

COMPLEJOS

Es el número $\sqrt{-1}$ y son aquellos que se pueden escribir como $a + bi$, donde a y b son números reales y i la unidad imaginaria.

El número imaginario se designa por bi / $a, b \in \mathbb{R}$

Los números complejos $a + bi$ y $a - bi$ tienen la misma parte real.

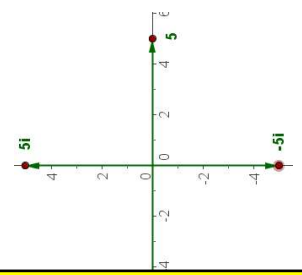
Forma binómica: $z = a + bi$

El número imaginario puro es $z = bi$

El número en forma binómica es $z = a + bi$

El inverso de $a + bi$ es $\frac{1}{a + bi} = \frac{a - bi}{(a + bi)(a - bi)} = \frac{a - bi}{a^2 + b^2}$

El conjugado de un número complejo $P(a, b)$, que se llama $P(a, -b)$, es el número complejo $a - bi$.



...

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Potencias de i:

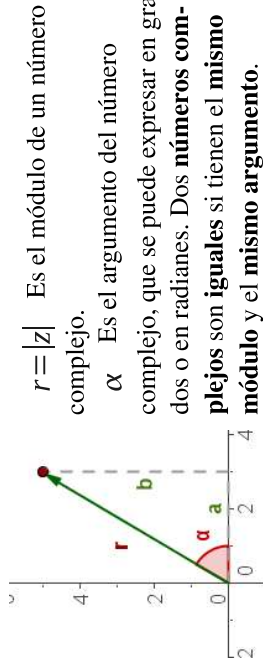
$$i^0=1, i^1=i, i^2=-1, i^3=-i, i^4=1, i^5=i, \dots$$

$$i^{254} = (i^4)^{63} \cdot i^2 = 1 \cdot (-1) = -1$$

Operaciones con números complejos:

- Suma $(a + bi) + (c + di) = (a + c) + (b + d)i$
- Resta $(a + bi) - (c + di) = (a - c) + (b - d)i$
- Producto $(a + bi)(c + di) = (ac - bd) + (ad + bc)i$
- División $\frac{a + bi}{c + di} = \frac{(a + bi)(c - di)}{(c + di)(c - di)} = \dots$

Números complejos en forma polar: r_α

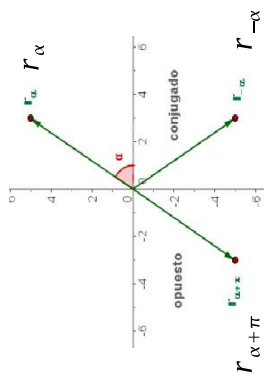


$$r_\alpha = r'_{\alpha'} \rightarrow r = r' \text{ y } \alpha = \alpha' + k \cdot 360^\circ \quad k \in \mathbb{Z}$$

Tomaremos siempre $\alpha \in [0, 360^\circ)$

Conjugado, opuesto e inverso de un número en forma polar:

- opuesto: $-Z = r_{\alpha+180^\circ}$
- conjugado: $\bar{Z} = r_{-\alpha}$
- inverso: $Z^{-1} = \frac{1}{Z} = \frac{1}{r_\alpha} = \frac{1}{r} r_{-\alpha}$



Paso de forma binómica a polar:

$$r = |z| = \sqrt{a^2 + b^2} \quad \text{tg } \alpha = \frac{b}{a} \rightarrow \alpha = \text{arctg} \left(\frac{b}{a} \right)$$

Paso de forma polar a binómica:

$$a = r \cos \alpha \quad b = r \sin \alpha$$

Forma trigonométrica:

$$z = a + bi = r \cos \alpha + (r \sin \alpha)i = r(\cos \alpha + i \sin \alpha)$$

Producto de números complejos en forma polar:

$$r_\alpha \cdot r_{\alpha'} = (r \cdot r')_{\alpha + \alpha'}$$

Cociente de números complejos en forma polar:

$$\frac{r_\alpha}{r_{\alpha'}} = \left(\frac{r}{r'} \right)_{\alpha - \alpha'}$$

Potencias de números complejos:

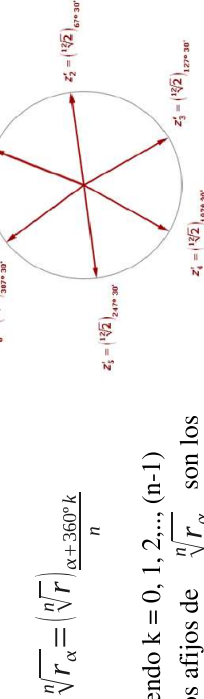
$$(r_\alpha)^n = \underbrace{r_\alpha \cdot r_\alpha \cdot \dots \cdot r_\alpha}_n = (r^n)_{\alpha + \alpha + \dots + \alpha} = (r^n)_{n\alpha}$$

Fórmula de Moivre:

$z^n = (r_\alpha)^n = r^n (\cos n\alpha + i \sin n\alpha)$ Si $r=1$, es muy útil en trigonometría:

$$(1_\alpha)^n = (\cos \alpha + i \sin \alpha)^n = (\cos n\alpha + i \sin n\alpha)$$

Raíces de números complejos:



Siendo $k = 0, 1, 2, \dots, (n-1)$
 Los afijos de $\sqrt[n]{r_\alpha}$ son los vértices de un polígono regular de n lados inscrito en una circunferencia de radio $\sqrt[n]{r}$

Formula del binomio de Newton $(a + bi)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} (bi)^k$