

**Consultor:** Francesc Tarrés  
**Fecha entrega:** 18 de diciembre de 2018

### Normas de entrega

- Entregar preferiblemente un documento en PDF y comprobar que todas las ecuaciones se visualizan correctamente. Es posible incluir páginas escaneadas de documentos elaborados manualmente. En este caso, procure tener una letra y organización del documento clara. Si se desea, se puede entregar el PDF y el formato Word Office conjuntamente. Se recomienda no entregar solo el formato Word ya que no siempre se mantienen las fórmulas en todas las versiones. No se aceptan entregas en OpenOffice.
- Nombre del documento: Apellido\_1\_Apellido\_2\_Nombre\_PEC3.pdf.
- Se tienen que numerar todas las páginas del documento, especialmente cuando se entregan documentos manuscritos escaneados.
- Todos los resultados de los problemas se tienen que demostrar o razonar. Si algunas de las demostraciones necesarias aparecen en el libro de texto sólo es necesario referenciar la fórmula del libro. El detalle con el que se espera la resolución de los ejercicios es el mismo que el de los ejercicios resueltos que se proporcionan en las guías de estudio de cada módulo.
- Las soluciones finales de cada apartado deben identificarse de forma clara.

### Problema 1. Códigos de longitud variable (30%)

Una fuente de mensajes tiene un total de 12 mensajes con las siguientes probabilidades:

| m  | prob | m  | prob | m  | prob | m   | prob |
|----|------|----|------|----|------|-----|------|
| M1 | 0,4  | M4 | 0,09 | M7 | 0,04 | M10 | 0,03 |
| M2 | 0,1  | M5 | 0,06 | M8 | 0,04 | M11 | 0,03 |
| M3 | 0,1  | M6 | 0,05 | M9 | 0,03 | M12 | 0,03 |

Se consideran los siguientes códigos de longitud variable:

| M   | Código 1 | Código 2   | Código 3 | Código 4 |
|-----|----------|------------|----------|----------|
| M1  | 000      | 1          | 0        | 00       |
| M2  | 001      | 01         | 010      | 010      |
| M3  | 010      | 001        | 011      | 011      |
| M4  | 011      | 0001       | 0110     | 100      |
| M5  | 1000     | 00001      | 0101     | 1010     |
| M6  | 1001     | 000001     | 00010    | 1110     |
| M7  | 1010     | 0000001    | 01001    | 1111     |
| M8  | 1011     | 00000001   | 11011    | 1100     |
| M9  | 1100     | 000000001  | 10111    | 10110    |
| M10 | 1101     | 0000000001 | 01111    | 10111    |

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
 CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

- c) Calcule el número de bits medio de los códigos que haya considerado consistentes.
- d) Una forma de construir códigos óptimos es mediante el algoritmos de Huffman del cual podéis encontrar abundante información en internet. En este problema se propone que, buscando bibliografía adicional sobre el algoritmos de Huffman, se calcule un código de Huffman asociado a la fuente propuesta.
- e) Determina el número de bits medio del código de Huffman propuesto para la fuente de ese ejercicio.

The logo for Cartagena99 features the text 'Cartagena99' in a stylized, blue, serif font. The text is set against a light blue, starburst-like background that tapers to the right. Below the text is a horizontal orange bar with a slight gradient and a drop shadow effect.

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

**Problema 2. Códigos de paridad cruzada en la corrección de errores (40 %).**

Queremos estudiar dos códigos de corrección de error basados en paridad cruzada. Ambos códigos se aplican sobre una palabra original con una longitud de 30 bits. En el primer caso, la palabra se descompone en dos bloques de 15 bits que se disponen por filas y posteriormente se aplica un bit de paridad par en cada fila y cada columna. En el segundo caso, la secuencia de 30 bits se descompuesta en 6 filas de 5 bits cada una, añadiendo también un bit de redundancia par por cada fila y por cada columna, tal y como se indica en la figura adjunta.

**Código corrector de paridad cruzada 1**

|     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| B0  | B1  | B2  | B3  | B4  | B5  | B6  | B7  | B8  | B9  | B10 | B11 | B12 | B13 | B14 | R1  |
| B15 | B16 | B17 | B18 | B19 | B20 | B21 | B22 | B23 | B24 | B25 | B26 | B27 | B28 | B29 | R2  |
| R3  | R4  | R5  | R6  | R7  | R8  | R9  | R10 | R11 | R12 | R13 | R14 | R15 | R16 | R17 | R18 |

**Código corrector de paridad cruzada 2**

|     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| B0  | B1  | B2  | B3  | B4  | R1  |
| B5  | B6  | B7  | B8  | B9  | R2  |
| B10 | B11 | B12 | B13 | B14 | R3  |
| B15 | B16 | B17 | B18 | B19 | R4  |
| B20 | B21 | B22 | B23 | B24 | R5  |
| B25 | B26 | B27 | B28 | B29 | R6  |
| R7  | R8  | R9  | R10 | R11 | R12 |

Una vez calculados los bits de redundancia usando paridad par se transmiten por filas, empezando por el elemento superior izquierdo, como en los sistemas de escritura occidental.

