

APELLIDOS

NOMBRE N° Mat.

ASIGNATURA: REGULACIÓN AUTOMÁTICA

CURSO 3º GRUPO A-309 Noviembre 2015

Calificación

- NO SE PUEDE USAR CALCULADORA PROGRAMABLE, NI DISPOSITIVO ELECTRÓNICO QUE PERMITA ALMACENAR O CONSULTAR EJERCICIOS
- LOS MOVILES DEBERAN ESTAR GUARDADOS Y APAGADOS.
- LAS CONTESTACIONES A LAPIZ NO SE CONSIDERARÁN
- CUALQUIER INTENTO DE COPIA, SOPLO, ETC. IMPLICARÁ UN CERO Y LA IMPOSIBILIDAD DE APROBAR EN ESTE CURSO DE LOS IMPLICADOS.
- SI AL RECOGER EL EJERCICIO ESTE NO ESTA LISTO, SE PUNTUARÁ AL 50%

1. Problema (3 puntos-30 minutos)

El sistema de la figura muestra el esquema de un prototipo para intentar mantener estable el nivel de un depósito en torno a una referencia $h_{ref}(t)$. El depósito superior tiene un área superficial A_1 y un nivel $h_1(t)$ y el inferior un área A_2 y un nivel $h_2(t)$.

El caudal saliente del depósito de arriba y entrante en el de abajo, queda regulado por una válvula de muelle. Esta válvula se compone de un cilindro sólido de masa M , que al desplazarse un valor $x(t)$ descubre un orificio que dejará pasar más o menos líquido según la siguiente ecuación:

$$q_s(t) = K_1 \cdot x(t) \cdot \sqrt{h_1(t)}$$

El cuerpo de la válvula estará sometido por un lado al empuje del líquido cuya fuerza resultante es:

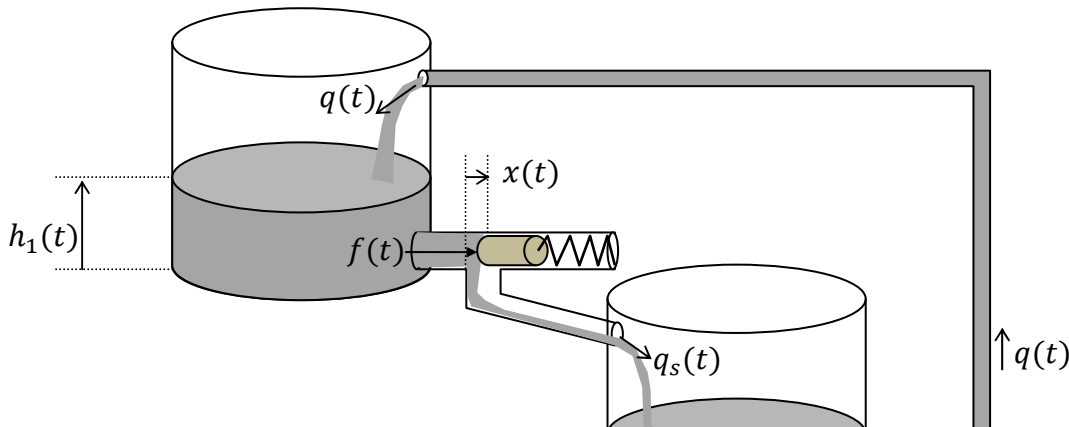
$$f(t) = K_2 \cdot h_1(t)$$

y por otro a la fuerza del resorte de constante K , y un rozamiento lineal de constante B .

Desde el depósito de abajo se bombea agua al depósito de arriba gracias a una bomba que es controlada por medio de la tensión $U_e(t)$. Esta tensión se obtiene mediante un regulador proporcional, de forma que las ecuaciones que modelan el caudal mencionado son las siguientes:

$$q(t) = K_3 + K_4 \cdot U_e(t)^2$$

$$U_e(t) = K_5 \cdot (h_{ref}(t) - h_2(t))$$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

1.- Ecuaciones algebro-diferenciales que modelan completamente el sistema

Además de las cuatro dadas por el enunciado son necesarias 3 más. Una por el equilibrio másico de cada depósito, y otra para reflejar la dinámica de la válvula:

- a. $q_s(t) = K_1 \cdot x(t) \cdot \sqrt{h_1(t)}$
- b. $f(t) = K_2 \cdot h_1(t)$
- c. $q(t) = K_3 + K_4 \cdot U_e(t)^2$
- d. $U_e(t) = K_5 \cdot (h_{ref}(t) - h_2(t))$
- e. $q(t) - q_s(t) = A_1 \frac{dh_1(t)}{dt}$
- f. $q_s(t) - q(t) = A_2 \frac{dh_2(t)}{dt}$

