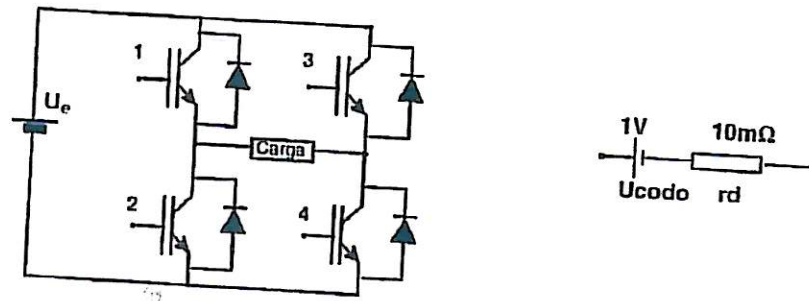


# Problema

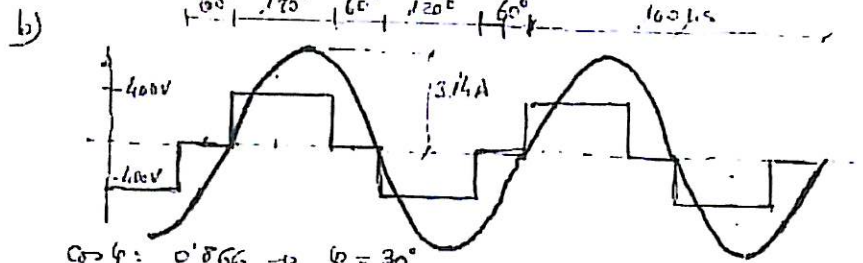
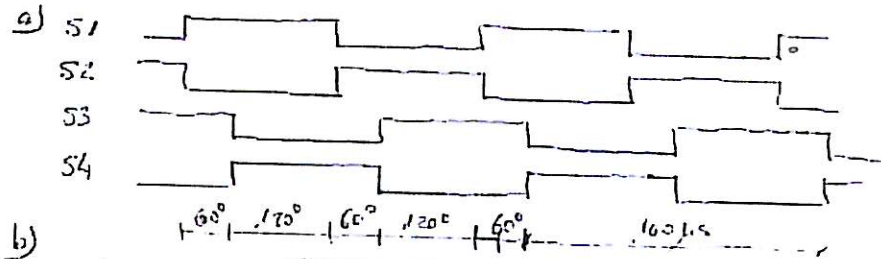
El circuito de la figura es un inversor monofásico controlado por ancho de pulso alimentado desde una fuente de tensión de 400V. La duración del pulso de tensión aplicado a la carga es de  $120^\circ$  y la frecuencia de conmutación de 10kHz.

Sabiendo que la carga consume una intensidad puramente senoidal, con un  $\cos \varphi = 0,866$  respecto al armónico fundamental de la tensión aplicada, y una potencia activa de 2 kW, se pide:

- Dibujar los pulsos de disparo de puerta de los cuatro IGBT
- Dibujar la forma de onda de tensión e intensidad en la carga, acotando sus valores más significativos (especifique claramente el valor de pico de la intensidad).
- Dibujar la forma de onda de tensión e intensidad en todos los semiconductores de potencia.
- Calcular el valor medio y eficaz de la intensidad por cada uno de los dispositivos.
- Sabiendo que tanto los diodos como los IGBT presentan el mismo equivalente eléctrico en conducción (representado en la figura), y que las pérdidas por conmutación son despreciables, calcule las pérdidas en todos los dispositivos.
- Calcule si sería posible, y en caso afirmativo conveniente, sustituir los IGBT por MOSFET de  $R_{DS(on)} = 100 \text{ m}\Omega$
- Comente brevemente qué repercusión tendría un incremento en el  $\cos \varphi$  de la carga sobre las potencias activa y reactiva consumidas por la carga.



