

Examen  
Junio  
18 de junio 2012

Informática  
Año 2011/2012  
Facultad de CC.  
Matemáticas

▷ 1. Cálculo puntual de la matriz de mediotono de Judice-Jarvis-Ninke

(3 puntos) La matriz de mediotono de *Limb* de nivel 0, que denotaremos con  $L_0$ , es una matriz entera de tamaño  $1 \times 1$  cuyo único elemento vale 0. La matriz de mediotono de *Limb* de nivel  $n > 0$ ,  $L_n$ , es una matriz entera de tamaño  $2^n \times 2^n$  que viene definida por

$$L_n = \begin{bmatrix} 4L_{n-1} & 4L_{n-1} + 3U_{n-1} \\ 4L_{n-1} + 2U_{n-1} & 4L_{n-1} + 1U_{n-1} \end{bmatrix}$$

donde  $U_n$  es una matriz  $2^n \times 2^n$  con todos sus elementos a 1.

Haz primero una función recursiva que, dada una fila  $i$ , una columna  $j$  y un nivel  $n$ , calcule el elemento de la posición  $(i, j)$  de la matriz de *Limb* de nivel  $n$ . Implementa luego una variante iterativa.

**Pista:** Si no tienes suficiente práctica con el álgebra matricial, la fórmula que define  $L_n$  te puede resultar extraña. Cuando se construye una matriz juntando otras, se entiende que las internas pierden el caparazón que sujeta sus elementos y éstos pasan a formar parte de la matriz externa. Por eso,

$$L_1 = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

y

$$L_2 = \begin{bmatrix} 0 & 12 & 3 & 15 \\ 8 & 4 & 11 & 7 \\ 2 & 14 & 1 & 13 \\ 10 & 6 & 9 & 5 \end{bmatrix}.$$

▷ 2. Calendario perpetuo: fechas absolutas

El calendario gregoriano, es un calendario originario de Europa, actualmente utilizado de manera oficial en la mayoría de países. Así denominado por ser su promotor el Papa Gregorio XIII, vino a sustituir en 1582 al calendario juliano utilizado desde que Julio César lo instaurase en el año 45 adC. Para ese año el equinoccio de primavera, que marca el periodo Pascual, se había adelantado hasta el 11 de marzo. El nuevo calendario corrigió ese error, y así en los territorios de la Corona Española el viernes 15 de octubre de 1582 vino después del jueves

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

... días, 3 horas, 40 minutos y 45,16 segundos. Esos más de 11 minutos contados adicionalmente a cada año habían supuesto a lo largo del tiempo un error acumulado de aproximadamente

gregoriano se cambia la definición de año bisiesto: es año bisiesto el que sea múltiplo de 4, con excepción de los años múltiplos de 100; respecto a éstos, es bisiesto el año múltiplo de 400. De esta forma los años 1700, 1800 y 1900 no fueron bisiestos mientras que sí lo fueron el 1600 y el 2000. Con estos cálculos, el año gregoriano dura 365,2425 días, es decir, atrasa aproximadamente 26 s cada año, por lo que se requeriría el ajuste de un día cada 3300 años; pero eso es dentro de mucho tiempo en el que entran en juego otros factores.

Con todo esto, representar una fecha como se hace habitualmente *día-mes-año* no parece muy conveniente. La forma habitual de hacerlo en una computadora es contar los milisegundos desde una fecha previamente establecida. Nosotros lo vamos a simplificar un poco, en primer lugar como sólo queremos establecer la fecha (no la hora), vamos a contar los días transcurridos desde una fecha prefijada. En segundo lugar, para facilitar los cálculos estableceremos la fecha inicial el 1 de enero de 1601 ya que 1601 marca el comienzo de un bloque de 400 años que culmina en el año bisiesto 2000. Por ejemplo

- El 23 de abril de 1616 es el día 5591.
- El 10 de octubre de 1968 es el día 134326.
- El 1 de enero de 2001 (el primer día de este siglo) es el día 146097.
- El 27 de noviembre de 2006 es el día 148253.

Por último como sabemos que el 27 de noviembre fue lunes, podemos saber qué día de la semana es cualquier fecha en el calendario gregoriano. Así sabemos que a Cervantes lo enterraron un sábado.

- **(2 puntos)** Haz un programa en Python que dada una fecha, compruebe si es correcta, calcule el entero que lo representa y calcule el día de la semana según el calendario gregoriano.

The logo for Cartagena99 features the text 'Cartagena99' in a stylized, teal-colored font. The '99' is significantly larger and more prominent than the rest of the text. The logo is set against a light blue background with a white, cloud-like shape behind the text.

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70