

LECCIÓN 7: FLUIDOS IDEALES

7.1.- CONCEPTO DE FLUIDO

En principio, con el término **fluidos** designamos a las sustancias no sólidas, es decir **líquidos y gases**, que en algunos aspectos presentan propiedades en común.

En los sólidos las fuerzas intermoleculares o interatómicas mantienen las moléculas o iones en posiciones muy definidas, de forma que sólo pueden vibrar entre estrechos límites.

Si se aumenta la temperatura la energía de vibración aumenta hasta que se liberan parcialmente unas de otras, pudiéndose mover libremente pero manteniendo la distancia media entre ellas casi constante: se ha producido la **fusión del sólido** y nos encontramos en el **estado líquido**, en el que **el volumen está bien definido pero carecen de forma propia, es decir, se adaptan a la forma del recipiente que los contiene**. El enlace entre moléculas es mucho más débil que en los sólidos.

Si se sigue aumentando la temperatura, las moléculas adquieren mayor energía y llegan a poder escapar del enlace con las demás: se trata de la **evaporación del líquido**, tenemos el **estado gaseoso**, sin forma ni volumen definido. Las moléculas no interactúan (salvo en los choques), de modo que podemos decir que se pueden mover con gran libertad, no solo con movimiento de traslación, sino también de rotación y vibración. En ciertas condiciones se puede producir el paso directo de sólido a gas, proceso que se conoce como **sublimación**.

En los fluidos las fuerzas de rozamiento entre una parte y otra del mismo (rozamiento interno) o entre el fluido y las paredes del recipiente que lo contiene, solo aparecen cuando el fluido está en movimiento. Un fluido sin rozamiento se conoce como **fluido ideal**. Aunque es una abstracción, es útil para una primera aproximación al estudio de su comportamiento. Los **fluidos en reposo** se comportan como ideales, por lo que podemos concluir diciendo que los **fluidos** son aquellas **sustancias en las que no existen fuerzas tangenciales en reposo**.

7.2.- PRESIÓN: UNIDADES

Supongamos un fluido en reposo y aislemos mentalmente una porción del mismo. Cualquier elemento dS de la superficie, de acuerdo con lo expresado en el párrafo anterior, estará sometido a una **fuerza normal dF** que llamaremos de presión. **La presión en un punto O**, cuyo entorno es dS , viene dada por:

$$p = dF/dS$$

Este valor no depende de la orientación de la superficie, es decir, si pivotamos el elemento dS alrededor de O el valor es el mismo. Por consiguiente la

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

La unidad de presión en el sistema C.G.S. es la **baria** que corresponde a la presión de una dina sobre un centímetro cuadrado. En el Sistema Internacional es el **Pascal** (Pa) ó N/m^2 , que equivale a 10 barias.

Otra unidad muy interesante es la **atmósfera**, que corresponde a la presión atmosférica media a nivel del mar y a 45° de latitud norte. De acuerdo con la experiencia de Torricelli equivale a la presión de una columna de mercurio de 76 cm de altura, por tanto:

$$1 \text{ atm} = 13,6 \text{ g/cm}^3 \times 980 \text{ cm/s}^2 \times 76 \text{ cm} = 1,013 \cdot 10^6 \text{ barias}$$

En Meteorología se usa el **bar** y el **milibar** (mbar), con la equivalencia:

$$1 \text{ mbar} = 10^{-3} \text{ bar} = 10^3 \text{ barias}$$

Por último, en la práctica industrial se usa el Kp/cm^2 , que equivale a 9,8 N/cm^2 , llamado también **atmósfera técnica**, ya que

$$1 \text{ Kp/cm}^2 = 9,8 \cdot 10^4 \text{ Pa} = 0,98 \cdot 10^6 \text{ barias}$$

resulta: $1 \text{ atm} = 1,013 \text{ bar} = 1,013 / 0,98 = 1,033 \text{ Kp/cm}^2$

7.3.- MOVIMIENTO DE FLUIDOS. ECUACIÓN DE CONTINUIDAD

La dinámica de fluidos es extraordinariamente compleja, tanto desde el punto de vista físico como matemático. Con el fin de abordarla es preferible la formulación de Euler: se asigna un campo vectorial de velocidades a los puntos por los que pasa el fluido, es decir, la velocidad en cada punto corresponde a la de la partícula que pasa por él en cada instante: $\mathbf{v} = \mathbf{v}(x, y, z; t)$, de modo que la **velocidad en un punto dado P (x, y, z) sólo depende de t**, y puede variar de un instante a otro.

