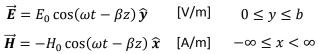
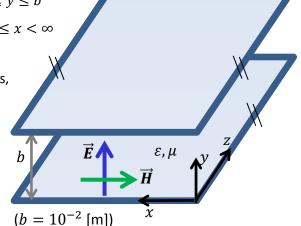
Fundamentos de Transmisión y Propagación de Ondas (FTPO) 2011-12				
Fiore	icios do la soción DD1	Grupo		
Ejercicios de la sesión PR1		Puesto		
Apellidos, nombre		Fecha		
Apellidos, nombre				

PR1-1) Para tener un primer acercamiento a las ecuaciones de Maxwell, se va a estudiar el campo electromagnético en la guía de placas paralelas:



- Los parámetros y constantes del problema se dan a continuación para ver unos valores típicos, pero el ejercicio se hará usando los símbolos ("las letras"), no sus valores numéricos:

$$E_0 = 10^{-4} \, \text{[V/m]}$$
 $H_0 = 2.6 \cdot 10^{-7} \, \text{[A/m]}$ $\omega = 2\pi 10^9 \, \text{[rad/s]}$ $\beta = 20.9 \, \text{[1/m]}$



- 1.a) Calcular $\nabla \times \vec{E}$
- 1.b) Calcular $\nabla \times \overrightarrow{H}$
- 1.c) Calcular $\nabla \cdot \vec{\boldsymbol{D}}$, suponiendo que $\vec{\boldsymbol{D}} = \varepsilon \vec{\boldsymbol{E}}$ ($\varepsilon = 8.8 \cdot 10^{-12}$ [F/m])
- 1.d) Calcular $\nabla \cdot \vec{B}$, suponiendo que $\vec{B} = \mu \vec{H}$ ($\mu = 1.2 \cdot 10^{-6} \, [\text{H/m}]$)
- 1.e) ¿Se cumplen las ecuaciones de Maxwell con los campos calculados? ¿Qué relación deben cumplirse entre los parámetros E_0 , H_0 , β , ω ?
- 1.f) Calcular $\overrightarrow{\pmb{E}} imes \overrightarrow{\pmb{H}}$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

- - -

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

FIFU (Fαιο. αε 17x. y Prop. αε Ondas) 2º Grado Ing. Tas. y Serv. Telecom (ITST-EPS-UAM) Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial

1

Fundamentos de Transmisión y Propagación de Ondas (FTPO) 2011-12				
Fiore	Cionsision de la sesión DD1			
Ejercicios de la sesión PR1		Puesto		
Apellidos, nombre		Fecha		
Apellidos, nombre				

PR1-2) Se va a estudiar ahora el campo electromagnético en un coaxial en régimen estático:

$$\vec{E} = E_0 \frac{1}{\rho} \hat{\rho}$$
 [V/m]

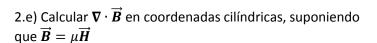
$$b \le \rho \le a$$

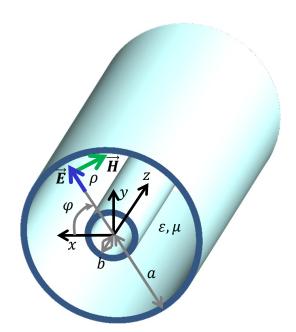
$$\overrightarrow{H} = H_0 \frac{1}{\rho} \widehat{\boldsymbol{\varphi}}$$
 [A/m]

$$0 \le \varphi < 2\pi$$

2.a) Si $\Phi=E_0\ln\frac{\rho}{a}+C$, calcular - $\nabla\Phi$ en coordenadas cilíndricas

- 2.b) Calcular $\nabla \times \vec{E}$ en coordenadas cilíndricas.
- 2.c) Calcular $\nabla imes \overrightarrow{\pmb{H}}$ en coordenadas cilíndricas.
- 2.d) Calcular $\nabla\cdot\overrightarrow{D}$ en coordenadas cilíndricas, suponiendo que $\overrightarrow{D}=\varepsilon\overrightarrow{E}$

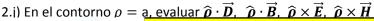




$$(\varepsilon = 8.8 \cdot 10^{-12} \,[\text{F/m}])$$

$$(\mu = 1.2 \cdot 10^{-6} [H/m])$$

- 2.f) ¿Se cumplen las ecuaciones de Maxwell con los campos calculados? ¿Se debe cumplir alguna relación entre E_0 , H_0 ?
- 2.g) Escribir $\overrightarrow{\textbf{\textit{D}}}$ en coordenadas cartesianas (tanto para el punto de observación, como para las componentes del vector).
- 2.h) Evaluar $\overrightarrow{\textbf{\textit{D}}}$ en cilíndricas y en cartesianas en los puntos P_1 : x=0,y=(a+b)/2, P_2 : $\rho=(a+b)/2$, $\varphi=\pi/4$, P_3 : $\rho=(a+b)/2$, $\varphi=-\pi$, P_4 : x=(a+b)/4, y=-(a+b)/4.
- 2.i) Calcular $\nabla \cdot \vec{D}$ en este nuevo sistema de coordenadas cartesiano. ¿Podría ser distinto al calculado en 2c?



Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

- - -

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

FIPO (Fato. ae Trx. y Prop. ae Ondas)
2º Grado Ing. Tas. y Serv. Telecom (ITST-EPS-UAM)

Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial

2

Fundamentos de Transmisión y Propagación de Ondas (FTPO) 2011-12				
Figure 5	Figuraiaine de la sociém DD1			
Ejercicios de la sesión PR1		Puesto		
Apellidos, nombre		Fecha		
Apellidos, nombre				

PR1-3) Ahora se va a estudiar el campo electromagnético en una guía de ondas rectangular:

$$\vec{E} = E_0 \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin(\omega t - \beta z) \hat{y}$$
 [V/m]

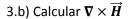
$$\vec{\boldsymbol{H}} = -H_0 \sin\left(\frac{\pi}{a}x\right) \sin(\omega t - \beta z) \,\hat{\boldsymbol{x}} + H_0 \frac{\pi}{\beta a} \cos(\frac{\pi}{a}x) \cos(\omega t - \beta z) \,\hat{\boldsymbol{z}} \quad [\text{A/m}]$$

$$\beta = \sqrt{\omega^2 \mu \epsilon - \pi^2/a^2} \text{ [1/m]}$$

$$0 \le x \le a$$

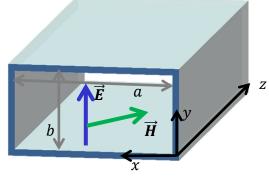
$$0 \le y \le b$$





3.c) Calcular
$$\nabla \cdot \overrightarrow{m{D}}$$
, suponiendo que $\overrightarrow{m{D}} = arepsilon \overrightarrow{m{E}}$

3.d) Calcular
$$\nabla \cdot \vec{B}$$
, suponiendo que $\vec{B} = \mu \vec{H}$



$$(\varepsilon = 8.8 \cdot 10^{-12} \text{ [F/m]})$$

$$(\mu = 1.2 \cdot 10^{-6} \text{ [H/m]})$$

3.e) ¿Se cumplen las ecuaciones de Maxwell con los campos calculados? ¿Qué relación deben cumplirse entre los parámetros E_0 , H_0 , β , ω ?



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

- - -

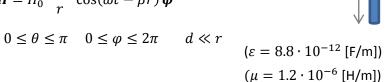
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

רודט (רמנס. מפ ודג. y צרסף. מפ Undas) 2º Grado Ing. Tas. y Serv. Telecom (ITST-EPS-UAM) Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial

Fundamentos de Transmisión y Propagación de Ondas (FTPO) 2011-12				
Fiore	Figuriaises de la sesión DD1			
Ejercicios de la sesión PR1		Puesto		
Apellidos, nombre		Fecha		
Apellidos, nombre				

PR1-4) El siguiente campo corresponde al campo de una antena elemental tipo dipolo:

$$\vec{E} = E_0 \frac{\sin \theta}{r} \cos(\omega t - \beta r) \hat{\theta}$$
 [V/m]
$$\vec{H} = H_0 \frac{\sin \theta}{r} \cos(\omega t - \beta r) \hat{\phi}$$
 [A/m]



- 4.a) Calcular $\nabla \times \vec{E}$ en coordenadas esféricas definidas de la manera habitual.
- 4.b) Calcular $\nabla \times \overrightarrow{H}$ en coordenadas esféricas.
- 4.c) Calcular $\nabla \cdot \vec{D}$, suponiendo que $\vec{D} = \varepsilon \vec{E}$ en coordenadas esféricas.
- 4.d) Calcular $\nabla \cdot \vec{B}$, suponiendo que $\vec{B} = \mu \vec{H}$ en coordenadas esféricas.
- 4.e) Calcular el flujo $\vec{E} \times \vec{H}$ a través de una superficie esférica de radio R centrada en el origen. Suponer que $1/r^2 \ll 1/r$ y despreciar en las expresiones los términos en $1/r^2$.



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

- - -

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

FIPO (Fato. ae Trx. y Prop. ae Ondas)
2º Grado Ing. Tas. y Serv. Telecom (ITST-EPS-UAM)

Ecuaciones de Maxwell en forma diferencial

4