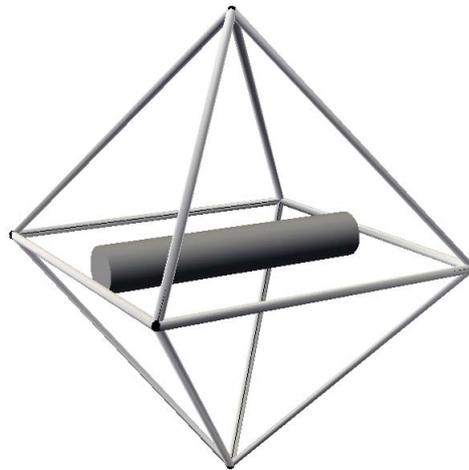


- la revisión será el 8 de julio a las 10:00 en la sala R3,

1. Para fabricar un componente óptico de un elemento E con estructura cristalina tipo diamante se mecaniza un cilindro a partir de un monocristal eumórfico de hábito octaédrico, como se indica en la figura (sólo se han dibujado las aristas del octaedro). Determinar la densidad atómica lineal ρ_E^l (átomos de E/m) a lo largo del eje del cilindro, sabiendo que el radio atómico de E es $r_E = 2.6 \times 10^{-10}$ m. Sugerencia: en primer lugar colocar correctamente los ejes cristalográficos.



$$\rho_E^l =$$

Juzgando por la forma del cristal eumórfico de hábito octaédrico, el elemento E es cúbico, de la clase $m3m$ y los ejes cristalográficos son los indicados en la figura siguiente. El eje del cilindro tiene como dirección $[110]$ (o cualquier otra del tipo $\langle 110 \rangle$). Esta dirección está marcada en el monocristal y en la celda del tipo diamante en la siguiente figura:



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

La arista de la celda y el radio del átomo están relacionados por $\sqrt{3}a = 8r_E$. La densidad lineal es:

$$\rho_E^l = \frac{2}{\sqrt{2}a} = \frac{2}{\sqrt{2} \frac{8r_E}{\sqrt{3}}}$$

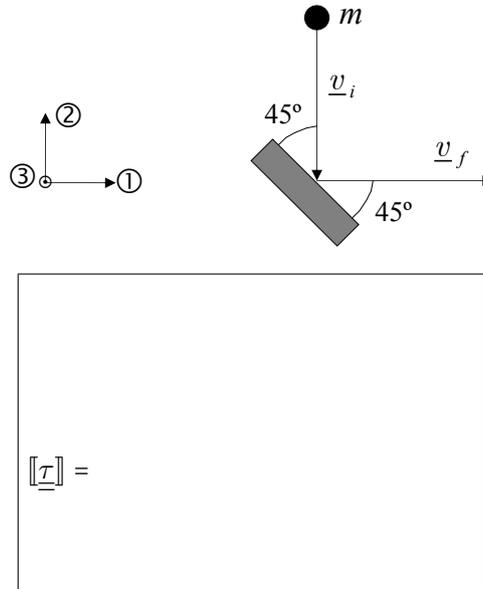
$$\rho_E^l = \frac{\sqrt{6}}{8r_E} = 1.178 \times 10^9 \text{ átomos de E/m}$$

The logo for Cartagena99 features the text 'Cartagena99' in a stylized, blue, serif font. The '99' is significantly larger and more prominent than the rest of the text. The logo is set against a light blue background with a white arrow pointing to the right, and a yellow and orange gradient bar at the bottom.

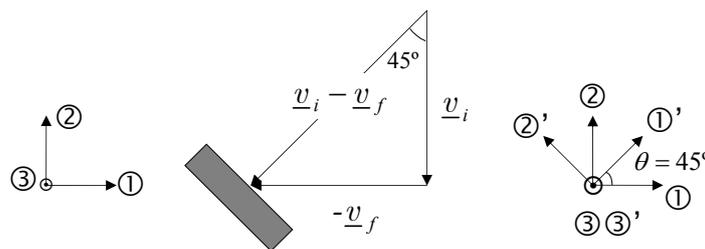
**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

2. Un bloque sensor de presión recibe el impacto de una partícula de masa m que llega con velocidad \underline{v}_i y rebota en el bloque con \underline{v}_f , como se indica en la figura. El bloque no se mueve en la colisión, que es perfectamente elástica ($|\underline{v}_i| = |\underline{v}_f|$) y dura un tiempo breve Δt . La fuerza del impacto se reparte uniformemente sobre la superficie del bloque, de área A . Escribir la tensión mecánica en el sensor durante la colisión, expresada en los ejes de la figura (recordar que la fuerza promedio durante la colisión es la variación de la cantidad de movimiento $m\underline{v}$ de la partícula, dividida por la duración de la colisión). Sugerencia: escribir $\underline{\tau}$ en otros ejes donde sea más sencillo y transformarlo a los ejes de la figura.



