

1.- Hallar el polinomio de Taylor de grado 4 de las siguientes funciones:

$$(a) f(x) = \cos x \text{ en } a = \frac{\pi}{4} \quad (b) f(x) = \log x \text{ en } a = 1 \quad (c) f(x) = x^{\frac{1}{2}} \text{ en } a = 1$$

$$(d) f(x) = \frac{1}{1+x^2} \text{ en } a = 0 \quad (e) f(x) = \frac{1}{1+x} \text{ en } a = 0 \quad (f) f(x) = \arctan x \text{ en } a = 0$$

$$(g) f(x) = x^5 \text{ en } a = 3 \quad (h) f(x) = \frac{e^x}{1+x^2} \text{ en } a = 0 \quad (i) f(x) = \log(1+x) \text{ en } a = 0$$

$$(j) f(x) = 3 + (x-1) + 2(x-1)^2 + 5(x-1)^3 \text{ en } a = 0$$

2.- Calcular los siguientes límites utilizando el polinomio de Taylor:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x - \sin x)^4}{(\log(1+x) - x)^6}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-x} - 1 + x}{\cos(2x) - 1}.$$

3.- Probar que para $x > 0$ se cumple

$$1 + \frac{x}{2} - \frac{x^2}{8} \leq \sqrt{1+x} \leq 1 + \frac{x}{2}.$$

4.- Probar que para $x > 0$ se cumple

$$x - \frac{x^2}{2} < \log(1+x) < x.$$

5.- Probar que para $x > 0$ se cumple

$$1 - x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{6} \leq e^{-x} \leq 1 - x + \frac{x^2}{2}.$$

6.- Sea f una función 4 veces derivable en un intervalo alrededor del 0. Supongamos que

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - 1 + 3x - 5x^2}{x^3} = 0.$$

Calcular $f(0)$, $f'(0)$, $f''(0)$ y $f'''(0)$.

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70