# Problema

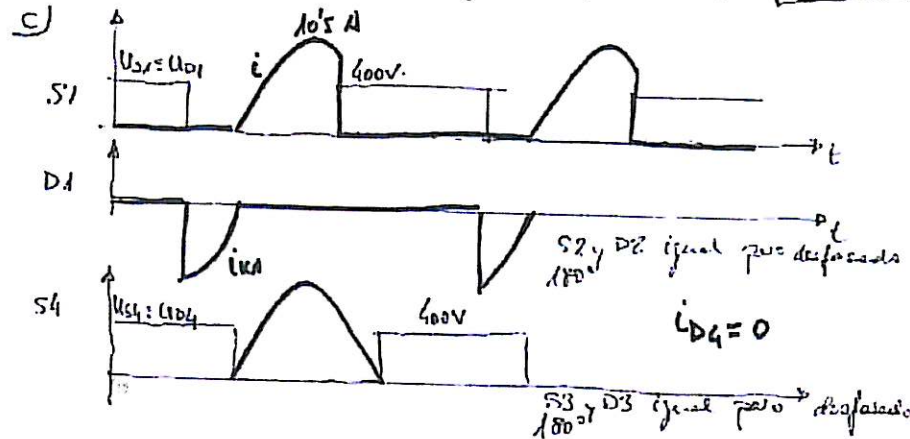


$$U_{ef} = 326,4 \text{ V}$$

$$\cos \varphi = 0,866 \Rightarrow \varphi = 30^\circ$$

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T u i dt = \frac{1}{T} \int_0^{\frac{2\pi}{3}} 400 \cdot I_p \cdot \sin \omega t \cos \omega t dt = 2 \text{ kW}$$

$$2 \text{ kW} = \frac{400 \cdot I_p}{T} \cdot \left[ \frac{1}{2} \sin 2\omega t \right]_0^{\frac{2\pi}{3}} = \frac{400 \cdot I_p}{T} \cdot \left(1 + \frac{1}{2}\right) \Rightarrow \boxed{I_p = 10,5 \text{ A}}$$



# Problema

$$d) \bar{I}_{S1} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi/3} 10\sqrt{2} \cos \omega t \, d\omega t = \frac{10\sqrt{2}}{2\pi} \left[ \omega + \frac{\sin 2\omega}{2} \right]_0^{2\pi/3} = \frac{10\sqrt{2}}{2\pi} \cdot \frac{\pi}{3} = \frac{10\sqrt{2}}{6} \cdot \frac{\pi}{\pi} = 2.5 \text{ A}$$

$$\bar{I}_{S1} = 2.5 \text{ A} = \bar{I}_{S2}$$

$$i_{efS1} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi/3} 10\sqrt{2} \cos \omega t \, d\omega t} = \sqrt{\frac{10\sqrt{2}^2}{2\pi} \cdot \frac{1}{2} \left[ \frac{2\pi}{3} + \frac{\sqrt{3}}{4} \right]} = 4.7 \text{ A}$$

$$i_{efS1} = i_{efS2} = 4.7 \text{ A} \quad i_{efD1} = \sqrt{\frac{10\sqrt{2}^2}{2\pi} \cdot \frac{1}{2} \left[ \frac{\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{4} \right]}$$

$$\bar{I}_{D1} = \bar{I}_{D2} = \frac{10\sqrt{2}}{\pi} - 2.5 = 0.84 \text{ A} \quad i_{efD1} = i_{efD2} = 2.32$$

$$\bar{I}_{S4} = \bar{I}_{S3} = \frac{10\sqrt{2}}{\pi} = 3.3 \text{ A}$$

$$i_{efS4} = i_{efS3} = \frac{10\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = 5.25 \text{ A}$$

$$\bar{I}_{D3} = \bar{I}_{D4} = i_{efD3} = i_{efD4} = 0$$

$$e) P = \bar{I} \cdot U_{\text{red}} + i_{ef} \cdot R_d = \bar{I} \cdot 10 + i_{ef} \cdot 10 \text{ m}\Omega \\ = \bar{I} + 0.01 i_{ef}$$

$$P_{S1} = P_{S2} = 2.547$$

$$P_{S3} = P_{S4} = 3.35$$

$$P_{D1} = P_{D2} = 0.06$$

$$P_{D3} = P_{D4} = 0$$

Los niveles de intensidad son aceptables para un MOSFET.  
Calculamos las pérdidas:

$$\left. \begin{aligned} P_{S1} = P_{S2} &= i_{ef}^2 \cdot 0.1 = 2.2 \text{ W} \\ P_{S3} = P_{S4} &= \quad \quad = 5.25^2 \cdot 0.1 = 2.7 \text{ W} \end{aligned} \right\} \text{ si consideramos.}$$