La fuerza que ejerce la masa sobre el bloque es $\underline{F} = \frac{m(\underline{v}_i - \underline{v}_f)}{\Delta t}$ la fuerza tiene componentes ① y ② en los ejes del enunciado, mientras que en los ejes ①'②' sólo tiene componente ①':

$$F'_1 = -\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{\Delta t}.$$


Durante la colisión esta fuerza produce en el bloque, en los ejes ①'②', una tensión:

$$\left[-\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{\Delta t} \quad 0 \quad 0 \right]$$

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

que se transforma a los ejes ①② del enunciado:

$$[\underline{\tau}] = \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}}_{\underline{L}} \underbrace{[\underline{\tau}']}_{\underline{L}^T} = \begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & -\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & 0 \\ \frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & \frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(las filas de \underline{L} son las componentes de los ejes ①②③ expresados en el sistema de referencia ①'②'③').

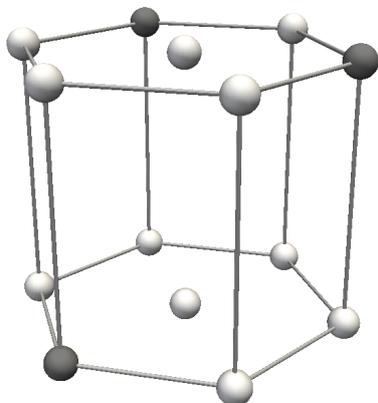
$$[\underline{\tau}] = \begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & -\frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & 0 \\ \frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & \frac{\sqrt{2}m|v_i|}{2A\Delta t} & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$



**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

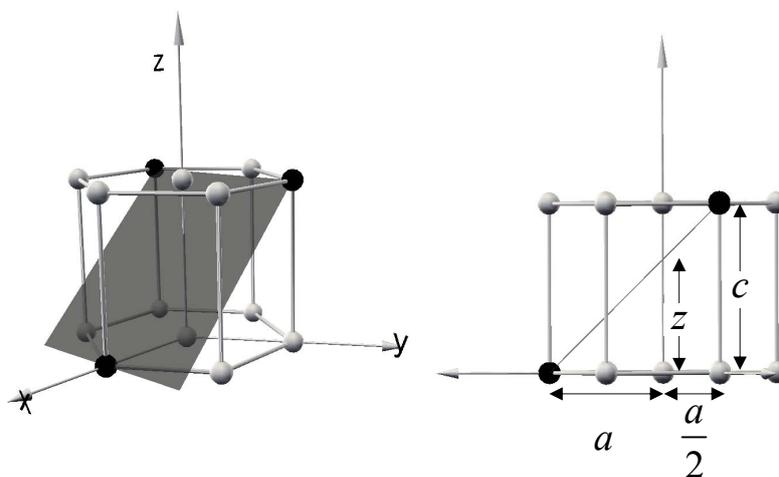
**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

3. Calcular los índices de Miller-Bravais (es obligatorio dar los cuatro índices) de la forma de planos que contiene los átomos marcados en gris oscuro en la figura en un cristal formado por una red hexagonal y una base esférica.



los índices de la forma son:

En las figuras siguientes se ha dibujado parte del plano (sombreado, izqda.) y una vista de perfil. Las intersecciones del plano con los ejes x e y son 1 y -2 . De la vista de perfil, por semejanza de triángulos, se obtiene la intersección del plano con el eje z : $\frac{z}{a} = \frac{c}{a + \frac{a}{2}}$



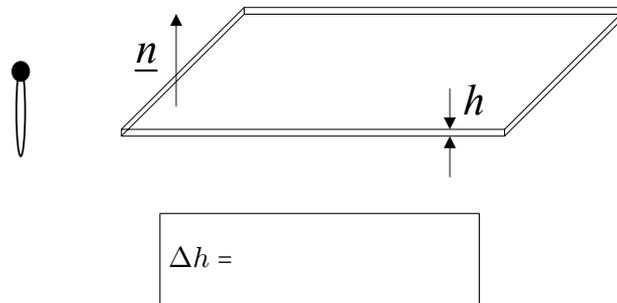
	x	y	u	z
intersecciones	1	-2	-2	$\frac{2}{5}$

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

4. Las moléculas de un material que se usa en monitores LCD son aproximadamente lineales (esquema a la izquierda de la figura), con un extremo polar (círculo negro). Este material forma un cristal líquido nemático, con todas las moléculas paralelas y con sus extremos polares apuntando en la dirección del vector director \underline{n} representado en la figura.

