

Es necesario superar el 40% de la nota máxima de cada parte para compensar.

Cuestiones: Hasta 1,5 puntos cada una (total cuestiones: 3 puntos). **Conteste breve y razonadamente**, ajustándose a la pregunta y explicando su respuesta.

Problemas: Hasta 3,5 puntos cada uno (total problemas: 7 puntos). Debe resolverlos, no sólo decir cómo se podrían resolver ni poner la solución, sino que **hay que resolverlos realmente, explicando los pasos y discutiendo los resultados**. Defina **todas** las variables que use y **explique** la notación y las fórmulas que utilice.

No haga números hasta haber obtenido una expresión algebraica (estime entonces en órdenes de magnitud).

No se permite ni calculadora ni material auxiliar alguno.

Tiempo: dos horas.

CUESTIONES

(solamente deben responderlas los alumnos que no hayan realizado la evaluación continua)

1.- Queremos obtener por un método variacional la energía del nivel energético más bajo con momento angular l de un potencial radial de la forma $V(r) = kr$. ¿Cuál podría ser una función de prueba adecuada? Exprésela en función de armónicos esféricos y de potencias de r .

2.- Es sabido que las autoenergías y autofunciones de un pozo cuadrado unidimensional infinito con paredes en $x = 0$ y L son $E_n = n^2\pi^2\hbar^2/(2mL^2)$ y $\psi_n(x) = \sqrt{2/L} \sin(n\pi x/L)$. ¿Cuáles son las autoenergías y autofunciones para estados con $l = 0$ de un pozo infinito esférico de radio a (es decir, un pozo con potencial $V(r) = 0$ para $r < a$ y $V(r) = \infty$ para $r > a$)?

PROBLEMAS

1.- Una partícula de masa m está confinada a moverse en el plano XY, a lo largo de una circunferencia de radio a y sometida a un potencial de la forma $V(\theta) = A \sin \theta \cos \theta$, siendo θ el ángulo medido respecto al eje X. Considerando $V(\theta)$ como una perturbación, calcular las funciones de onda de los dos niveles más bajos a primer orden en teoría de perturbaciones, y sus energías a segundo orden.

2.- Describimos una partícula de espín 1 en la base estándar de autoestados de \hat{S}_z , que denotamos como $\{|+\rangle, |-\rangle, |0\rangle\}$. La partícula se encuentra en un estado estacionario bajo un hamiltoniano $\hat{H} = -\varepsilon\hbar^{-2}\hat{S}_z^2$, con $\varepsilon > 0$.

El estado de espín de la partícula para $t < 0$ es $(|+\rangle + |-\rangle)/\sqrt{2}$.

En el instante $t = 0$ empieza a actuar sobre la partícula una perturbación $\lambda\hat{W}$, con $|\lambda| \ll 1$, tal que $\langle -|\hat{W}|0\rangle = \langle 0|\hat{W}|-\rangle = \varepsilon$, siendo nulos el resto de los elementos de matriz.

Obtenga la probabilidad de que en un instante $t > 0$ la partícula haya saltado al estado de espín $|0\rangle$:

a) Usando teoría de perturbaciones dependientes del tiempo a primer orden.

b) Exactamente. En consecuencia, juzgue la bondad del resultado perturbativo.

Datos que podrían ser útiles: $h = 6.63 \times 10^{-34}$ J s, $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19}$ J, $m_e = 1.67 \times 10^{-27}$ kg

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

$$j_x \cos x \cos x = \frac{1}{6} + \frac{1}{4} \cos(2x) + \frac{1}{4} (x^2 - \frac{1}{2}) \sin(2x)$$

Operadores de momento angular

$$\nabla^2 \Phi = \frac{1}{r} \frac{\partial^2}{\partial r^2} (r\Phi) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (\sin \theta \frac{\partial \Phi}{\partial \theta}) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial^2 \Phi}{\partial \varphi^2}$$

www.cartagena99.com no se hace responsable de la información contenida en el presente documento en virtud al Artículo 17.1 de la Ley de Servicios de la Sociedad de la Información y de Comercio Electrónico, de 11 de julio de 2002.

Si la información contenida en el documento es ilícita o lesiona bienes o derechos de un tercero háganoslo saber y será retirada.