# Formas habituales de representación de estructuras cristalinas

Cartagena99

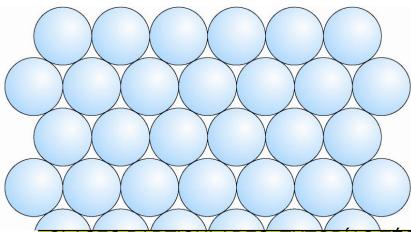
CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Representación en forma de empaquetamiento de esferas

A veces conviene describir las posiciones atómicas en una red como si fueran esferas empaquetadas.

### En 2 dimensiones:

La forma de colocar las esferas de la forma *más compacta posible* es con simetría hexagonal



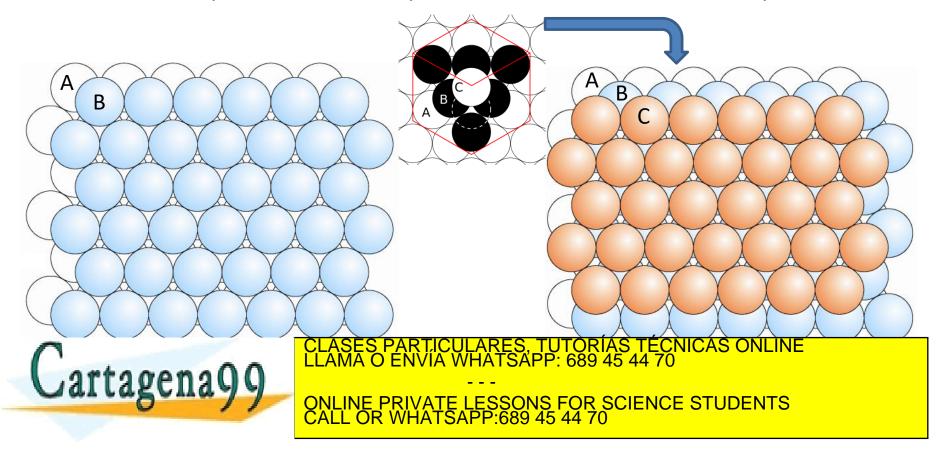
Cartagena99

CLAŠES PÄRTICULAREŠ, TUTÖRÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Formas de empaquetamiento de esferas

### En 3 dimensiones:

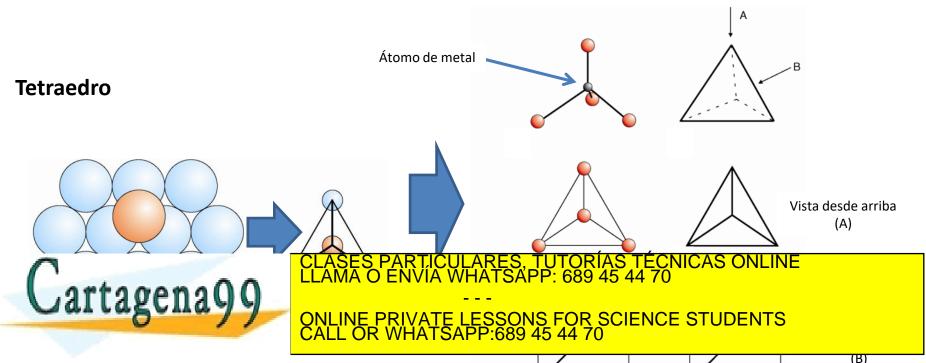
Las dos formas de apilamiento más compactas sólo difieren en la forma de apilamiento