Calcular cuál es la variación del espesor h de la lámina por efecto piezoeléctrico al aplicar un campo eléctrico de módulo E perpendicular a la lámina. Expresar el resultado *exclusivamente* en función de h , E y de los módulos piezoeléctricos que sean necesarios.



En un cristal líquido nemático las moléculas tienen orden orientacional y no tienen orden posicional. Pertenecen a una clase límite, con el eje de orden ∞ paralelo al director. Debido a la asimetría de la molécula (los extremos de la molécula son distinguibles), tiene además un sentido especial, e infinitos planos de simetría que contienen al eje de orden infinito, por lo que pertenece a la clase ∞m . El eje convencional $\textcircled{3}$ tiene la dirección del director, en este caso perpendicular a la lámina.

Para calcular la deformación, se aplica la ley de la piezoelectricidad inversa; en notación de Voigt:

$$\vec{\epsilon}^T = \vec{E}^T \underline{d} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 0 & E_3 = E \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & d_{15} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & d_{15} & 0 & 0 \\ d_{31} & d_{31} & d_{33} & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = [Ed_{31} \quad Ed_{31} \quad Ed_{33} \quad 0 \quad 0 \quad 0]$$

Como la dirección del espesor es la del $\textcircled{3}$, se puede aplicar directamente que su variación es $\Delta h = h\epsilon_{33} = h\epsilon_3 = hEd_{33}$.

$$\Delta h = hEd_{33}$$

Si el vector director, y con él las moléculas, están en el plano de la lámina, en vez de ser perpendiculares, el campo es $[0 \quad E_2 = E \quad 0]$ y la deformación:

$$\vec{\epsilon}^T = \vec{E}^T \underline{d} \Rightarrow \begin{bmatrix} 0 & E_2 = E & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & d_{15} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & d_{15} & 0 & 0 \\ d_{31} & d_{31} & d_{33} & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = [0 \quad 0 \quad 0 \quad Ed_{15} \quad 0 \quad 0]$$

Como el espesor va en la dirección $\textcircled{2}$, su variación es $\Delta h = h\epsilon_{22} = h\epsilon_2 = 0$.

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

5. Un material C aislante térmico es un sandwich de tres capas: dos capas del mismo vidrio y de espesores iguales, δ_v , y una tercera capa intermedia de aire, también del mismo espesor $\delta_a = \delta_v$. En C las conductividades térmicas del vidrio y del aire están en la relación $\frac{k_v}{k_a} = 4$.

Un segundo aislante C' es parecido al anterior, pero tiene el espesor de la capa de aire $\delta'_a = 2\delta_a$ y la conductividad del nuevo vidrio $k'_v = 6k_v$.

Calcular la relación entre las conductividades térmicas de C' y de C en la dirección perpendicular al plano de las capas. Expresar el resultado solo como un valor numérico; no debe aparecer ningún otro símbolo ni variable.

$$\frac{k'_C}{k_C} = \underline{\hspace{2cm}}$$

Las tres capas están en serie, por lo que la conductividad del compuesto se obtiene con la regla de mezcla armónica. Para los materiales C y C':

$$k_C = \left(\frac{\delta_a}{\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_a} + \frac{2\delta_v}{\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_v} \right)^{-1} \quad k'_C = \left(\frac{\delta'_a}{\delta'_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_a} + \frac{2\delta_v}{\delta'_a + 2\delta_v} \frac{1}{k'_v} \right)^{-1}$$

con los valores $\delta_a/\delta_v = 1$ y $k_v/k_a = 4$ de C, y con los valores de C', es decir, con el espesor de la capa de aire multiplicado por un factor n ($\delta'_a = n\delta_a$) y la conductividad del vidrio multiplicada por un factor m ($k'_v = mk_v$), se obtiene:

$$\frac{k'_C}{k_C} = \frac{\frac{\delta_a}{\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_a} + \frac{2\delta_v}{\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_v}}{\frac{n\delta_a}{n\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{k_a} + \frac{2\delta_v}{n\delta_a + 2\delta_v} \frac{1}{mk_v}} = \frac{\frac{\delta_a/\delta_v}{\delta_a/\delta_v + 2} \frac{k_v}{k_a} + \frac{2}{\delta_a/\delta_v + 2}}{\frac{n\delta_a/\delta_v}{n\delta_a/\delta_v + 2} \frac{k_v}{k_a} + \frac{2}{n\delta_a/\delta_v + 2} \frac{1}{m}} = \frac{m(n+2)}{2mn+1}$$