En el caso de que la velocidad en cada punto se mantenga constante en el transcurso del tiempo, se dice que el **régimen** es **estacionario**, es decir el campo de velocidades no varía con el tiempo, aunque la velocidad si puede variar de un punto a otro: $\mathbf{v} = \mathbf{v}(x, y, z)$.

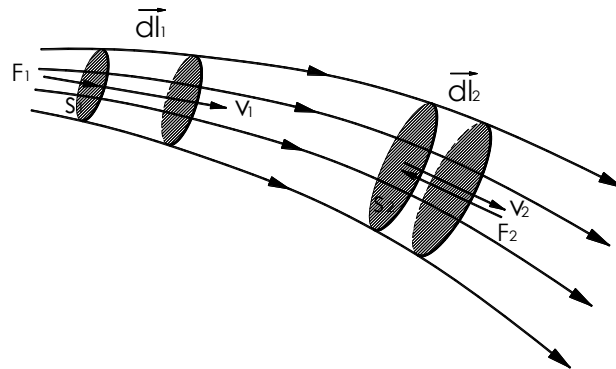
En esta situación todas las partículas que pasan por un mismo punto P llevan siempre la misma velocidad y por tanto seguirán la misma trayectoria, lo que no ocurriría si el **régimen** fuera **variable**, o sea, dependiente del tiempo.

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Por consiguiente, entre dos secciones transversales cualesquiera de un tubo de corriente en régimen estacionario, si en el tramo no hay fuentes ni sumideros, **la masa de fluido que entra por un extremo en un cierto tiempo, debe salir por el otro.** (Teorema de Continuidad).



Tubo de corriente

Así, si en la sección transversal S_1 la velocidad es v_1 y v_2 en la S_2 , **la conservación de la masa** se expresa:

$$\frac{dm_1}{dt} = \frac{dm_2}{dt} \Rightarrow \rho_1 \frac{dV_1}{dt} = \rho_2 \frac{dV_2}{dt} \Rightarrow \rho_1 S_1 \frac{dl_1}{dt} = \rho_2 S_2 \frac{dl_2}{dt} \Rightarrow \rho_1 S_1 v_1 = \rho_2 S_2 v_2 \quad (1)$$

y si el fluido es **incompresible** ($\rho = cte$) **se conserva el caudal Q**, o volumen que circula por una sección cualquiera en la unidad de tiempo:

$$Q = S_1 v_1 = S_2 v_2 \quad (2)$$

dicho de otro modo, **la velocidad en cualquier punto de un tubo de corriente es inversamente proporcional al área, en dicho punto, de la sección transversal del mismo.**

7.4.- ECUACIÓN DE BERNOULLI

Si la ecuación de continuidad nos muestra la conservación de la masa, sin otra restricción que el movimiento sea estacionario en la ecuación (1), o bien la conservación del caudal en la ecuación (2), si el fluido es además incompresible, para la discusión que sigue supondremos **el régimen estacionario e irrotacional** (sin

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

El trabajo de las fuerzas de presión en S_1 vale $F_1 \cdot dl_1$ y en S_2 vale $-F_2 \cdot dl_2$, por tanto resulta:

$$d\mathcal{T}_p = p_1 S_1 dl_1 - p_2 S_2 dl_2$$

es decir, $d\mathcal{T}_p = (p_1 - p_2) dV = (p_1 - p_2) dm / \rho$

donde dm es la masa de cualquiera de los dos cilindros a la entrada y a la salida de la porción de tubo considerada. Sobre la pared del tubo de corriente el trabajo de estas fuerzas es nulo, por ser las fuerzas perpendiculares a las trayectorias.

El trabajo de las fuerzas de gravedad viene dado por:

$$d\mathcal{T}_g = dm g (h_1 - h_2)$$

así resulta: $d\mathcal{T}_p + d\mathcal{T}_g = dE_c = \frac{1}{2} dm (v_2^2 - v_1^2)$

por tanto, $(p_1 - p_2) dm/\rho + dm g (h_1 - h_2) = \frac{1}{2} dm (v_2^2 - v_1^2)$

o bien, en forma de **ecuación de conservación de la energía**:

$$p_1 + \rho g h_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \rho g h_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

Un aspecto interesante a destacar es que **la presión p** admite ser considerada como una **energía por unidad de volumen**, como el resto de los términos.

