

88. Estudia si el siguiente endomorfismo es diagonalizable

$$f(x,y,z) = (x + 2y, -x + 3y + z, y + z)$$

89. Calcula los autovalores y los subespacios propios de los siguientes endomorfismos

$$a) f(x_1, x_2) = (x_1 + 4x_2, 2x_1 + 3x_2)$$

$$b) f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - 2x_2 + x_3, -x_1 - 2x_2, -3x_1 + 2x_2 - 2x_3)$$

Estudia si son diagonalizables y en caso afirmativo escribe su forma diagonal.

90. Halla los autovalores y los subespacios propios del siguiente endomorfismo en  $\mathbb{R}^3$

$$f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 2x_2 + 2x_3, x_1 + 2x_2 - x_3, -x_1 + x_2 + 4x_3)$$

91. Se considera el endomorfismo  $f \in L(\mathbb{R}^3)$  dado por la siguiente matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

Estudia si  $f$  es diagonalizable. Si es posible, determina su forma como matriz diagonal  $D$  y la base  $B$  respecto de la cual  $M_f(B) = D$

92. Estudia para qué valores del parámetro  $m$  es la siguiente matriz diagonalizable:

$$A = \begin{pmatrix} m & 0 & 0 \\ 0 & 4 & 4 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

93. Se considera el siguiente endomorfismo  $f \in L(\mathbb{R}^3)$

$$f(x_1, x_2, x_3) = (-x_1 - x_3, x_1 - x_2 + x_3, -2x_3)$$

Estudia si  $f$  es diagonalizable. Si es posible, determina su forma como matriz diagonal  $D$  y la base  $B$  respecto de la cual  $M_f(B) = D$

94. Se considera el siguiente endomorfismo  $f \in L(\mathbb{R}^3)$

$$f(x_1, x_2, x_3) = (2x_1 + 3x_2 + 4x_3, 2x_1 + 3x_2 + 4x_3, 2x_1 + 3x_2 + 4x_3)$$

Estudia si  $f$  es diagonalizable. Si es posible, determina su forma como matriz diagonal  $D$  y la base  $B$  respecto de la cual  $M_f(B) = D$

95. ¿Para qué valores de  $a \in \mathbb{R}$  es diagonalizable la siguiente matriz?

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a & 1 \\ -1 & 1 & -a \\ 1 & 0 & a+1 \end{pmatrix}$$

96. ¿Para qué valores de  $a \in \mathbb{R}$  es diagonalizable la siguiente matriz?

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

**Cartagena99**

97. Sea  $f$  el endomorfismo de  $\mathbb{R}^3$  tal que:

$$f(x_1, x_2, x_3) = (x_1, 2x_2 + x_3, ax_1)$$

a) Halla  $a \in \mathbb{R}$  tal que  $f$  es diagonalizable.

b) Para esos valores de  $a$  determinados en el apartado anterior, escribe una base  $B$  tal que  $M_f(B)$  es diagonal.

98. Sea

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & -5 & 6 & 0 \\ 6 & -3 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

la aplicación asociada a un endomorfismo  $f$  respecto de las bases canónicas.

a) ¿Es el vector  $(0, 0, 0, 5)$  un autovector de  $f$  asociado al autovalor 3?

b) ¿Es la matriz  $A$  diagonalizable?

99. Sea  $f$  el endomorfismo de  $\mathbb{R}^3$  tal que:

$$f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + 2x_3, -2x_2 + 5x_3, 5x_2 - 2x_3)$$

a) Halla su forma diagonal  $D$

b) Escribe una base  $B$  tal que  $M_f(B) = D$

c) Escribe la matriz  $P$  tal que  $D = P^{-1} \cdot (M_f) \cdot P$

100. Sea  $B = \{\underline{u}_1, \underline{u}_2, \underline{u}_3\}$  una base de  $V$ , y  $f$  un endomorfismo de  $V$  tal que

$$f(\underline{u}_1) = \underline{u}_1 + \underline{u}_2 \quad f(\underline{u}_2) = 2\underline{u}_1 \quad \text{Ker}(f) = L(\{\underline{u}_1 + \underline{u}_3\})$$

Estudia si  $f$  es diagonalizable, y en caso afirmativo determina  $B'$  tal que  $M_f(B') = D$ .

101. Sea  $V$  un  $\mathbb{R}$ -espacio vectorial de dimensión 3,  $B = \{\underline{e}_1, \underline{e}_2, \underline{e}_3\}$  y  $B' = \{\underline{e}'_1, \underline{e}'_2, \underline{e}'_3\}$  dos bases de  $V$ , tales que

$$\underline{e}'_1 = 2\underline{e}_1 + 3\underline{e}_2 + \underline{e}_3, \underline{e}'_2 = 3\underline{e}_1 + 4\underline{e}_2 + \underline{e}_3, \underline{e}'_3 = \underline{e}_1 + 2\underline{e}_2 + 2\underline{e}_3. \text{ Sea } f \text{ un endomorfismo}$$

de  $V$  tal que  $M_f(B) = \begin{pmatrix} 15 & -11 & 5 \\ 20 & -15 & 8 \\ 8 & -7 & 6 \end{pmatrix}$ . Determina, sin utilizar producto de matrices,  $M_f(B')$ .

Observando  $M_f(B')$ , ¿qué se puede decir de los vectores de  $B'$ ?

102. Sea  $f$  el endomorfismo de  $\mathbb{R}^3$  tal que:

$$f(\underline{e}_1) = \underline{e}_1 - \underline{e}_2, f(\underline{e}_2) = 2\underline{e}_1 + 3\underline{e}_2 + \underline{e}_3, f(\underline{e}_3) = \underline{e}_2 + \underline{e}_3$$

siendo  $\underline{e}_1 = (1, 0, 0)$ ,  $\underline{e}_2 = (0, 1, 0)$ ,  $\underline{e}_3 = (0, 0, 1)$ . Estudia si  $f$  es diagonalizable. En caso afirmativo halla una base  $B$  tal que  $M_f(B) = D$

103. Sea  $E$  un  $\mathbb{R}$ -espacio vectorial,  $\dim(E) = 3$ , y  $f$  un endomorfismo de  $E$ . Sea  $\underline{u} \in E$  tal que  $B = \{\underline{u}, f(\underline{u}), f^2(\underline{u})\}$  es una base de  $E$  y  $f^3(\underline{u}) = \underline{u}$ .

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99