# Problema 7.19

## SOLUCIÓN

### Apartado 1)

De forma aproximada, la tensión de salida,  $v_O$ , es la indicada:

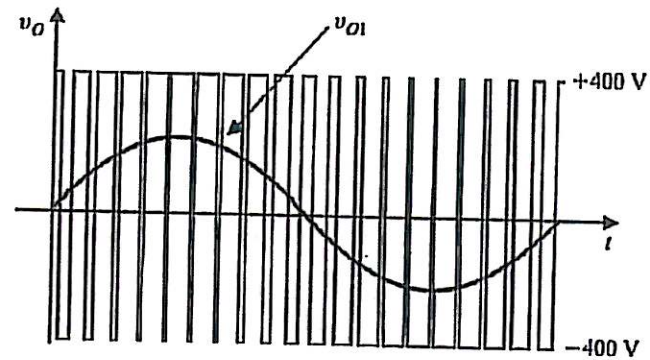


FIGURA 7.19.2 Tensión de salida del inversor,  $v_O$ , primer armónico de la tensión de salida,  $v_{O1}$ .

La amplitud del primer armónico de la tensión de salida se puede calcular a partir de  $m_a$ , de forma que:

$$V_{O1p} = V_G \cdot m_a = 400 \text{ V} \cdot 0,5 = 200 \text{ V}$$



# Problema 7.19

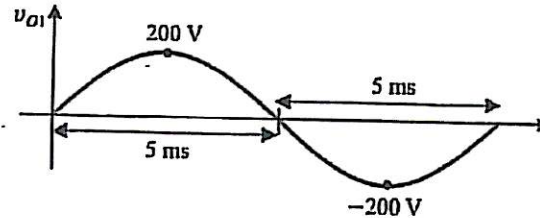


FIGURA 7.19.3 Primer armónico de la tensión de salida,  $v_{O1}$ .

Los IGBT se disparan por parejas, de modo que el disparo de los transistores  $S_1$  y  $S_4$  produce una  $v_O$  positiva (en valor instantáneo), mientras que  $S_2$  y  $S_3$  producen  $v_O$  negativa. La secuencia de disparo de estas dos parejas se obtiene en el circuito de control a partir de la comparación de una referencia sinusoidal de 100 Hz de frecuencia y una señal triangular de frecuencia  $m_f$  veces la frecuencia de la sinusoidal (en este caso de 20 kHz). La evolución de los disparos es tal que el valor medio de  $V_O$  va describiendo la sinusoide anteriormente dibujada.

## Apartado 2)

La impedancia de la carga a 100 Hz es:

$$Z = \sqrt{R^2 + \omega^2 L^2} = \sqrt{20^2 + (2\pi \cdot 100)^2 \cdot 0,1^2} \approx 66 \Omega$$

por tanto, el valor de pico del primer armónico de la corriente será:

$$I_{O1p} = \frac{V_{O1p}}{Z} = \frac{200 \text{ V}}{66 \Omega} = 3 \text{ A}$$

y el desfase:

$$\varphi = \arctg \frac{\omega L}{R} = \arctg \frac{2\pi \cdot 100 \cdot 0,1}{20} = 72^\circ$$

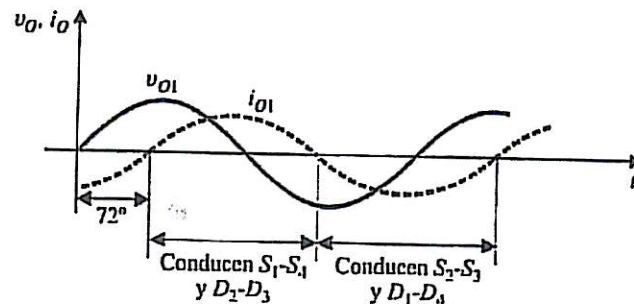


FIGURA 7.19.4 Primer armónico de la tensión de salida,  $v_{O1}$ , y primer armónico de la corriente por la carga,  $i_{O1}$ .