7.5.- APLICACIONES

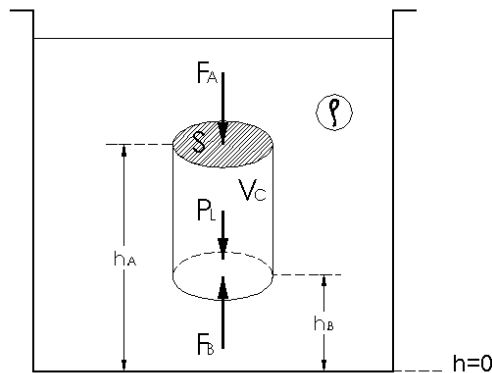
En lo que sigue vamos a estudiar una serie de fenómenos, que habitualmente se enuncian como principios o leyes, pero que pueden exponerse como corolarios de las ecuaciones de Bernoulli y de Continuidad.

En primer lugar analicemos aplicaciones estáticas como el **principio o ley fundamental de la estática de fluidos**: Hemos indicado anteriormente que, en reposo, todos los fluidos se comportan como ideales y si además el fluido es incompresible, podemos aplicar la ecuación de Bernoulli a dos puntos A y B, situados a alturas h_A y h_B , respectivamente, sobre el nivel de referencia, y teniendo en cuenta que el cilindro de la

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99



Cilindro mostrando las fuerzas que actúan sobre él

es decir **la diferencia de presiones entre dos puntos de un fluido incompresible en reposo es igual al peso de una columna de fluido, de sección unidad, y altura la distancia vertical entre ambos.**

De esta ley se deduce el **principio de Pascal**, ya que si ejercemos una presión adicional en cualquier punto, por ejemplo en el A, como el segundo miembro es constante, también aumentará en la misma cantidad en cualquier otro, como el B. Así pues, **la presión ejercida en un punto de un fluido incompresible se transmite íntegramente a todos los demás puntos del mismo.** Esta es la base de la prensa hidráulica.

También es fácil de justificar el conocido **principio de Arquímedes**. Imaginemos el cilindro de fluido de la figura, al estar en reposo las únicas fuerzas que actúan sobre él son las de la gravedad y las de presión. Como está en reposo, estas fuerzas deben ser iguales y de sentido contrario. Por otra parte, las fuerzas de presión sobre la superficie lateral del mismo se anulan por simetría, por lo que la resultante será:

$$R = F_B - F_A = (p_B - p_A)S$$

y aplicando el teorema fundamental queda:

$$(p_A - p_B)S = \rho g(h_A - h_B)S = \rho gV_c = m_l g = P_l$$

Es decir la resultante de las fuerzas de presión equilibra el peso del líquido

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

Como **aplicaciones dinámicas** mas interesantes veamos el llamado **efecto de Venturi** y el **teorema de Torricelli**.

Si tenemos un tubo horizontal, con dos secciones distintas S_A y S_B , por el que circula un fluido ideal e incompresible en régimen estacionario, ocurre que:

$$p_A + \frac{1}{2} \rho v_A^2 = p_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2$$

por tanto, si $S_A > S_B$, resulta $v_B > v_A$ y $p_A > p_B$ (**Venturi**)

Por tanto, **la presión en una tubería horizontal es menor en los estrechamientos.**

Si suponemos ahora un depósito abierto con un orificio de salida, lleno de fluido incompresible hasta una altura h_A respecto al orificio, y aplicamos el teorema de Bernoulli a dos puntos, uno A en la superficie libre y otro B en el propio orificio, que tomaremos como nivel de referencia para las alturas, resulta:

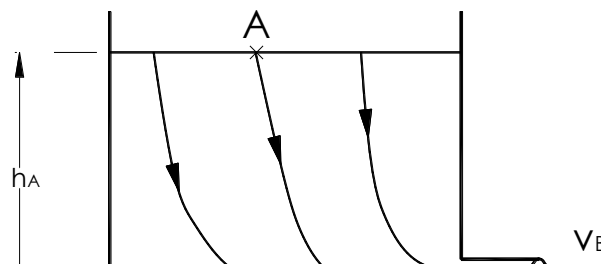
$$p_A + \rho g h_A \cong p_B + \frac{1}{2} \rho v_B^2$$

donde hemos supuesto que la superficie libre es mucho mayor que la del orificio, por lo que $v_A \cong 0$.

