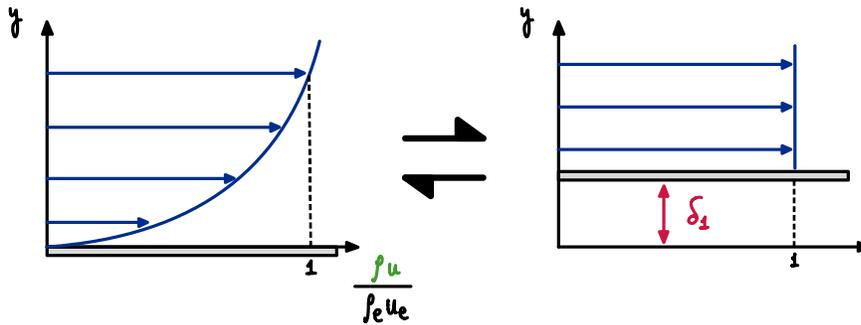
$$\frac{\delta}{l} \sim Re^{-1/2} \rightarrow \text{¿Cómo evaluamos } \delta?$$

$$\delta_{99} = y \Big|_{\frac{u}{u_e} = 0.99}$$

Errores grandes a partir de solución numérica o datos experimentales

ESPESOR DE DESPLAZAMIENTO δ_1

DISTANCIA QUE HABRÍA QUE LEVANTAR LA PARED PARA QUE EL GASTO DE FLUIDO A LA VELOCIDAD EXTERIOR CONSTANTE (COMO SI NO HUBIERA CAPA LÍMITE) COINCIDA CON EL DEL FLUIDO DE LA CAPA LÍMITE.



ρu : flujo másico a través de la capa límite

$$\text{Déficit de flujo másico: } \rho_e u_e - \rho u = \rho_e u_e \left(1 - \frac{\rho u}{\rho_e u_e}\right)$$

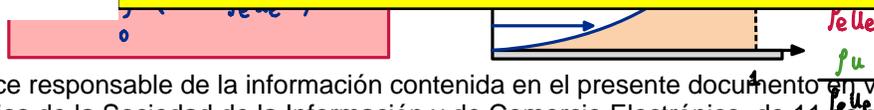
Matemáticamente :

$$\int_0^{\infty} \rho u dy = \int_{\delta_1}^{\infty} \rho_e u_e dy = \int_0^{\infty} \rho_e u_e dy - \int_0^{\delta_1} \rho_e u_e dy = \int_0^{\infty} \rho_e u_e dy - \rho_e u_e \delta_1$$

Cartagena99

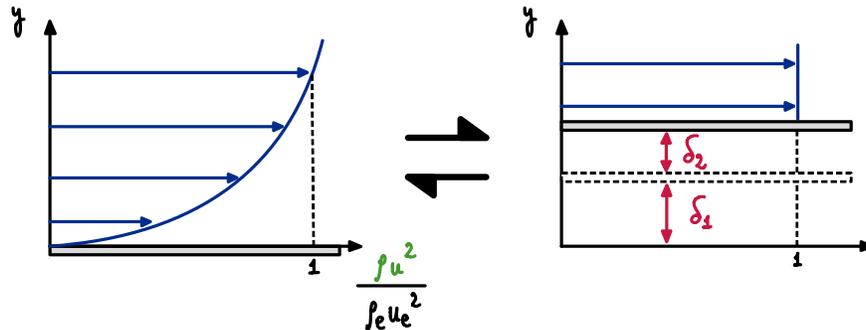
CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70



ESPESOR DE CANTIDAD DE MOVIMIENTO δ_2

DISTANCIA QUE HABRÍA QUE LEVANTAR LA PARED SOBRE δ_1 PARA QUE EL FLUJO DE CANTIDAD DE MOVIMIENTO DEL FLUIDO A LA VELOCIDAD EXTERIOR CONSTANTE (COMO SI NO HUBIERA CAPA LÍMITE) COINCIDA CON EL DEL FLUIDO DE LA CAPA LÍMITE.

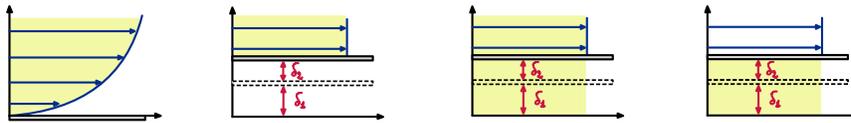


ρu^2 : flujo de cantidad de movimiento a través de la capa límite

Déficit de flujo de cantidad de movimiento: $\rho_e u_e^2 - \rho u^2 = \rho_e u_e^2 \left(1 - \frac{\rho u^2}{\rho_e u_e^2}\right)$