## Enunciado. Problema 7.2.

En el circuito de la Figura 7.2.1,  $R = 20 \Omega$  y  $L = 50 \text{ mH}$ . Los transistores se controlan para generar una onda de tensión cuadrada de 100 Hz de frecuencia (siendo  $T$  su periodo), de manera que:

$$0 \leq t \leq T/2 \Rightarrow S_1 \text{ ON}, \quad S_2 \text{ OFF}$$

$$T/2 \leq t \leq T \Rightarrow S_1 \text{ OFF}, \quad S_2 \text{ ON}$$

$I_G$   
D.C.

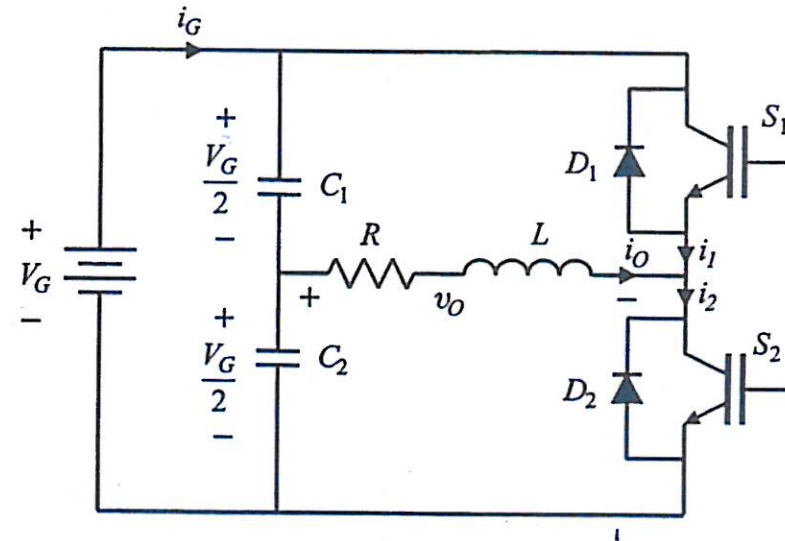


FIGURA 7.2.1 Inversor monofásico en medio puente que alimenta a una carga  $RL$ .

Se pide:

- 1) Dibujar, cualitativamente, la tensión y la corriente en la carga,  $i_o$ .
- 2) ¿Cuánto vale  $V_G$  si el valor eficaz de la componente fundamental de la tensión en la carga es 220 V?
- 3) Calcular, aproximadamente, la potencia media que se consume en la carga.
- 4) Calcular, aproximadamente, la corriente media de las baterías,  $I_{Gm}$ .
- 5) ¿Cuánto valen las corrientes máximas por los semiconductores?

# Solución. Problema 7.2

## Apartado 1)

En la Figura 7.2.2 se representan las formas de onda de la tensión de salida del inversor,  $v_o$ , y de la corriente en la carga,  $i_o$ .

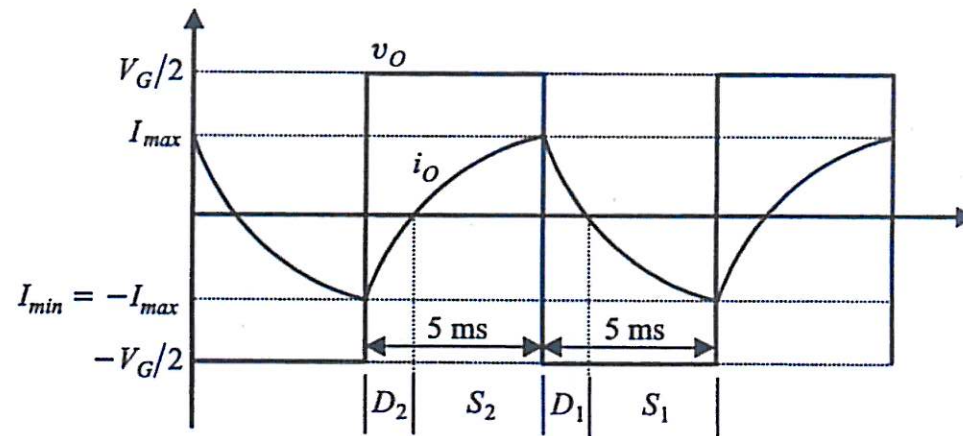


FIGURA 7.2.2 Formas de onda de la tensión de salida del inversor,  $v_o$ , y de la corriente en la carga,  $i_o$ .