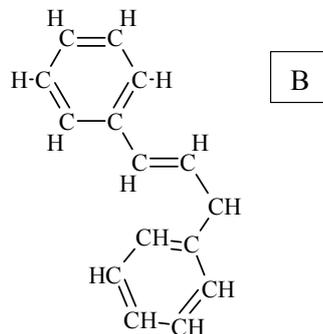
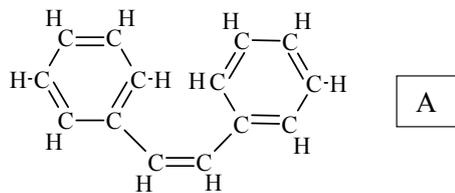
Para los valores dados en el enunciado, $n = 2$ y $m = 6$ se obtiene una relación de conductividades de $\frac{k'_C}{k_C} = \frac{24}{25} = 0.96$.



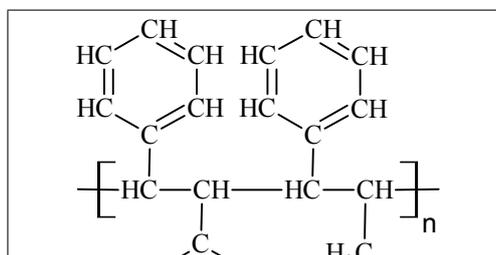
**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

6. Escribir la unidad estructural repetitiva del polímero que se obtiene al hacer reaccionar alternadamente (una molécula de un tipo y luego una del otro, y así sucesivamente) los monómeros A y B en relación molar 1:1 y con conversión completa.



Los monómeros se polimerizan por reacción en cadena, abriéndose los dobles enlaces, y producen la UER:



**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

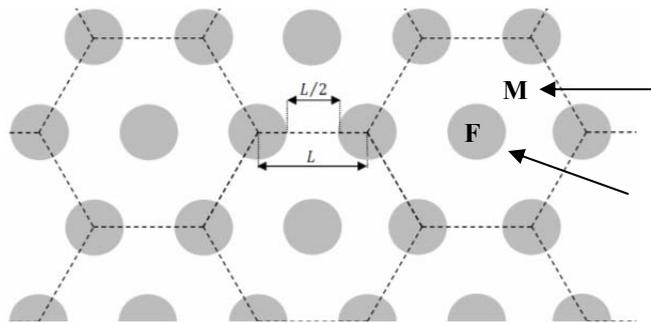
**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

Problema 1**Nombre y apellidos:****Número de matrícula:**

Un material compuesto laminar (**C**) está formado por dos capas, **C1** y **C2**, de espesores δ_1 y δ_2 ($\frac{\delta_1}{\delta_2} = 1$):

- la capa superior (**C1**) es una lámina de un polímero isótropo **P**
- la capa inferior (**C2**) es, a su vez, un material compuesto formado por fibras de carbono continuas (**F**) alineadas unidireccionalmente en una matriz de resina epoxi (**M**) y cuya sección transversal (perpendicular al eje de las fibras), se representa en la figura:



*Sección transversal capa C2 (fibras de carbono **F** de sección transversal circular en gris, matriz **M** en blanco. El dibujo no está realizado a escala)*

Los materiales **P**, **F** y **M**, por separado, sin darles ninguna estructura, son homogéneos e isótropos.

En el material compuesto **C**, la capa **C2** se orienta de forma que el eje de las fibras **F** sea perpendicular al plano de separación de las láminas **C1** y **C2**.

Determinar:

1. la clase cristalográfica o límite a la que pertenece el material compuesto
2. las fracciones másicas de matriz y fibra en la capa **C2** (X_M^{C2} , X_F^{C2})
3. el módulo elástico de la lámina **C2** en la dirección de las fibras
4. el módulo elástico del material compuesto **C** en la dirección normal al plano de las láminas
5. la máxima tensión de tracción en la dirección de las fibras que puede resistir la lámina **C2** sin romperse
6. la máxima tensión de tracción en la dirección perpendicular al plano de las láminas que puede resistir el material **C** sin romperse
7. la variación de espesor total del material **C** ($\Delta\delta$) cuando se somete a la máxima tensión de

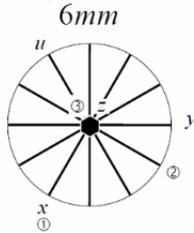
**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

(3 puntos, 45 minutos)

Sol:

1. El material compuesto C presenta un eje de rotación senario característico del sistema hexagonal. No hay centro de inversión ni plano de simetría perpendicular al eje, pero sí seis planos de simetría que contienen al eje de rotación, por lo que pertenece a la clase **6mm**:

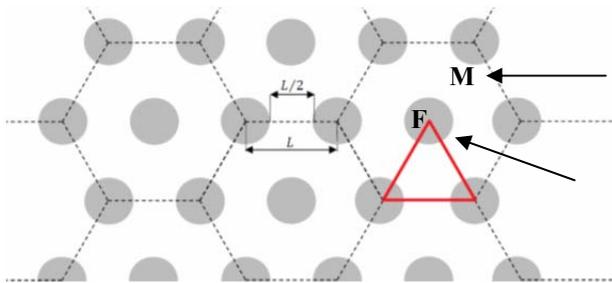


2. Las fracciones másicas de fibra y matriz de la capa C2 se determinan como:

$$X_M^{C2} = \frac{\rho_M V_M^{C2}}{\rho_M V_M^{C2} + \rho_F V_F^{C2}} \text{ y } X_F^{C2} = \frac{\rho_F V_F^{C2}}{\rho_M V_M^{C2} + \rho_F V_F^{C2}}$$

por lo que hay que calcular las fracciones volumétricas de fibra y matriz en la capa C2.

Observando la figura, las fracciones volumétricas se calculan de forma inmediata:



$$V_F = \frac{\pi \left(\frac{L}{4}\right)^2}{\frac{L \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} L}{2}} = 0.227$$

$$V_M = 0.773$$

por ejemplo, teniendo en cuenta el área de fibra ($A_F = \frac{A_{\text{círculo}}}{2} = \frac{\pi \left(\frac{L}{4}\right)^2}{2}$) y el área total del

triángulo marcado en rojo ($A_{\text{triángulo}} = \frac{L \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} L}{2}$).

A partir de aquí las fracciones másicas se obtienen directamente:

$$X_F^{C2} = \frac{\rho_F V_F^{C2}}{\rho_M V_M^{C2} + \rho_F V_F^{C2}} = \frac{1800 \cdot 0.227}{1800 \cdot 0.227 + 1200 \cdot 0.773} = 0.306 \text{ y } X_M^{C2} = 0.694$$

3. el módulo elástico en la dirección de las fibras (eje convencional ③) para la lámina C2

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

$$\frac{1}{(E_c)_3} = \frac{1}{(E_{c1})_3} + \frac{1}{(E_{c2})_3} = \frac{1}{2.5 \cdot 10^9} + \frac{1}{8.216 \cdot 10^{10}} \Rightarrow (E_c)_3 = 4.852 \cdot 10^9 Pa$$

5. en el caso de la lámina C2, en la dirección de las fibras, los componentes F y M se encuentran en condiciones de isodeformación, por lo que

$$\varepsilon_{C2} = \varepsilon_F = \varepsilon_M$$

y la lámina se romperá cuando alguno de los componentes (F o M) sobrepase su deformación máxima. Las deformaciones máximas que pueden soportar fibra y matriz son las siguientes:

$$\varepsilon_{máx F} = \frac{\tau_{máx F}}{E_F} = \frac{4.2 \cdot 10^9}{3.5 \cdot 10^{11}} = 0.012$$

$$\varepsilon_{máx M} = \frac{\tau_{máx M}}{E_M} = \frac{5.5 \cdot 10^7}{3.5 \cdot 10^9} = 0.0157$$

Por lo tanto $\varepsilon_{máx C2} = \min(\varepsilon_{máx F}, \varepsilon_{máx M}) = 0.012$

y teniendo en cuenta que el módulo elástico del material compuesto es el calculado en el apartado 3: $(E_{C2})_3 = 8.216 \cdot 10^{10} Pa$, la máxima tensión de tracción que puede resistir la lámina C2 es:

$$\tau_{máx C2} = 0.012 \cdot 8.216 \cdot 10^{10} = 9.859 \cdot 10^8 Pa$$

(ver problema 8.40 colección)

6. en el caso del material compuesto C, las capas C1 y C2 se encuentran en condiciones de isotensión, es decir, se cumple:

$$\tau_C = \tau_{C1} = \tau_{C2}$$

por lo que la tensión máxima de tracción que puede soportar el material será

$$\tau_{máx C} = \min(\tau_{máx C1}, \tau_{máx C2}) = 6.5 \cdot 10^7 Pa$$

(ver problema 8.39 colección)

7. La variación de espesor total del material C, cuando se somete a la tensión calculada en el apartado anterior, se puede calcular sencillamente como

$$\Delta\delta = (\varepsilon_C)_3 \delta = \frac{\tau_{máx C}}{(E_C)_3} \delta = \frac{6.5 \cdot 10^7}{4.852 \cdot 10^9} \delta = 0.0134\delta$$