Como A y B están abiertos a la presión atmosférica resulta $p_A = p_B$ y por tanto:

$$v_B = \sqrt{2gh_A} \quad (\text{Torricelli})$$

Es decir, **la velocidad de salida de un fluido incompresible por un orificio es la que adquiriría un cuerpo que cayera libremente desde la superficie hasta dicho orificio.**



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

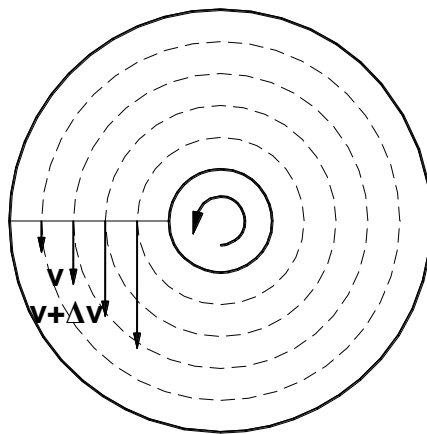
Cartagena99

LECCIÓN 8: FLUIDOS REALES

8.1.- VISCOSIDAD

Todos los fluidos, en mayor o menor medida, presentan fuerzas tangenciales o de rozamiento entre las partículas que los constituyen, cuando están en movimiento. Estas fuerzas se ponen de manifiesto también cuando se observa cómo los fluidos ofrecen resistencia al movimiento de objetos en su seno.

Para reconocer ambos fenómenos supongamos un cilindro móvil coaxial con un recipiente también cilíndrico, lleno de un líquido cualquiera. Si intentamos hacer girar el cilindro interior (móvil) notaremos una resistencia, que solo es posible explicar si actúan fuerzas tangenciales sobre la superficie del mismo. El cilindro arrastra las partículas del líquido más próximas, que se mueven prácticamente a la misma velocidad que él, y estas partículas mueven a su vez a las que se encuentran un poco más alejadas y así sucesivamente hasta las muy próximas a la pared interior del recipiente, que casi están en reposo y ejercen fuerzas tangenciales sobre el recipiente. Se observa que la velocidad de las partículas varía desde un valor máximo (para las adheridas al cilindro móvil) hasta un valor mínimo, casi nulo (para las adheridas a la pared del recipiente). El líquido gira, como si estuviera constituido por láminas cilíndricas, gracias al rozamiento entre ellas:



Cilindro giratorio mostrando la velocidad de las distintas láminas

Admitiremos que **las fuerzas tangenciales que se ejercen mutuamente dos láminas cilíndricas, muy próximas, es proporcional al gradiente de velocidad,** es

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

Debemos hacer notar dos diferencias esenciales entre el rozamiento en sólidos y en fluidos: la primera es que no hay rozamiento estático en estos últimos y la segunda es que la fuerza de rozamiento es proporcional a la superficie que roza, lo que no ocurre en los sólidos.

En el sistema C.G.S. la **unidad** del coeficiente de viscosidad es el **poise** (dina . s / cm² ó baria . s), mientras que en el Sistema Internacional es el **Pa . s** y no tiene nombre propio, aunque a veces se le llama decapoise, ya que 1 Pa . s = 10 poise.

El coeficiente de viscosidad depende de la temperatura, aunque existe un comportamiento distinto para líquidos y para gases: mientras **en los líquidos disminuye al aumentar la temperatura**, pues se debilitan las fuerzas intermoleculares, **en los gases aumenta**, ya que al aumentar la agitación térmica aumenta la interacción entre moléculas (choques).

Otros coeficientes de viscosidad interesantes son los siguientes:

- Coeficiente cinemático: $\nu = \frac{\eta}{\rho}$

y en disoluciones:

- Coeficiente relativo: $\eta_r = \frac{\eta}{\eta_0}$

- Coeficiente específico: $\eta_{esp} = \frac{\eta - \eta_0}{\eta_0}$

donde η es el coeficiente de viscosidad de la disolución y η_0 el del disolvente puro. El coeficiente η , y por tanto, los coeficientes relativo y específico dependen de la concentración y naturaleza del soluto.