### Representación en forma de poliedros

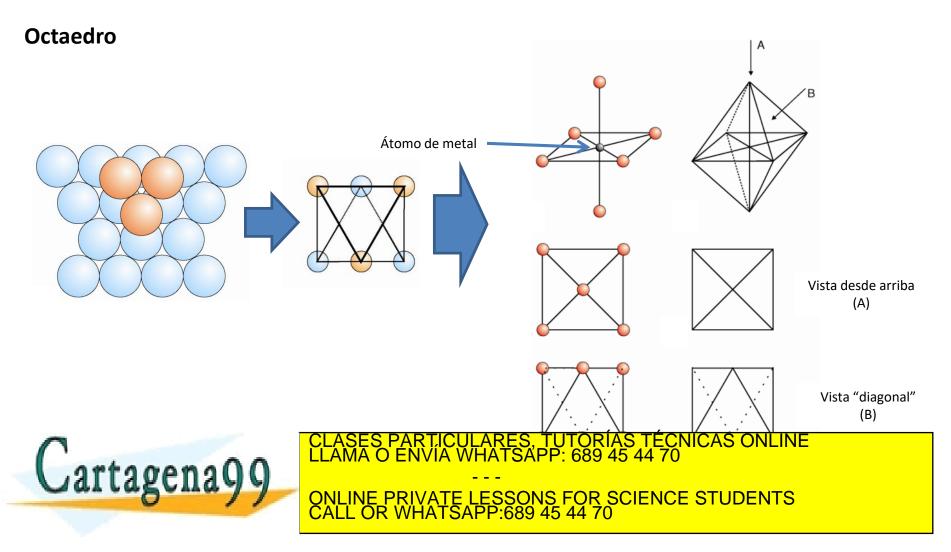
A menudo es necesario centrar nuestra atención en el *entorno local de cierto átomo o ion* Para ello, es muy útil la representación en forma de poliedros, que en la mayoría de los casos se reducen a tetraedros y octaedros.

Suelen representar <u>un átomo de metal en el centro</u>, rodeado por átomos no metálicos. Se unen con líneas los no metálicos para formar el poliedro.



(B)

### Representación en forma de poliedros



www.cartagena99.com no se hace responsable de la información contenida en el presente documento en virtud al Artículo 17.1 de la Ley de Servicios de la Sociedad de la Información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002. Si la información contenida en el documento es ilícita o lesiona bienes o derechos de un tercero háganoslo saber y será retirada.

### Representación en formas de poliedros

Las estructuras cristalinas suelen representarse de las siguientes maneras. En algunos casos, los poliedros están distorsionados en los materiales reales.

Ejemplos:

**Tetraedros** 

Fase β del cuarzo, SiO<sub>2</sub>. Red *hexagonal*. Cada Si unido a 4 átomos de O (sp<sup>3</sup>)



ReO<sub>3</sub>. Red cúbica Los iones de los metales de transición 3d están unidos a 6 aniones. Renio



PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

NE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS

# Difracción y red recíproca

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

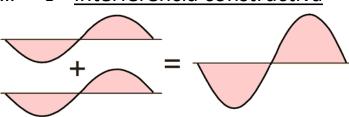
### **Difracción**

Se interpreta como la superposición de haces de radiación electromagnética tras interaccionar el haz original con algún objeto.

Superposición de ondas: el haz resultante se halla sumando los haces superpuestos

### Máximo de difracción

- Si la diferencia de recorrido  $\Delta l = \lambda$ ,  $2\lambda$ ,  $3\lambda$ ,  $4\lambda$ ,...  $\Rightarrow$  interferencia constructiva



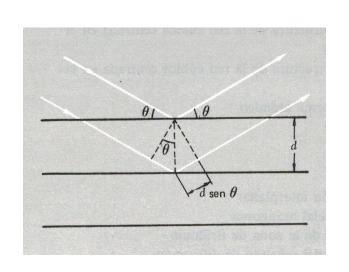
### Mínimo de difracción

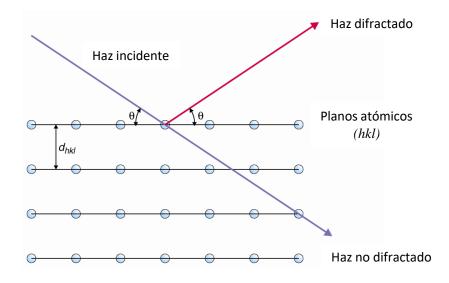
- Si  $\Delta l = \lambda/2$ ,  $3\lambda/2$ ,  $5\lambda/2$ ,  $7\lambda/2$ ,...  $\rightarrow$  interferencia destructiva

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Determinación de la estructura cristalina: Difracción





*Ley de Bragg* :  $2d_{hkl}sen\theta = \lambda$ 

condición de máximo de difracción

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Determinación de la estructura cristalina: Difracción

Las técnicas más comunes para obtener la estructura cristalina son:

- Difracción de rayos-X (la más común, con diferencia)
- Difracción de electrones (normalmente, en un microscopio electrónico de transmisión)
- Difracción de neutrones

### Difracción de rayos-X (XRD)

Es la herramienta de determinación de estructura más importante.