Al estar las láminas en condiciones de isotensión:

$$\Delta\delta_1 = (\varepsilon_{C1})_3 \delta_1 = \frac{\tau_{máx C}}{(E_{C1})_3} \delta_1 = \frac{6.5 \cdot 10^7}{2.5 \cdot 10^9} \delta_1 = 0.026\delta_1$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Problema 2

Nombre y apellidos:

Número de matrícula:

Una solución sólida cerámica (P) muy utilizada como material conductor superiónico es una circonia (ZrO_2) estabilizada con cal (CaO) y con itria (Y_2O_3). Se obtiene a partir de circonia ZrO_2 (A) pura y de una mezcla M de los otros dos óxidos con una fracción molar de CaO (C) $x_{M_C} = 0.5$ y el resto Y_2O_3 (B). El producto resultante P debe tener una fracción molar de ZrO_2 entre $S_1 = 0.8$ y $S_2 = 0.9$. Se desea determinar su conductividad iónica σ_P (S/m) a partir de los datos de conductividad iónica de otras circonias estabilizadas ya comercializadas y conocidas, que son:

- una solución sólida de CaO en ZrO_2 (R) con una fracción molar de CaO: $x_{R_C} = 0.28$,
- una solución sólida de Y_2O_3 en ZrO_2 (Q) con una fracción molar de Y_2O_3 : $x_{Q_B} = 0.03$ y
- una solución sólida de Y_2O_3 en ZrO_2 (S) con una fracción molar de Y_2O_3 : $x_{S_B} = 0.20$.

De esta tres soluciones sólidas se conocen las masas moleculares, las densidades y las conductividades iónicas:

$M_{WR} = 104.42$	kg/kmol	$\rho_R = 4404$	kg/m ³	$\sigma_R = 0.1$	S/m
$M_{WQ} = 122.62$	kg/kmol	$\rho_Q = 4901$	kg/m ³	$\sigma_Q = 1$	S/m
$M_{WS} = 119.78$	kg/kmol	$\rho_S = 5131$	kg/m ³	$\sigma_S = 10$	S/m

Con buena aproximación se puede calcular la conductividad iónica de P mediante una regla de mezcla aritmética (lineal), utilizando las fracciones volumétricas de R, Q y S en P y sus correspondientes conductividades iónicas.

1. Determinar las dos composiciones de P, P_1 y P_2 , en fracciones molares de R, Q y S, que cumplen las especificaciones S_1 y S_2 .
2. Calcular las composiciones de P_1 y P_2 en fracciones volumétricas de R, Q y S.
3. Calcular las conductividades iónicas (S/m) de P_1 y P_2 con la regla de mezcla mencionada.
4. Determinar las fracciones molares de circonia (ZrO_2), de itria (Y_2O_3) y de cal (CaO) en la solución sólida que tenga mayor conductividad iónica (entre P_1 y P_2 anteriores).