2.- Calcular el punto de equilibrio determinado por la altura h_{10} , h_{20}

Al estar la situación equilibrada, las derivadas respecto del tiempo de las alturas son nulas. Como consecuencia, y por el orden en que se van obteniendo, directamente de las ecuaciones se obtiene el punto de equilibrio:

$$b \rightarrow f_0 = K_2 h_{10}$$

$$f \rightarrow x_0 = \frac{f_0}{K}$$

$$a \rightarrow q_{s0} = K_1 x_0 \sqrt{h_{10}}$$

$$e, f \rightarrow q_0 = q_{s0}$$

$$c \rightarrow U_{e0} = \sqrt{\frac{q_0 - K_3}{K_4}}$$

$$d \rightarrow h_{ref0} = \frac{U_{e0}}{K_5} + h_{20}$$

3.- Dibujar el diagrama de bloques de todo el conjunto indicando las señales: h_1 , h_2 , h_{ref} , q , q_s , x , f , y siendo la salida $h_1(s)$ y la entrada $h_{ref}(s)$

Linealizamos las ecuaciones y pasamos al modelo incremental. Para facilitar después la claridad del diagrama de bloques, las constantes las vamos agrupando. En las variables incrementales, por claridad se omite la dependencia del tiempo:

$$\Delta q_s = K_1 \sqrt{h_{10}} \Delta x + \frac{K_1 x_0}{2\sqrt{h_{10}}} \Delta h_1 = K_1' \Delta x + K_2' \Delta h_1$$

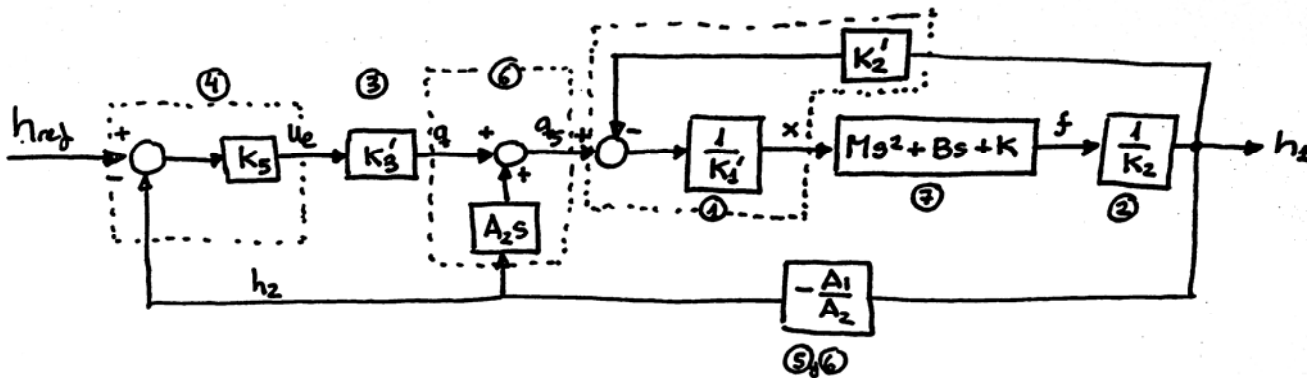
$$\Delta f = K_2 \Delta h_1$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Cartagena99

El paso a laplace es inmediato. Para el diagrama de bloques, de las ecuaciones e y f, nos permiten obtener una relación entre las alturas que simplifica mucho el diagrama final: $h_2 = -\frac{A_1}{A_2} h_1$ (nótese que no tendría sentido el signo negativo, si no es porque las alturas en este caso son incrementos respecto del punto de equilibrio). Empezando con la ecuación b, y yendo hacia atrás, se puede dibujar el siguiente entre los múltiples diagramas de bloques posibles:



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

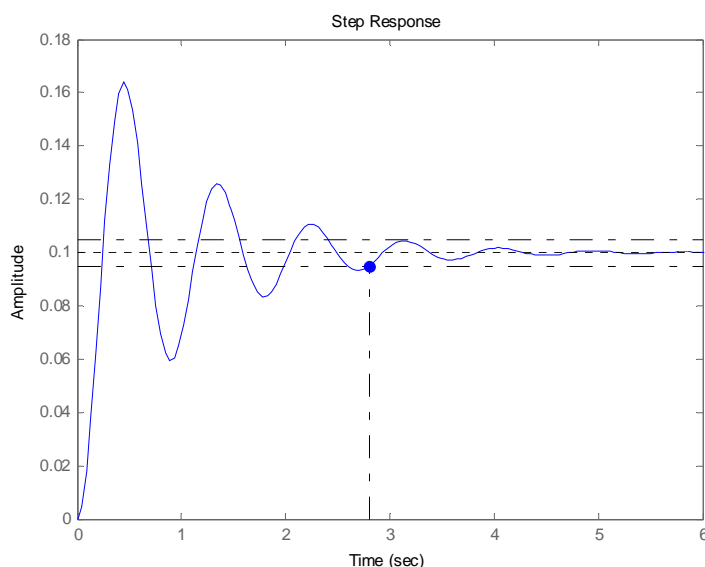
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