<u>Fuentes de rayos-X:</u> las más comunes son las líneas  $K_{\alpha}$  de Cr, Fe, Co, Cu, Mo ó Ag (longitudes de onda discretas).

También se puede realizar con radiación <u>sincrotrón</u>, <u>láser de electrones libres</u>, <u>fuentes de generación de armónicos altos</u>,... (longitudes de onda seleccionables pero mucho menos accesibles)

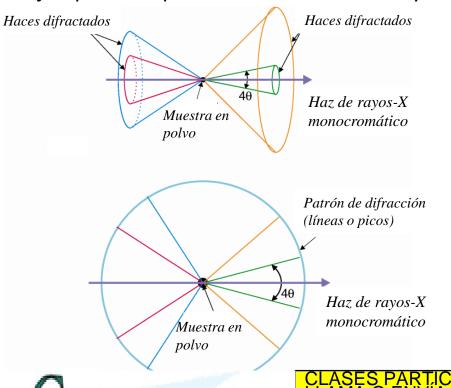
<u>Ventajas de XRD</u>: a) prácticamente no necesita preparación de las muestras; b) es no destructiva; c) proporciona información del volumen del material (los cristales absorben

Cartagena99

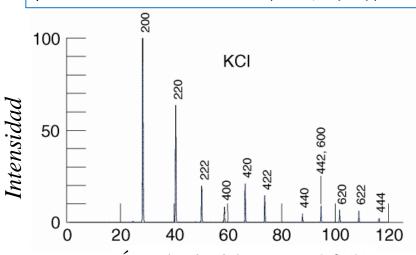
CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Determinación de la estructura cristalina: Difracción

Ejemplo de espectro de difracción de rayos-X de una muestra en polvo



Ausencias sistemáticas por ser centrada en caras (también las redes centradas en el interior o centradas en la base). Además, los átomos presentes en el cristal también pueden cancelar ciertas reflexiones (en KCl, la {111})



Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Determinación de la estructura cristalina: Difracción

- Difracción de electrones (en microscopio electrónico de transmisión)

Se basa en que los electrones (y resto de partículas) tienen asociada una longitud de onda (principio de *de Broglie*)

$$\lambda = \frac{h}{p}$$
  $\lambda$  long. onda;  $h$  cte. Planck;  $p$  momento de la partícula

Con energías apropiadas, la longitud de onda es ≈ Å → difracción en cristales

<u>Ventaja</u>: puede llegar a tener altísima resolución espacial (micro- y nanoestructuras) <u>Desventajas</u>: **a)** las muestras tienen que ser extremadamente finas (unos 100 nm como máximo); **b)** la teoría es más complicada, debido a difracciones múltiples; **c)** se pueden estropear más rápidamente las muestras que con rayos-X.



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TECNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Determinación de la estructura cristalina: Difracción

### Difracción de neutrones

Se basa, en que los neutrones (igual que los electrones) tienen asociada una longitud de onda (principio de *de Broglie*)

<u>Ventajas</u>: **a)** es a menudo capaz de distinguir entre átomos difíciles de distinguir con rayos-X (su dispersión, *scattering*, no depende del número atómico) ; **b)** son partículas con spin e interactúan con electrones, proporcionando <u>información de las propiedades</u> magnéticas del material.

<u>Desventajas</u>: **a)** se necesita un reactor nuclear;

**b)** no posee resolución espacial



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

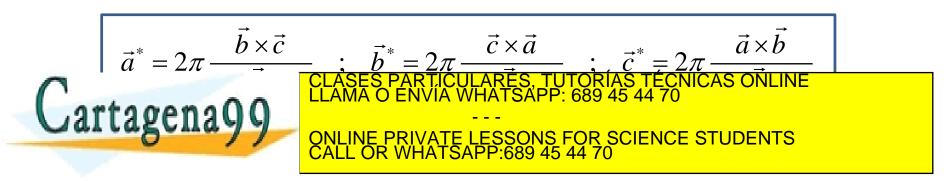
### Red recíproca

Las técnicas de caracterización de la estructura cristalina se basan en la <u>difracción</u>. Estas técnicas representan la <u>red recíproca</u>.