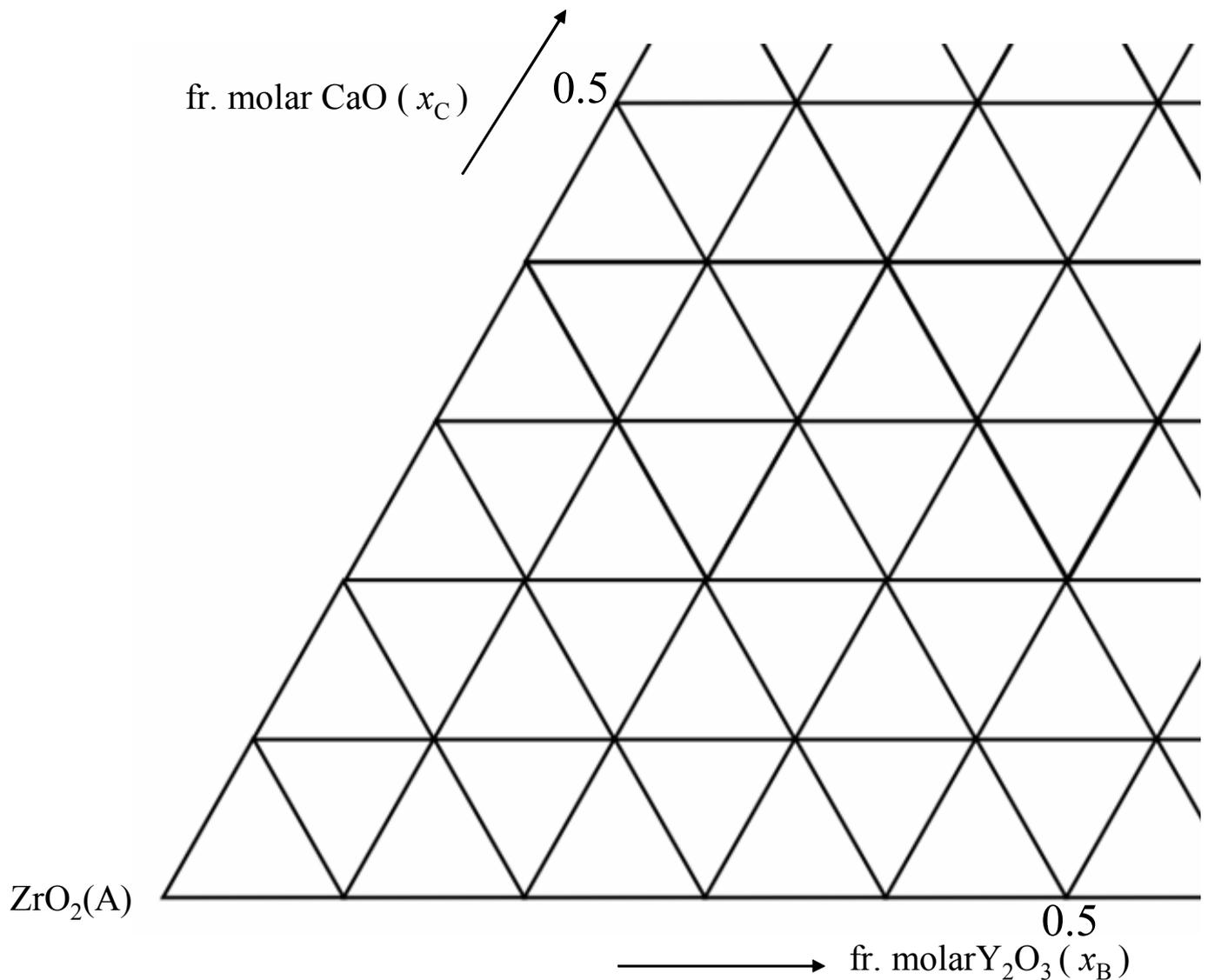
Sugerencia: usar el diagrama ternario (las divisiones son de 0.1 en 0.1) en fracciones molares; las fracciones molares y las fracciones volumétricas no son lo mismo. Éstas últimas se calculan a partir de las primeras.

(3 puntos, 45 minutos)

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

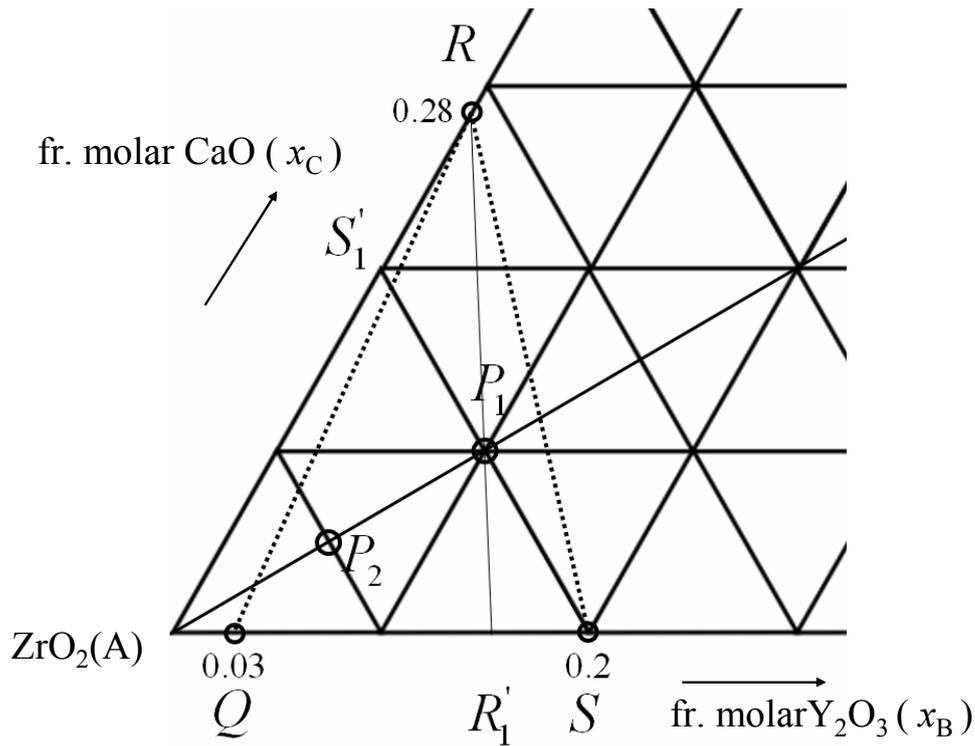


Sol.: P_1 y P_2 son las composiciones de P que se encuentran sobre la línea A-M, que divide el diagrama en fracciones molares en dos partes iguales (M se encuentra en el 50% de la línea B-C) y que corresponden a las especificaciones S_1 y S_2 del enunciado. La composición de P_1 en fracciones molares de R, Q y S se determina con la regla de la palanca aplicada al triángulo QRS, por ejemplo:

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

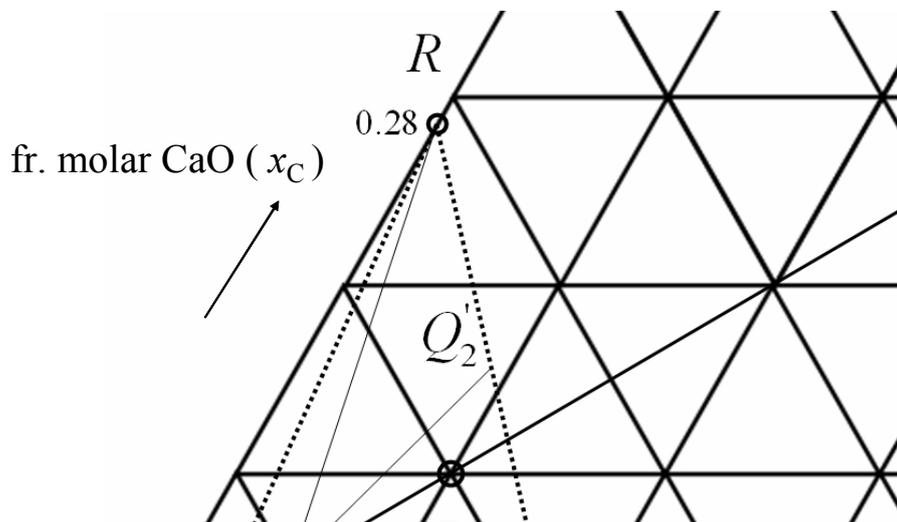
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70



La composición de P_2 en fracciones molares de R, Q y S se determina análogamente:

$$x_R^{P_2} = \frac{P_2 R_2'}{R R_2'} = 0.173$$

$$x_Q^{P_2} = \frac{P_2 Q_2'}{Q Q_2'} = 0.678 \Rightarrow x_S^{P_2} = 1 - x_R^{P_2} - x_Q^{P_2} = 0.149$$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
 CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Cartagena99

2) y 3) para pasar de fracciones molares a fracciones volumétricas de R, Q, S en P₁:

$$x_{P1_R} = 0.346$$

$$x_{P1_S} = 0.473$$

$$x_{P1_Q} = 0.181$$

$$V_{P1_R} = \frac{x_{P1_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R}}{x_{P1_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R} + x_{P1_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S} + x_{P1_Q} \cdot \frac{Mw_Q}{\rho_Q}}$$

$$V_{P1_R} = 0.34493$$

$$V_{P1_S} = \frac{x_{P1_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S}}{x_{P1_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R} + x_{P1_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S} + x_{P1_Q} \cdot \frac{Mw_Q}{\rho_Q}}$$

$$V_{P1_S} = 0.46435$$

$$V_{P1_Q} = 1 - V_{P1_R} - V_{P1_S}$$

$$V_{P1_Q} = 0.19072$$

y la conductividad iónica se obtiene aplicando una regla de mezcla lineal:

$$\sigma_{P1} = V_{P1_R} \cdot \sigma_R + V_{P1_S} \cdot \sigma_S + V_{P1_Q} \cdot \sigma_Q$$

$$\sigma_{P1} = 4.869$$

S/m

y análogamente para P₂:

$$x_{P2_R} = 0.173$$

$$x_{P2_S} = 0.149$$

$$x_{P2_Q} = 0.678$$

$$V_{P2_R} = \frac{x_{P2_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R}}{x_{P2_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R} + x_{P2_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S} + x_{P2_Q} \cdot \frac{Mw_Q}{\rho_Q}}$$

$$V_{P2_R} = 0.1668$$

$$V_{P2_S} = \frac{x_{P2_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S}}{x_{P2_R} \cdot \frac{Mw_R}{\rho_R} + x_{P2_S} \cdot \frac{Mw_S}{\rho_S} + x_{P2_Q} \cdot \frac{Mw_Q}{\rho_Q}}$$

$$V_{P2_S} = 0.142$$

$$V_{P2_Q} = 1 - V_{P2_R} - V_{P2_S}$$

$$V_{P2_Q} = 0.6912$$

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
 CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70