El inversor aplica a la carga una forma de onda cuadrada, con ciclo de trabajo 0,5 y cuyos valores máximos coinciden con la tensión en los condensadores  $C_1$  y  $C_2$ . Cuando la carga  $RL$  recibe tensión continua positiva, su corriente crece de forma exponencial, con una constante de tiempo  $\tau = L/R$ , desde el valor  $I_{min}$  hasta el valor  $I_{max}$ .

Durante el intervalo en que tanto  $v_o$  como  $i_o$  son positivas, conduce el IGBT  $S_2$ . A partir del instante en que se apaga  $S_2$ , y puesto que la corriente  $i_o$  no puede variar bruscamente de valor, la conducción se establece a través de  $D_1$ , pasando a conducir  $S_1$  cuando  $v_o$  e  $i_o$  se hacen negativas.



## Solución. Problema 7.2

---

### Apartado 2)

La tensión  $v_O$  puede describirse matemáticamente mediante la serie de Fourier que se recoge en (7.2.1):

$$v_O(t) = \frac{4}{\pi} \frac{V_G}{2} \sum_{n=1,3,5,\dots} \frac{1}{n} \operatorname{sen}(n\omega t) \quad (7.2.1)$$

Por lo tanto, el valor eficaz del armónico  $n$ ésimo viene dado por (7.2.2):

$$V_{O_{nef}} = \frac{2V_G}{\pi\sqrt{2}} \frac{1}{n} \quad (7.2.2)$$

A partir de (7.2.2) se puede deducir el valor de  $V_G$  necesario para que el armónico fundamental tenga un valor eficaz de 220 V.

$$V_G = 220 \text{ V} \frac{\pi\sqrt{2}}{2} = 488,72 \text{ V} \quad (7.2.3)$$

## Solución. Problema 7.2

### Apartado 3)

La potencia consumida en la carga viene dada por (7.2.4):

$$P = I_{Oef}^2 \cdot R \quad (7.2.4)$$

El valor eficaz de la corriente por la carga, puede calcularse aplicando el principio de superposición, ya que la carga  $RL$  es lineal. El valor eficaz de cada armónico de corriente puede obtenerse como el cociente entre el valor eficaz de cada armónico de la tensión  $v_O$  entre la impedancia que, a esa frecuencia presenta la carga  $RL$ . Este proceso se recoge en (7.2.5):

$$\begin{aligned} I_{Oef}^2 &= \sum_{n=1,3,5,\dots} I_{On}^2 \\ I_{On} &= \frac{V_{On}}{Z_n} \\ V_{On} &= \frac{2 \cdot V_G}{n\pi\sqrt{2}} \\ Z_n &= \sqrt{R^2 + (n\omega L)^2} \end{aligned} \quad (7.2.5)$$

Sustituyendo los valores del enunciado se obtiene:

$$\begin{aligned} V_{O1} = 220 \text{ V} &\Rightarrow I_{O1} = \frac{220 \text{ V}}{\sqrt{20 \Omega^2 + (200 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 10^{-3} \Omega)^2}} = 5,9073 \text{ A} \Rightarrow I_{O1}^2 = 34,8965 \text{ A}^2 \\ V_{O3} = \frac{220 \text{ V}}{3} = 73,333 \text{ V} &\Rightarrow I_{O3} = \frac{73,333 \text{ V}}{\sqrt{20 \Omega^2 + (200 \cdot \pi \cdot 50 \cdot 10^{-3} \Omega)^2}} = 0,7611 \text{ A} \Rightarrow I_{O3}^2 = 0,5793 \text{ A}^2 \end{aligned} \quad (7.2.6)$$

Comparando los valores eficaces del primer y tercer armónico, se deduce que la serie de Fourier puede ser truncada de manera que se considere únicamente el primer armónico. Por tanto, la potencia puede calcularse de forma aproximada por:

$$\begin{aligned} I_{Oef}^2 &\approx I_{O1}^2 = 34,8865 \text{ A}^2 \\ P &= 34,8865 \cdot 20 = 697,9291 \text{ W} \end{aligned} \quad (7.2.7)$$

Si se considera también el tercer armónico:

$$P = ((6,01 \text{ A})^2 + (0,7611 \text{ A})^2) \times 20 \Omega = 734 \text{ W}$$

lo que supone un error de un 4,9%.