Además, muchas de las propiedades físicas de los cristales son descritas de la manera más sencilla <u>utilizando la red recíproca</u>. Por ejemplo, *las propiedades de conducción eléctrica*, como veremos en el Tema 4, o las propiedades térmicas, como se verá en *Fís. Est. Sól. II* 

La red recíproca se construye a partir de las redes de Bravais (*definidas en el espacio real*). La red recíproca ocupa el *espacio recíproco* (espacio de las k, números de onda).

Se define a partir de los tres vectores de traslación de la red recíproca:



### Red recíproca

$$\vec{a}^* = 2\pi \frac{\vec{b} \times \vec{c}}{\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})} \quad ; \quad \vec{b}^* = 2\pi \frac{\vec{c} \times \vec{a}}{\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})} \quad ; \quad \vec{c}^* = 2\pi \frac{\vec{a} \times \vec{b}}{\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})}$$

### Propiedades de la red recíproca

- el producto escalar de los vectores de traslación de las redes directa y recíproca cumple

$$\vec{a} \cdot \vec{a}^* = 2\pi \quad ; \quad \vec{b} \cdot \vec{b}^* = 2\pi \quad ; \quad \vec{c} \cdot \vec{c}^* = 2\pi$$
$$\vec{a} \cdot \vec{b}^* = \vec{b} \cdot \vec{a}^* = \vec{a} \cdot \vec{c}^* = \vec{c} \cdot \vec{a}^* = \vec{b} \cdot \vec{c}^* = \vec{c} \cdot \vec{b}^* = 0$$

- cualquier punto de la red recíproca está dado por el vector:



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Red recíproca

### **Ejemplo**

Cúbica simple 
$$\vec{a} = a \cdot \hat{u}_x$$
 ;  $\vec{b} = a \cdot \hat{u}_y$  ;  $\vec{c} = a \cdot \hat{u}_z$  ( $con \ a = 2\mathring{A}$ )

¿Cuáles son los vectores de traslación de la red recíproca?

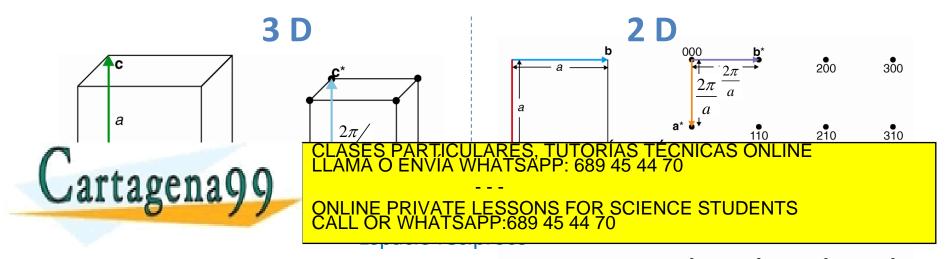


CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Propiedades de la red recíproca

- La <u>distancia</u> a cualquier punto de la red recíproca G = (h, k, l) desde el origen es igual a  $2\pi/d_{hkl}$ , siendo  $d_{hkl}$  la distancia entre dos planos consecutivos (hkl) del espacio real.
- La <u>dirección</u> del vector que llega hasta cualquier punto de la red recíproca G = (h, k, l) desde el origen es perpendicular a los planos (hkl) en el espacio real
- Para <u>cristales cúbicos, tetragonales y ortorrómbicos</u> se cumple:  $a^* = \frac{2\pi}{a}$  ;  $b^* = \frac{2\pi}{b}$  ;  $c^* = \frac{2\pi}{c}$

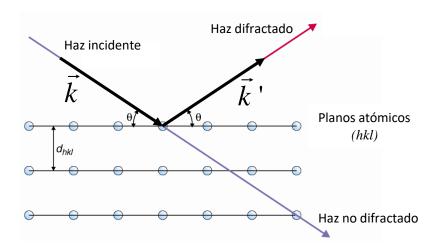
y los ejes de la red recíproca son paralelos a los de la red directa



### Propiedades de la red recíproca

Condición de Bragg para la difracción, definida a través de la red recíproca:

- los vectores de onda de los haces incidente y difractado son k y k, respectivamente