- Determina en cada caso el número total de bits del código ( $n$ ), el número de bits de redundancia ( $r$ ) y la tasa del código ( $\frac{m}{n} = \frac{n-r}{n}$ )
- Calcula la secuencia de bits con la que se codificaría el siguiente mensaje en cada uno de los dos códigos propuestos.

11111 00000 11000 00111 10101 01010

- En los dos casos, cada bit se transmite usando una modulación NRZ con una duración de bit de  $15 \mu s$ , cuál es la tasa de transmisión de bits útiles en bits por segundo en cada uno de los dos sistemas de paridad.
- En el sistema de paridad cruzada 1, recibimos el siguiente mensaje:

11010 01111 11001 1  
11101 01100 11101 1  
00111 00101 00100 0

Determina si se ha producido un error y en caso afirmativo si es posible corregirlo. Si es posible corregirlo indica cuál es el mensaje útil que hemos transmitido.

Supongamos que la probabilidad de error por bits es de:  $p = 10^{-4}$ .

- Calcula la probabilidad de que se produzca uno o más errores en un mensaje de 30

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99

**Problema 3. Multiplexación de señales en el tiempo: Transport Stream. (30%)**

Queremos transmitir un conjunto de canales de audio y vídeo de alta calidad mediante un multiplex temporal estadístico con una filosofía similar al sistema de Transport Stream que se utiliza para la multiplexación de señales de Televisión Digital y estandarizado por la ISO en el estándar MPEG Sistemas. Esencialmente, cada el stream binario de cada canal de vídeo o audio se descompone en paquetes de 180 bytes de información útil. Cada uno de estos 180 bytes se ponen en otro paquete de 192 bytes que incluye los 180 bytes como carga útil más 2 bytes que identifican el canal de audio o vídeo del cuál transportan la información, 6 bytes de información de sincronismo y 4 bytes de redundancia para la eventual corrección de errores.

La estrategia de multiplexación de los canales audiovisuales es enviar estos paquetes de 192 bytes de forma continuada, multiplexando en el tiempo diferentes informaciones. Cada paquete de 192 bytes corresponde únicamente a un canal de audio o vídeo. Así, en un paquete no se pueden mezclar bits asociados a fuentes de audio o vídeo diferentes. Los paquetes se envían al canal siguiendo una estrategia de multiplexación estadística. Así, los canales de audio y vídeo van llenando unos buffers asociados a cada fuente y a medida que los buffers tienen un mínimo de 180 bytes se construye un nuevo paquete que se envía al canal. No hay tiempo de guarda entre paquetes. La duración del paquete debe diseñarse para que el multiplex permita transmitir todos los datos que deseamos enviar sin que se desborden los buffers del transmisor ni del receptor. En el caso en que todos los buffers estén vacíos pueden continuar enviando paquetes de 192 bytes sin información útil, con bits de relleno. Si se desea, se pueden encontrar más detalles de la filosofía general de transmisión del sistema de transporte stream en diferentes fuentes, entre ellas la wikipedia.

Queremos enviar los siguientes canales:

- 2 canales de vídeo de alta definición, codificados a una tasa de 15 Mbps<sup>1</sup> cada canal.
- 5 canales de vídeo de definición convencional, codificados a una tasa de 3,5 Mbps cada canal
- 1 canal de vídeo 4K de alta calidad codificado a 200 Mbps.
- 16 canales de audio de alta calidad codificados en PCM a una tasa de 1,152 Mbps para cada canal
- 4 canales de audio de comentarista, codificados en PCM a una tasa de 128 kbps por cada canal.
- 10 canales de información auxiliar, cada uno de ellos con una tasa de 32 kbps.

Se pide:

- a) Determina la tasa de bits útil de todo el multiplex completo, sin tener en cuenta los bits de cabecera y de redundancia.
- b) Calcula cuál debería ser la duración máxima de un paquete ( $T_{paquet}$ ) para poder enviar toda la información asociada al multiplex. Suponga que la modulación de la información es del tipo NRZ.
- c) Suponga que en la práctica tomamos una duración de paquete que es un 95% del que hemos calculado en el apartado anterior. ¿Cuál será la tasa de bits transmitidos, incluyendo las cabeceras y redundancias. (Nota: el paquete se hace algo más corto

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**

Cartagena99