## Solución. Problema 7.2

---

### Apartado 4)

La potencia media que consume la carga,  $P_O$ , la suministran las baterías,  $P_G$ , ya que los condensadores no consumen potencia media. Esto se recoge en (7.2.8):

$$\begin{aligned}P_G &= P_O \\P_G &= V_G \cdot I_{Gm}\end{aligned}\tag{7.2.8}$$

por tanto, el valor de la corriente media que ceden las baterías,  $I_{Gm}$ , viene dado por (7.2.9):

$$I_{Gm} = \frac{P}{V_G} = \frac{697,9291 \text{ W}}{488,7171 \text{ V}} = 1,4281 \text{ A}\tag{7.2.9}$$

## Solución. Problema 7.2

### Apartado 5)

Según la Figura 7.2.2, las corrientes máximas en los diodos y los transistores son:  $I_{Smax} = I_{max}$  e  $I_{Dmax} = I_{max}$ ; de manera que el cálculo de las corrientes máximas en los semiconductores se reduce al cálculo de la corriente en la carga para  $t = T/2$ .

En cada semiperiodo, la corriente en la carga es una exponencial de valor inicial  $I_{min}$  ( $I_{max}$ ) y valor final  $V_G/2R$  ( $-V_G/2R$ ). Por tanto,

$$i_O = \begin{cases} \frac{V_G}{2R} + \left(I_{min} - \frac{V_G}{2R}\right)e^{-t/\tau} & \text{para } 0 \leq t \leq \frac{T}{2} \\ -\frac{V_G}{2R} + \left(I_{max} + \frac{V_G}{2R}\right)e^{-(t-T/2)/\tau} & \text{para } \frac{T}{2} \leq t \leq T \end{cases} \quad \left(\tau = \frac{L}{R} = 2,5 \text{ ms}\right) \quad (7.2.10)$$

Teniendo en cuenta que  $I_{max} = -I_{min}$ , y considerando las expresiones de  $i_O$  recogidas en (7.2.10) para cada semiciclo e igualándolas para el instante  $t = T/2$ , se obtiene el valor de  $I_{max}$ :

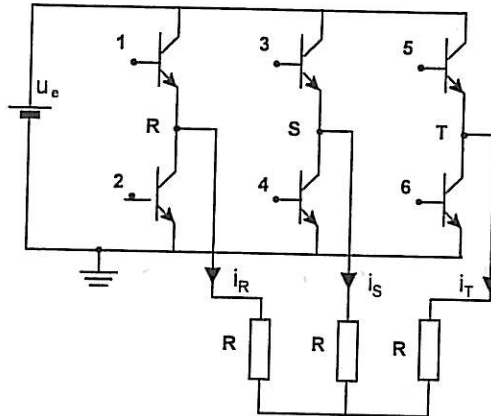
$$I_{max} = -I_{min} = \frac{V_G}{2R} \left(\frac{1 - e^{-T/2\tau}}{1 + e^{-T/2\tau}}\right) = \frac{488,7171 \text{ V}}{2 \cdot 20 \Omega} \left(\frac{1 - e^{-5/(2 \cdot 5)}}{1 + e^{-5/(2 \cdot 5)}}\right) = 9,305 \text{ A}$$

$$I_{Smax} = I_{Dmax} = 9,305 \text{ A} \quad (7.2.11)$$



EX. C. INDUSTRIAL  
ING. ELECTR.  
11/9/2006**PROBLEMA 3.** (4 puntos)

El inversor trifásico de la figura, alimenta a una carga resistiva, conectada en estrella. Cada transistor se mantiene disparado la mitad del período y de forma que en los puntos R, S y T, las tensiones sean idénticas pero desfasadas  $120^\circ$  entre ellas. La frecuencia de las ondas de salida es de 50Hz.