En los gases, en condiciones normales, el valor del coeficiente de viscosidad es del orden de 10⁻⁴ poise. En los líquidos es mayor y varía en amplios márgenes, así en el agua es del orden de 10⁻² poise y en la glicerina cerca de 10 poise.

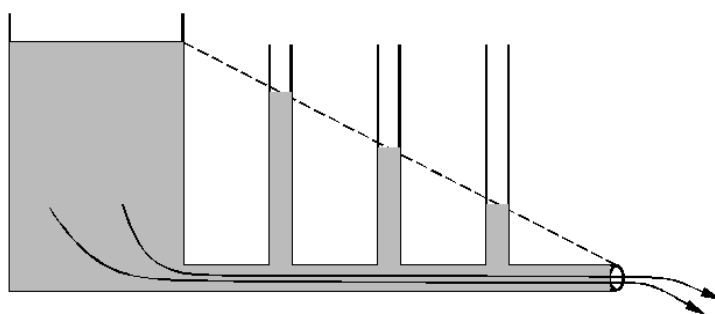
8.2.- FLUJO VISCOZO. LEY DE POISEUILLE

Supongamos que hacemos circular un líquido por un tubo horizontal de

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

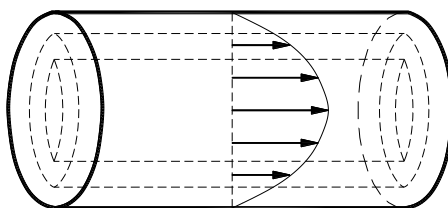
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99



Experimento que muestra la pérdida de presión debido al flujo viscoso

La explicación de este fenómeno se debe a Poiseuille, haciendo uso de la hipótesis de Navier. Por integración de esta ecuación llegaríamos a demostrar que en el interior del tubo la velocidad $v(r)$ presenta un **perfil parabólico**, siendo la velocidad máxima en el centro y prácticamente nula en las paredes del mismo.



Perfil de velocidades en el tubo de desagüe

El caudal que circula viene dado por:

$$Q = \frac{\pi \Delta p r_0^4}{8 l \eta} \text{ (Poiseuille)}$$

donde Δp es la diferencia de presión entre dos puntos separados una distancia l (pérdida de carga), r_0 el radio del tubo y η el coeficiente de viscosidad.

Desde el punto de vista energético se puede decir que la pérdida de presión representa la energía necesaria para vencer el rozamiento viscoso del fluido, lo que supondrá una elevación de la temperatura del mismo y de las paredes del tubo, siempre que el **régimen** sea **laminar**, sin turbulencias.

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

R recibe el nombre de **resistencia hidrodinámica** (hemodinámica, en el caso de la sangre). La analogía se completa si asociamos la diferencia de presiones a la de potencial en el caso eléctrico y el caudal a la intensidad de corriente.

Aunque la ley de Poiseuille se cumple bien para líquidos puros, en los que η no depende de las condiciones del movimiento, no es válida para disoluciones, suspensiones o dispersiones. Así, la sangre al duplicar el gradiente de presiones aumenta el caudal en distinta proporción. Esto se puede asumir considerando la viscosidad variable con el flujo o caudal. Estos líquidos en los que la viscosidad depende de la velocidad se conocen como **no newtonianos**, mientras que aquellos en los que η se puede considerar constante (solo depende de la temperatura) se llaman **newtonianos**.

8.3.- ROZAMIENTO SÓLIDO-FLUIDO. SEDIMENTACIÓN

Si un sólido se mueve en el seno de un fluido, o al revés, el fluido se mueve alrededor de un sólido, aparecen fuerzas sobre éste que presentan un carácter distinto según que las líneas de corriente sean permanentes, **régimen laminar**, o que no sean estables, en cuyo caso se generan remolinos, mezclándose unas con otras, y podemos hablar de **régimen turbulento**.

Si el cuerpo se mueve con **altas velocidades**, pero inferiores a la velocidad del sonido en el fluido, la **resistencia al avance se debe a las diferencias de presión** que se generan entre la parte delantera y trasera del mismo, siendo el régimen turbulento. La resistencia se puede expresar por la fórmula:

$$F = C_D \cdot S \cdot \frac{1}{2} \rho_l v^2$$

donde C_D es el **coeficiente de resistencia** (adimensional), que depende de la forma del cuerpo, S la sección transversal máxima y v la velocidad relativa entre el cuerpo y el fluido, de densidad ρ_l .

