

**Ejercicio 1 Modelos estándar y espacios probabilístico:**

**(11 Punkte)**

Dada sea una secuencia de Bits  $[X_1, \dots, X_8]$  constituida por elementos independientes por pares, distribuidos idénticamente, que deben ser modelados por variables aleatorias (distribución de Brenoulli) con parametros  $1/2 < p < 1$ .  
 Sea  $A = \{[X_1, \dots, X_8] = [1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1]\}$  y  $B = \{[X_1, \dots, X_8] = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]\}$ .

- 0
- 1
- 2
- 3

a)\* Determine  $P(A)$  y  $P(B)$ .

$$P(A) = P(\{X_1 = 1\}) P(\{X_2 = 1\}) P(\{X_3 = 0\}) P(\{X_4 = 1\}) P(\{X_5 = 1\}) P(\{X_6 = 1\}) \cdot P(\{X_7 = 1\}) P(\{X_8 = 1\}) \checkmark = p^7(1-p)^1 \checkmark = p^7(1-p)$$

$$P(B) = \prod_{i=1}^8 P(\{X_i = 1\}) = p^8 \checkmark$$

- 0
- 1

b)\* ¿Qué combinación tiene la probabilidad más alta?

$[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]$

Sea  $Y = \sum_{k=1}^8 X_k$ ,  $C = \{Y = 7\}$  y  $D = \{Y = 8\}$ .

- 0
- 1

c)\* ¿Que declaración puede usted tomar con la información dada? ?

$P(A) < P(C)$      $P(A) = P(C)$      $P(A) > P(C)$     keine Aussage möglich

- 0
- 1

d)\* ¿Que declaración puede usted tomar con la información dada?

$P(B) < P(D)$      $P(B) = P(D)$      $P(B) > P(D)$     keine Aussage möglich

- 0
- 1
- 2
- 3

e)\* Determine la probabilidad  $P(C)$  dependiendo de p.

Indicación: Considere que modelo estándar es adecuado para Y y que valores deberían adoptar sus parámetros.

Distribución binomial con parámetros p y n = 8. ✓

$$P(C) = P(\{Y = 7\}) = p_Y(7) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k} = \binom{8}{7} p^7 (1-p)^1 \checkmark$$

$$= \frac{8!}{7!1!} p^7 (1-p) = 8p^7(1-p) \checkmark$$

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
 CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**



f) Compare los valores  $P(C)$  y  $P(D)$  dado el valor  $p = 7/8$ .

0  
1  
2

$$P(C) = 8 \frac{7^7}{8^7} \frac{1}{8} \text{ und } P(D) = P(B) = \frac{7^8}{8^8} \quad \checkmark$$

$$P(C) - P(D) = \underbrace{(8 - 7)}_{>0} \frac{7^7}{8^8} > 0 \text{ (oder } \frac{P(C)}{P(D)} = \frac{8}{7} > 1) \Rightarrow P(C) > P(D) \quad \checkmark$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

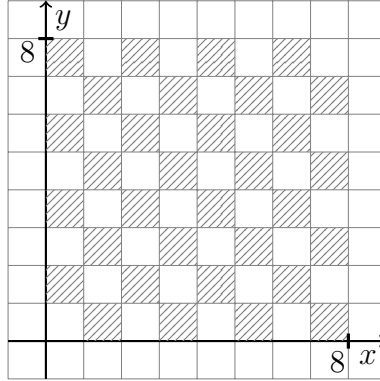
ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

**Ejercicio 2    Distribuciones multidimensionales    (10 Punkte)**

Dadas sean dos variables aleatorias colectivas continuas  $X$  e  $Y$  con la función de densidad de probabilidad (PDF) compuesta

$$f_{X,Y}(x,y) = \begin{cases} c & \text{cuando } (x,y) \text{ toman los valores respresentados por superficies sombreadas} \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