Es un proceso elástico: Se conserva la energía

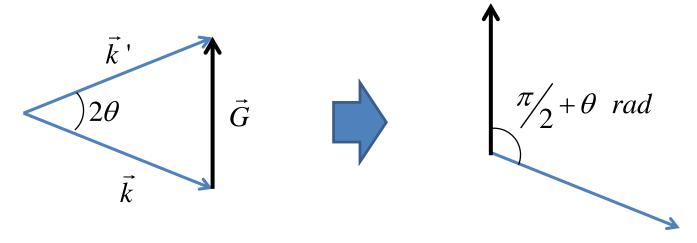
se produce difracción de rayos-X cuando se cumple  $\vec{k}$  ' $-\vec{k} = \vec{G}$  o, lo que es lo mismo,

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Propiedades de la red recíproca

### Demostración:



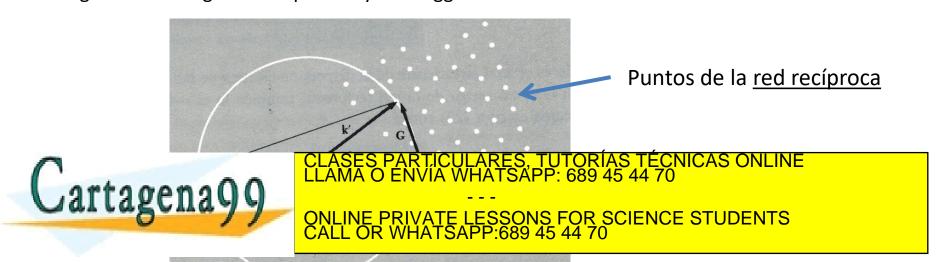
Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### Propiedades de la red recíproca

Representación a partir de la <u>esfera de Ewald</u> de la condición de Bragg para la difracción a partir de la red recíproca:

- Se dibuja el vector de onda k en la dirección del haz de rayos-X incidente y se escoge el origen de forma que k termine en un punto cualquiera de la red recíproca.
- Se dibuja una esfera de radio  $k=2\pi/\lambda$  alrededor del origen de k.
- Se forma un haz difractado si esta esfera corta a otro punto cualquiera de la red recíproca
- El haz de rayos-X difractado se propaga en la dirección de k' = k + G
- El ángulo  $\theta$  es el ángulo dado por la ley de Bragg



www.cartagena99.com no se hace responsable de la información contenida en el presente documento en virtud al Artículo 17.1 de la Ley de Servicios de la Sociedad de la Información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002. Si la información contenida en el documento es ilicita o lesiona bienes o derechos de un tercero háganoslo saber y será retirada.

### Zonas de Brillouin

Brillouin dio el enunciado de la condición de difracción que más se utiliza en la física del estado sólido: es la base de la teoría de bandas de energía de los electrones y de otras excitaciones elementales de otros tipos.

La primera zona de Brillouin es la celda primitiva de Wigner-Seitz en la red recíproca.

Recordamos cómo se obtiene:

- 1. Líneas rectas que unan un punto de la red con todos los puntos de la red próximos
- 2. Dibujar nuevas líneas (planos en 3D) en el punto medio de estas líneas y normal a ellas
- 3. El área (volumen en 3D) más pequeña encerrada por las líneas es la 1º zona de Brillouin

Ejemplo en 2 dimensiones:

El área oscura es la primera zona de Brillouin

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### **Zonas de Brillouin**

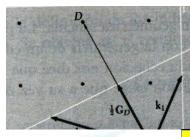
¿Por qué son importantes estas zonas de Brillouin?

Las superficies en el límite de la primera zona de Brillouin cumplen la condición de difracción de Bragg

Esta idea es esencial en la estructura de bandas de energía de los electrones de los cristales

### Demostración:

En las superficies se cumple: 
$$\vec{k} \cdot \frac{\vec{G}}{2} = \left(\frac{G}{2}\right)^2 \implies 2\vec{k} \cdot \vec{G} = G^2$$



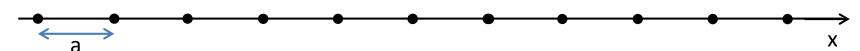
Por las propiedades del prod. escalar, en la figura:

### Zonas de Brillouin

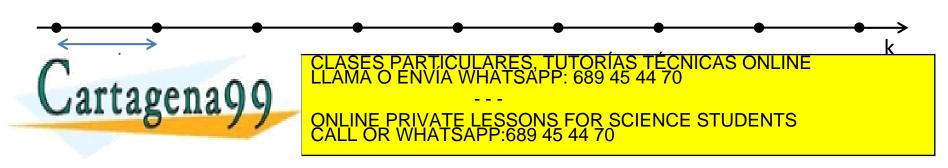
Ejemplo:

Primera zona de Brillouin de una red unidimensional:

Red directa (espacio real)



Red recíproca (espacio recíproco o de las k) ¿Cuál es la primera zona de Brillouin de esta red?