Si la **velocidad es pequeña**, la **resistencia al avance se debe a la viscosidad** y el régimen es laminar. Bajo estas condiciones se cumple que la fuerza de rozamiento entre el sólido y el fluido es proporcional a la velocidad de desplazamiento relativa:

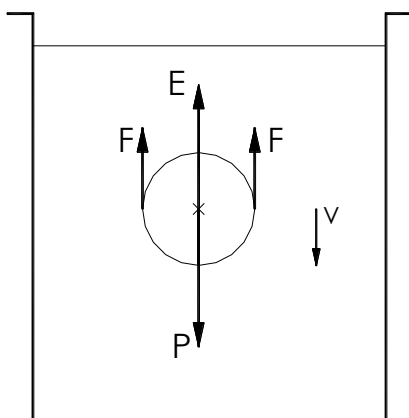
$$F = f_v \cdot v$$

donde f_v es el **coeficiente de fricción viscosa**, que es proporcional a la viscosidad, por

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99



Cuando en estas condiciones la esferita cae en el seno de un fluido viscoso, por acción de la gravedad, inicialmente se cumple:

$$(P - E) - F = m \cdot a$$

donde P es el peso de la esferita, E el empuje del fluido (Arquímedes) y F aumenta debido a su dependencia de la velocidad, por lo que el movimiento es cada vez menos acelerado, hasta llegar a un valor máximo para el que la velocidad permanece constante ($a = 0$) y que se llama **velocidad límite o de sedimentación**.

Para calcularla hagamos: $P = E + F_{\max}$

y por tanto: $mg = m_l g + 6\pi r \cdot \eta \cdot v_s$

o bien: $\frac{4}{3}\pi r^3 \cdot \rho \cdot g = \frac{4}{3}\pi r^3 \cdot \rho_l \cdot g + 6\pi r \cdot \eta \cdot v_s$

siendo ρ y ρ_l las densidades del cuerpo y del líquido respectivamente, y v_s la velocidad de sedimentación.

Despejando resulta: $v_s = \frac{2}{9} \frac{r^2 g}{\eta} (\rho - \rho_l)$

Por tanto las sustancias en suspensión en un líquido precipitan (sedimentan) con la velocidad dada por la expresión anterior, si son asimilables a esferitas.

Para aumentar esta velocidad se puede crear una fuerza de inercia

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

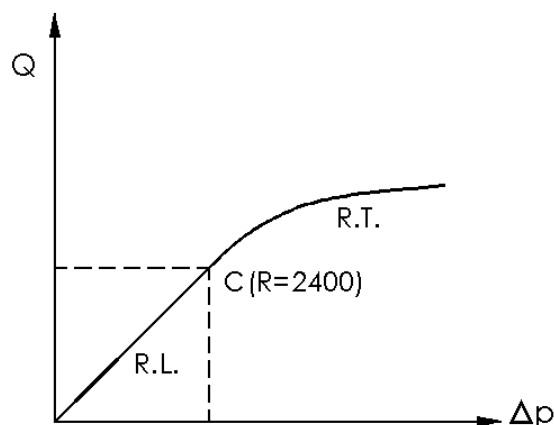
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

LECCIÓN 9: REGIMENES LAMINAR Y TURBULENTO

9.1.- REGIMEN TURBULENTO: NÚMERO DE REYNOLDS

Hasta ahora hemos estudiado el movimiento de los fluidos bajo dos puntos de vista: el régimen estacionario para fluidos ideales o **régimen de Bernoulli**, y el **régimen laminar o de Poiseuille** para fluidos reales, que en el caso de la circulación del mismo por un tubo horizontal se manifestaba en una pérdida de presión a lo largo del mismo, debida al rozamiento entre las distintas láminas de fluido, que no se entrecruzan entre sí y mantienen entre ellas un gradiente de velocidad. La relación entre la pérdida de carga y el caudal circulante es lineal en este caso. Si en esta situación aumentamos la diferencia de presión también lo hace el caudal, hasta que llega un momento, punto C, en que cambia la proporcionalidad entre las variables aumentando menos el caudal en proporción al cambio de presiones.