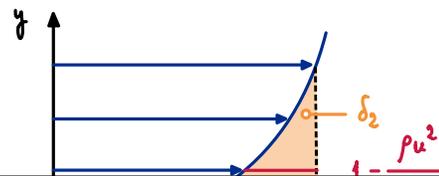
Matemáticamente:

$$\int_0^{\infty} \rho u^2 dy = \int_{\delta_1 + \delta_2}^{\infty} \rho_e u_e^2 dy = \int_0^{\infty} \rho_e u_e^2 dy - \int_0^{\delta_1} \rho_e u_e^2 dy = \int_0^{\infty} \rho_e u_e dy - \rho_e u_e^2 (\delta_1 + \delta_2)$$



$$\delta_2 = \frac{1}{\rho_e u_e} \int_0^{\infty} (\rho_e u_e^2 - \rho u^2) dy - \delta_1 = \int_0^{\infty} \left(1 - \frac{\rho u^2}{\rho_e u_e^2}\right) dy - \int_0^{\infty} \left(1 - \frac{\rho u}{\rho_e u_e}\right) dy$$

$$\delta_2 = \int_0^{\infty} \frac{\rho u}{\rho_e u_e} \left(1 - \frac{u}{u_e}\right) dy$$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

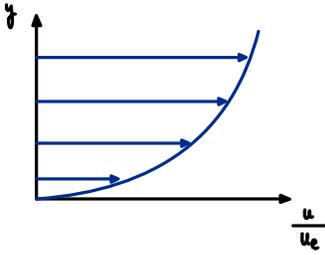
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Cartagena99

$$H_{12} = \frac{\delta_2}{\delta_1}$$

Como $\delta_2 < \delta_1 \rightarrow H_{12} > 1$

En una placa plana sometida a flujo incompresible con $\nabla p_e = 0$:

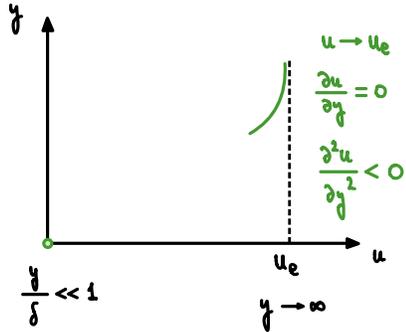


$$\frac{\delta_1}{\delta_{99}} \sim \frac{1}{3} \quad ; \quad \frac{\delta_2}{\delta_{99}} \sim \frac{2}{5} \quad \rightarrow \quad H_{12} \sim 2.5$$

Succión/Soplado: POROSIDAD $\begin{cases} v_p > 0 & \text{SOPLADO} \\ v_p < 0 & \text{SUCCIÓN} \end{cases}$

¿Qué pasa muy cerca de la pared? \rightarrow Estación x

Desarrollo de Taylor para u:



$$u = u|_{y=0} + \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} y + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}|_{y=0} \frac{1}{2} y^2 + o(y^3)$$

$$u|_{y=0} \rightarrow u|_{y=0} = 0$$

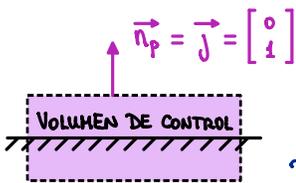
$$\frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0}$$

$$\tau_p = 2\mu \bar{S}$$

$$\tau_p|_{y=0} = 2\mu \bar{S}|_{y=0} = 2\mu$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} + \frac{\partial v}{\partial x}|_{y=0} \right) \approx \mu \begin{bmatrix} 0 & \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} \\ \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} & 0 \end{bmatrix}$$

Annotations: $\sim \frac{u_e}{\delta}$ and $\sim \frac{u_e}{l} \sim u_e \frac{\delta}{l^2}$



$$\tau_p = \tau_{\mu}|_{y=0} \cdot \vec{n}_p = \mu \begin{bmatrix} 0 & \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} \\ \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \mu \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} \vec{i} \rightarrow \frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} = \frac{\tau_p}{\mu}$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$$

Derivada... ECUACION...

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

$$u \sim \frac{\tau_p}{\mu} y + \frac{1}{2} \left(u_e \frac{du_e}{dx} + H_{12} \frac{\tau_p}{\mu} \right) y^2$$

Desarrollo de Taylor para v :

$$v = v|_{y=0} + \frac{\partial v}{\partial y}|_{y=0} y + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2}|_{y=0} \frac{1}{2} y^2 + o(y^3)$$

$$v|_{y=0} \longrightarrow v|_{y=0} = v_p$$

$$\frac{\partial v}{\partial y}|_{y=0}$$

$$\frac{\partial v}{\partial y}|_{y=0} = -\frac{\partial u}{\partial x}|_{y=0} = 0 \quad (u|_{y=0} = 0) \longrightarrow \frac{\partial v}{\partial y}|_{y=0} = 0$$