2. Cuestión (3 puntos-20 minutos)

Dibujar y caracterizar indicando justificadamente los valores más significativos la respuesta ante el escalón de las siguientes funciones de transferencia:

a) $G(s) = \frac{5}{s^2+2s+50}$



$$K_e = 0.1$$

$$\sigma = 1; \omega_d = 7; \theta = \text{atan}(7)$$

$$t_s = \frac{\pi}{\sigma}$$

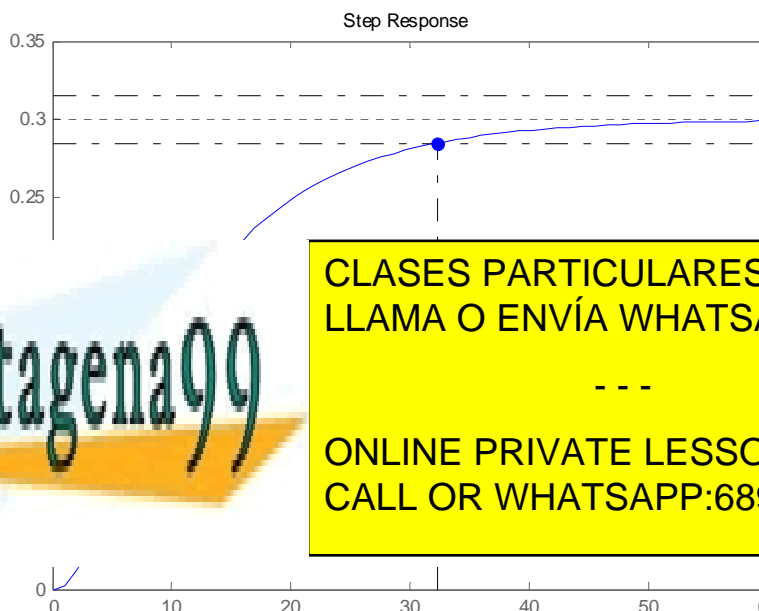
$$\dot{y}(0) = 0$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega_d} = \frac{2\pi}{7}$$

$$M_p = 100e^{-\frac{\pi}{7}}$$

Aunque la sobreoscilación sin calculadora no es calculable, si se puede deducir que es muy alta.

b) $G(s) = \frac{0.135}{(s+1)^2(s+4.5)(s+0.1)}$



$$K_e = 0.3$$

$$t_s = \frac{3}{0.1} = 30$$

$$\dot{y}(0) = 0$$

$$T = 10$$

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

APELLIDOS

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

NOMBRE

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Nº Mat.