Variación del caudal con la pérdida de carga

Este cambio va asociado a la aparición de turbulencias, que hacen inaplicable el razonamiento utilizado para obtener la ley de Poiseuille: se habla de **régimen turbulento o de Venturi**. Las líneas de corriente dejan de ser estables y el fluido realiza un movimiento caótico. También en el caso de cuerpos que se mueven en un fluido o fluidos que bordean un obstáculo aparecen los dos regímenes, como vimos en la lección anterior, de forma que la resistencia al movimiento cambia de causa fundamental y por tanto también de formulación.

La aparición de turbulencias exige un gasto energético adicional. Tanto la

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Esta variable se conoce con el nombre de **número de Reynolds**, y viene dado por la expresión:

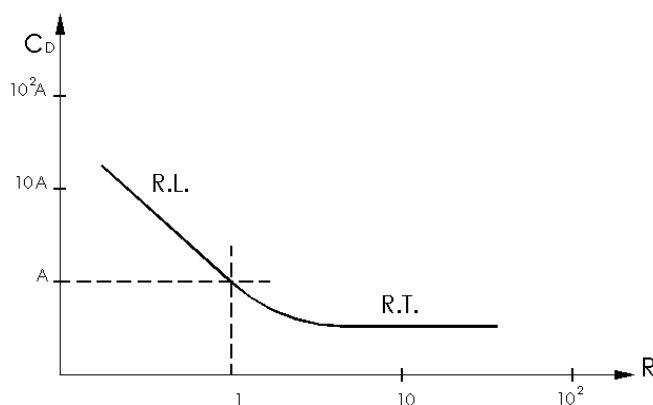
$$\mathcal{R} = \frac{\rho v d}{\eta} = \frac{v d}{\nu}$$

donde ρ y η son la densidad y la viscosidad del fluido, ν la viscosidad cinemática del mismo, v la velocidad media en el flujo por una tubería horizontal o la velocidad relativa entre el fluido y el sólido en el caso de la resistencia al avance, y d el diámetro de la tubería en el primer caso y una longitud transversal característica del sólido (el diámetro en el caso de una esferita) en el segundo.

En la gráfica anterior, al crecer Q lo hace \mathcal{R} y cuando éste llega a un valor aproximado de **2400** (punto C) se produce la transición de régimen laminar a turbulento. En realidad entre 2000 y 3000 la situación es metastable, ya que cualquier perturbación puede provocar la transición. Este valor se conoce como **número de Reynolds crítico** y la velocidad a la que se produce el tránsito se llama **velocidad crítica**:

$$v_c = 2400 \frac{\eta}{\rho d}$$

En el estudio de la resistencia al avance de un sólido en un fluido el coeficiente de resistencia C_D varía con el número de Reynolds tal como se indica en la figura en la que se ve un cambio brusco, que coincide con el cambio de régimen, para un valor aproximado de 1, como puede observarse en la figura.



Variación del coeficiente C_D con el número de Reynolds

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

9.2.- FÍSICA DE LA CIRCULACIÓN DE LA SANGRE

La sangre es un fluido de densidad casi constante, ligeramente superior a la del agua, y cuya viscosidad varía con las condiciones de flujo (fluido no newtoniano) y con las concentraciones y cambios en los productos que transporta. No obstante lo dicho se pueden suponer valores normales (standard) de $\rho = 1.06 \text{ g/cm}^3$ y de $\eta = 2 - 4 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s} = 2 - 4$ centipoises.

La circulación de la sangre se realiza en el cuerpo humano por dos circuitos: el pulmonar y el sistémico, lo que se conoce como **circulación pulmonar** o **menor** y **circulación sistémica** o **mayor**. En la circulación sistémica la sangre oxigenada en los pulmones es inyectada en la **aorta** por el **ventrículo izquierdo**, hacia las grandes arterias principales, y posteriormente a otras arterias, arteriolas y capilares que irrigan todos los tejidos del organismo, excepto los pulmones. De forma análoga, a través de las vénulas y venas, la sangre desemboca en la **vena cava** que la retorna al corazón, en su **aurícula derecha**.