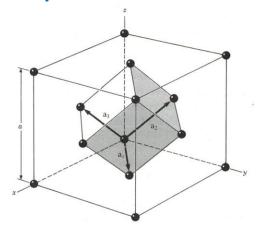


### Zonas de Brillouin

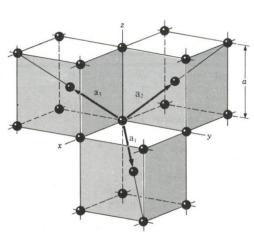
¿Cómo son estas zonas de Brillouin para las redes 3D que conocemos?

La red recíproca de la FCC: es una BCC

La red recíproca de la BCC: es una FCC



Red directa (espacio real)



Primera zona

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

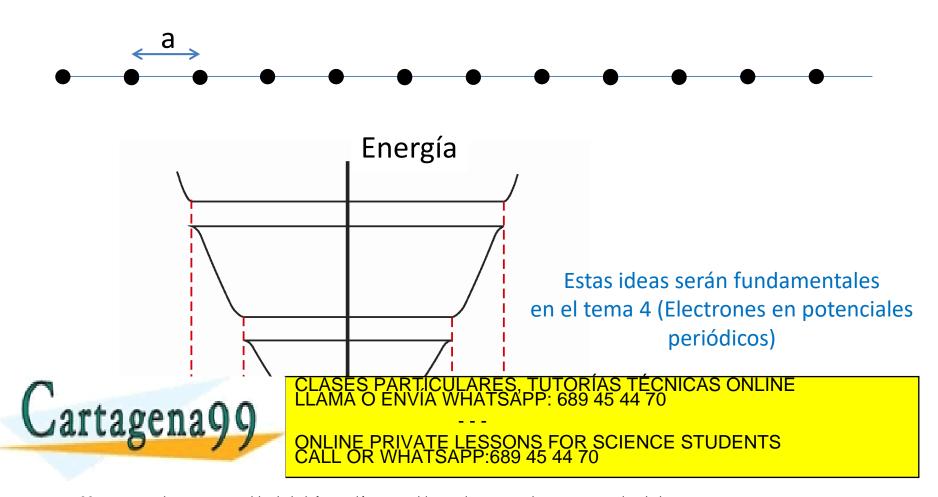
Cartagena99

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

www.cartagena99.com no se hace responsable de la información contenida en el presente documento en virtud al Artículo 17.1 de la Ley de Servicios de la Sociedad de la Información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002. Si la información contenida en el documento es ilicita o lesiona bienes o derechos de un tercero háganoslo saber y será retirada.

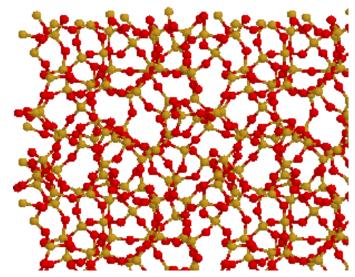
### Zonas de Brillouin

Zonas de Brillouin de una red unidimensional y bandas de energía electrónicas



**Materiales amorfos: vidrios** 

La distribución de átomos no es periódica



Sólo existe el orden a corto alcance, a unos pocos átomos vecinos.

Se forman cuando un líquido a alta temperatura se enfría rápidamente, sin dar tiempo a que los átomos se ordenen formando un cristal.

No poseen un punto de fusión definido, sino que se van ablandando desde un

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

### **Cuasicristales (cristales cuasiperiódicos)**

- Se pueden considerar compuestos por ciertas unidades estructurales, todas orientadas de forma idéntica, separadas por cierta cantidad de material desordenado
- Presentan orden de orientación, no de traslación

- Se dice que son materiales *aperiódicos* 

El patrón de Penrose es un ejemplo de patrón aperiódico Es el equivalente en 2D de los cuasicristales

Difracción de electrones en un cuasicristal

Cartagena99

ASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS AMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

ocumento en virtud al sullo 17.1 de la Ley de Servicios de la Sociedad de la Información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002 información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002 información contenida en el documento es ilícita o lesiona bienes o derechos de un tercero háganoslo saber y será retirada.