--	--	--	--	--	--

Calificación

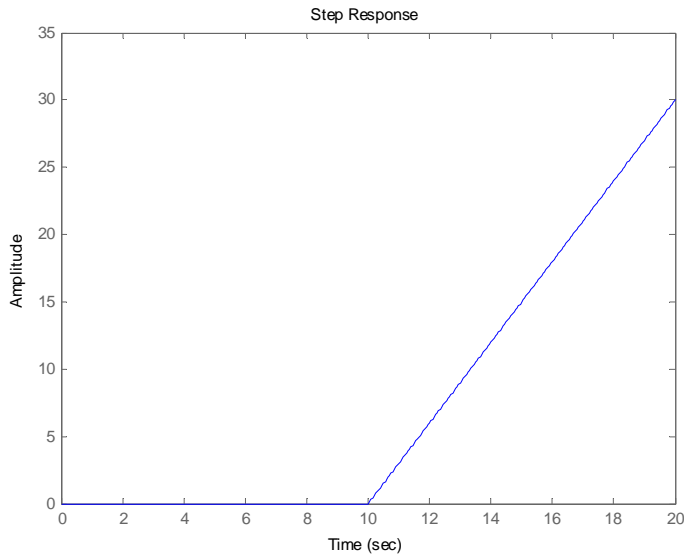
ASIGNATURA: REGULACIÓN AUTOMÁTICA

CURSO 3º

GRUPO A-309

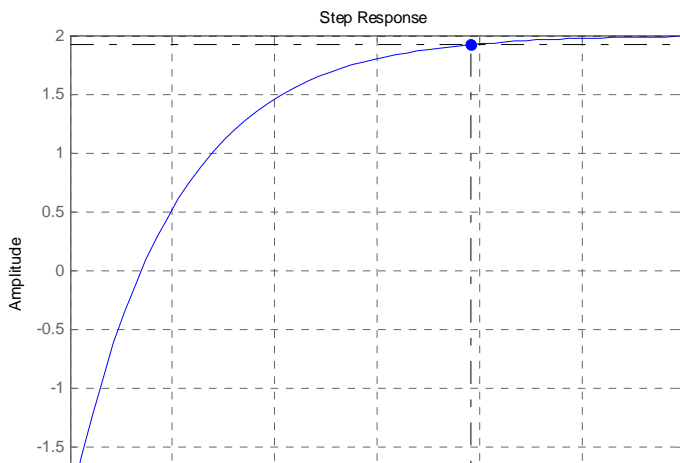
Noviembre 2015

c) $G(s) = 3 \frac{e^{-10s}}{s}$



Integración de un escalón de amplitud 3, y retrasado todo 10 segundos. (Rampa de pendiente 3)

d) $G(s) = -2 \frac{s-1}{s+1}$



Sistema de primer orden de fase no mínima:

$$K_e = 2$$

$$y(0) = -2$$

$$T = 1$$

$$t_s \geq 3$$

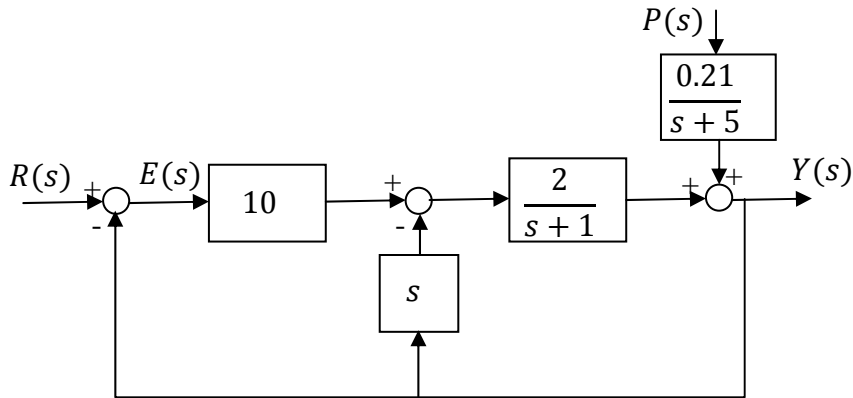
Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
 CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

3. Cuestión 2 (2 puntos-15 minutos)

Determinar el valor de $E(s)$ en relación con las dos entradas al sistema:



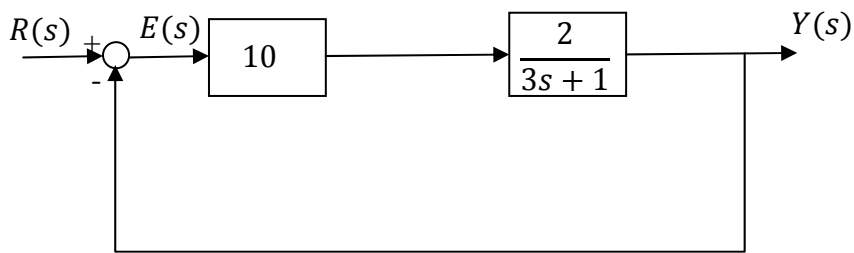
Aunque se puede hacer directamente reduciendo el diagrama de bloques, la manera más sencilla consiste en plantear:

$$E(s) = R(s) - Y(s)$$

$$Y(s) = M_1(s)R(s) + M_2(s)P(s)$$

y por tanto:

$E(s) = (1 - M_1(s))R(s) - M_2(s)P(s)$, siendo $M_1(s)$ la función de transferencia que relaciona $Y(s)$ con $R(s)$ considerando $P(s)=0$, y $M_2(s)$ la relación entre $Y(s)$ y $P(s)$ considerando $R(s)$ nula. Para el primer caso, al eliminar $P(s)$, es fácil resolver la primera realimentación ($H(s) = s$), quedando el diagrama de bloques:



y por tanto:

$$E(s) = R(s) - Y(s) = R(s) - 10 \frac{2}{3s+1} E(s)$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