En lo que sigue vamos a aplicar las leyes vistas en los apartados anteriores a la circulación sanguínea. Dado que en las grandes arterias las diferencias relacionadas con la energía cinética ($1/2\rho v^2$) y las pérdidas por rozamiento viscoso son poco relevantes, se puede aplicar el **teorema fundamental de la hidrostática**. Así la presión arterial, con la persona en posición erecta, es mayor en los pies que a nivel del corazón y esta última mayor que la presión endocraneal pudiendo calcularse estas variaciones como $\Delta p = \rho g \Delta h$. Por otra parte, la presión arterial en los grandes vasos se iguala, si la persona se encuentra en posición horizontal. La **presión arterial** se expresa como una presión diferencial, es decir, como la diferencia entre la presión real en el interior del vaso y la presión atmosférica. La presión arterial oscila a lo largo del ciclo cardiaco entre unos 125 mm de Hg (sistólica) y 75 mm de Hg (diastólica), con un valor medio de 100 mm de Hg o torr (13,33 kPa) a la salida del corazón.

La **ecuación de continuidad** es aplicable, en promedio temporal, entre dos secciones cualesquiera del sistema circulatorio siempre que tengamos en cuenta las ramificaciones que se hayan producido entre ambas. El caudal medio en un adulto es de unos 5 l/min, lo que supone una velocidad media en la aorta de unos 30 cm/s, con una sección de unos 3 cm², estando alrededor de 20 cm/s su valor en las arterias principales con secciones del orden de 0,8 cm². El hecho de que la circulación en arteriolas y capilares sea cada vez mas lenta, demuestra que la sección conjunta es cada vez mayor. Así, los capilares ($r \leq 10\mu$) en su totalidad deben suponer entre 500 y 1000 veces más sección que la aorta, por lo que la sangre circula con una velocidad de unas décimas de milímetro por segundo. Hecho fundamental para que se disponga del tiempo suficiente

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Las arterias suponen poca resistencia hemodinámica, por lo que las pérdidas de presión son relativamente pequeñas (del orden del 20%). Las arteriolas, con diámetros mas pequeños suponen la mayor pérdida de presión (alrededor del 50%), muy superior a la de los capilares (del orden del 20%). Esto se debe a la gran ramificación de los mismos, que actúan como conectados en paralelo, con una resistencia global menor que la de cada capilar si fuera único. La caída de presión, pues, en el sistema arterial es el 90% de la suministrada por el corazón, el resto se pierde en el sistema venoso (vénulas y venas), ya que regresa al corazón por la vena cava con una presión prácticamente nula.

La **resistencia hemodinámica** puede variar por diversas causas (ejercicio, anomalías, enfermedades, etc.) y el organismo reaccionará adaptándose a las nuevas condiciones, variando tanto el caudal como la presión ejercida por el corazón. También varía con el **valor hematocrito** (volumen de sangre debido a las células, en %), de modo que al aumentar el mismo lo hace también la viscosidad y por tanto la resistencia.

El número de Reynolds más elevado en el sistema circulatorio se alcanza en la aorta, que posee el mayor diámetro ($d \cong 2cm$) y la mayor velocidad de circulación sanguínea ($v \cong 30cm/s$), su valor cercano a 2000 supone **régimen laminar**, según hemos visto, pero muy próximo al valor crítico, por lo que cualquier anomalía (curvatura, estrechamiento, etc.) puede provocar régimen turbulento, que puede detectarse desde el exterior gracias a los sonidos que se generan (soplos).

El corazón gasta energía para suministrar presión a la sangre. La **potencia media** desarrollada en este trabajo mecánico es fácil de calcular:

$$P = \frac{dE}{dt} = \Delta p \cdot \frac{dV}{dt} = \Delta p \cdot Q$$

$$P = 100\text{torr (mm de Hg)} \times 5l / \text{min} = 13330Pa \times 5 \cdot 10^{-3} m^3 / 60s \cong 1,1W$$

Naturalmente el **gasto energético del corazón** es mayor, debido a las pérdidas por calor, lo que nos llevaría a unos $4 W$ aproximadamente, es decir a unas 85 kcal diarias.

La elasticidad de las arterias hace que el trabajo del corazón sea más efectivo, ya que regulan las aceleraciones y desaceleraciones de la sangre en el ciclo cardiaco. Por esta causa el trabajo del corazón aumenta con la edad al perder elasticidad las arterias. Por otra parte, la viscosidad hace que la amplitud de las oscilaciones en la presión disminuya de forma gradual, de modo que en las arteriolas este fenómeno desaparece.

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