$$\frac{\partial^2 v}{\partial y^2}|_{y=0}$$

CONTINUIDAD

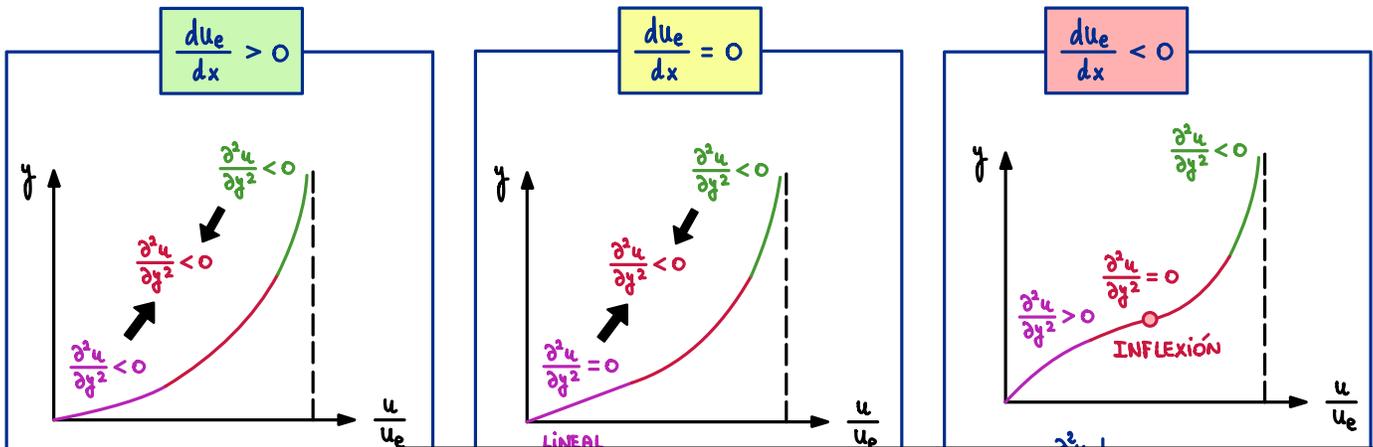
$$\frac{\partial^2 v}{\partial y^2}|_{y=0} = -\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y}|_{y=0} = -\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial u}{\partial y}|_{y=0} \right) = -\frac{d}{dx} \left(\frac{c_p}{\mu} \right) = -\frac{1}{\mu} \frac{dc_p}{dx} \longrightarrow$$

Por tanto :

$$\frac{\partial^2 v}{\partial y^2}|_{y=0} = -\frac{1}{\mu} \frac{dc_p}{dx}$$

$$v \approx v_p - \frac{1}{2\mu} \frac{dc_p}{dx} y^2$$

Para $v_p = 0$:

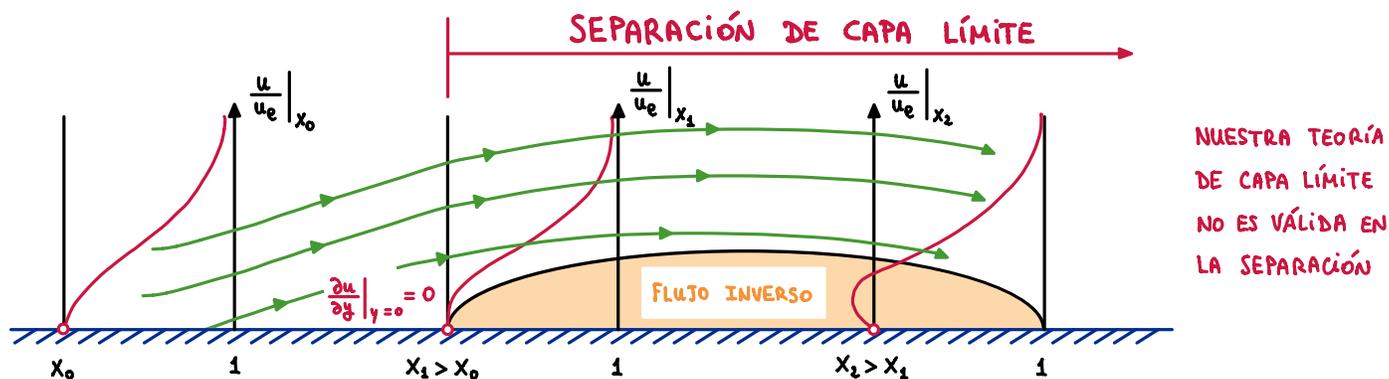


Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
 CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Si el gradiente adverso de presiones persiste :



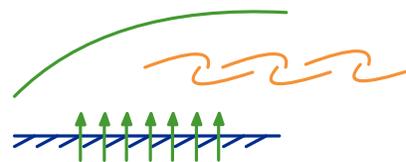
La separación de la capa límite se produce por :

$$\frac{du_e}{dx} < 0$$

GRADIENTE
ADVERSO

$$U_p > 0$$

SOPLADO



Podemos succionar la capa límite para contrarrestar un gradiente adverso de presiones :

$$\text{PUNTO DE SEPARACIÓN : } \frac{\partial u}{\partial y} \Big|_{y=0} = 0 \iff C_p = 0$$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99