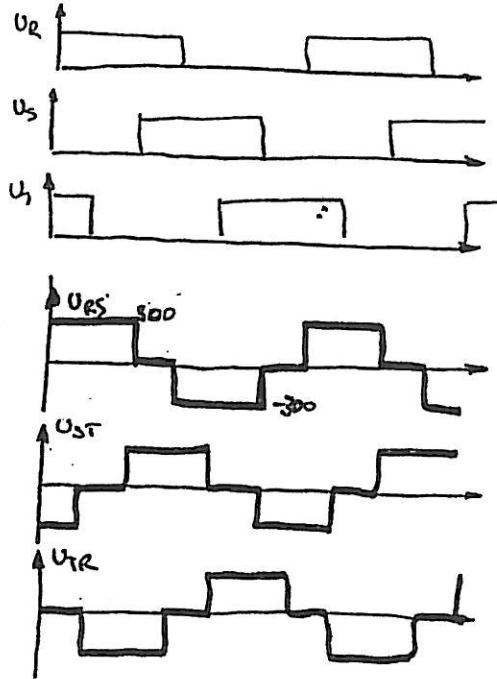
- Dibujar las tensiones  $U_R$ ,  $U_S$ ,  $U_T$  (respecto a masa) y las tensiones de línea  $U_{RS}$ ,  $U_{ST}$  y  $U_{TR}$ .
- Dibujar, indicando los valores más significativos, la corriente por la fase R ( $i_R$ ).
- Suponiendo que los transistores bipolares trabajan en la zona de saturación, calcular las pérdidas en uno de ellos.
- Calcular la potencia entregada a la carga.
- Si la carga se conecta en triángulo, calcular nuevamente la potencia que se entrega a la carga.

**Datos:**

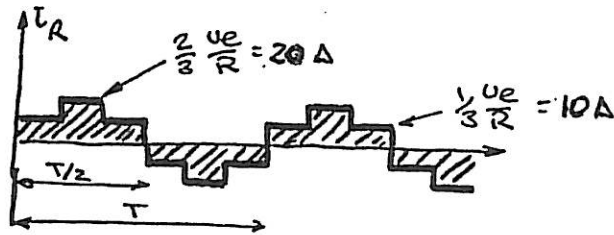
$$R = 10\Omega \quad u_e = 300V \quad f = 50\text{Hz} \quad U_{CE\text{ SAT}} = 0,5V$$

PROBLEMA 3

a)



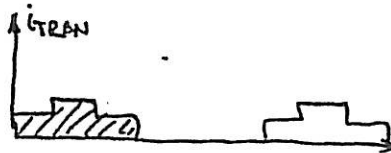
b)



c)

$$P = U_{CESAT} \cdot I_{TR, MED}$$

$$I_{TR, MED} = \frac{1}{T} \left[ 2 \frac{1}{3} \frac{u_e}{R} \cdot \frac{T}{6} + \frac{2}{3} \frac{u_e}{R} \frac{T}{6} \right] =$$



$$I_{TRAN, MED} = \frac{2}{9} \frac{u_e}{R} = 6.66A$$

$$P = 0.5 \cdot 2 \cdot \underline{300} = 2.22W$$

- d) Para calcular la potencia entregada a la carga se puede calcular la corriente media que sale de la batería

$$i_{\text{BATT, MED}} = i_{\text{TR1, MED}} + i_{\text{TR3, MED}} + i_{\text{TR5, MED}} = 3 \cdot i_{\text{TR1, MED}} = 3 \frac{2}{9} \frac{U_e}{R} = \frac{2}{3} \frac{U_e}{R}$$

$$P_A = U_e \cdot i_{\text{BATT, MED}} = \frac{2}{3} \frac{U_e}{R} \cdot U_e = 6000 \text{ W}$$

- e) En triángulo, la potencia se puede calcular de forma inmediata, ya que se conocen las tensiones de línea.

$$P = 3 \cdot \frac{U_{\text{RS, EF}}^2}{R}$$

$$U_{\text{RS, EF}} = 300 \sqrt{\frac{2}{3}}$$

$$\Rightarrow P_A = 18000 \text{ W}$$