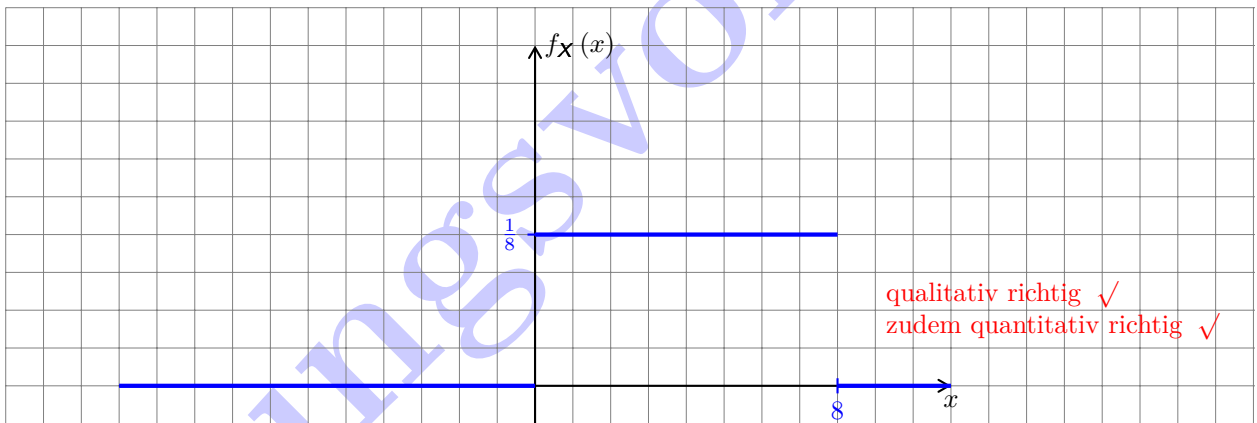


0   
1

a) ¿Qué valor debe tomar  $c$ ?

0   
1   
2

b)\* Dibuje cuantitativamente la PDF  $f_X(x)$  para todo  $x \in \mathbb{R}$ .



0   
1

c)\* ¿Qué relación existe entre  $f_X$  y  $f_Y$ ?

0   
1   
2

d) Sean  $X'$  y  $Y'$  dos variables aleatorias independientes entre ellas y continuas con la misma distribución en las fronteras como  $X$  e  $Y$ . De  $f_{X',Y'}(x,y)$  para todo  $x,y \in \mathbb{R}$

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**



Von nun an werden wieder die beiden **ursprünglich gegebenen** Zufallsvariablen  $X$  und  $Y$  betrachtet.

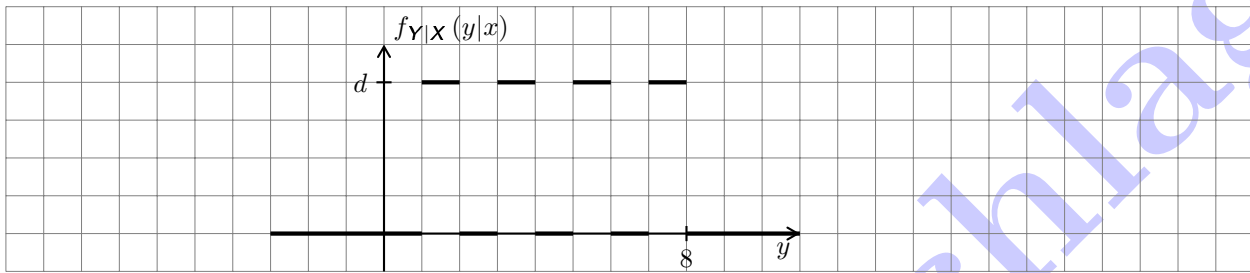
e)\* Für welche Werte von  $x$  ist  $f_{Y|X}(y|x)$  nicht definiert?

0  
1

$x \notin [0; 8]$  ✓

f)\* Für welche Werte von  $x$  ist  $f_{Y|X}(y|x)$  wie in der folgenden Abbildung gezeigt?

0  
1



$x \in [0; 1] \cup [2; 3] \cup [4; 5] \cup [6; 7]$  ✓

g)\* Dabei muss gelten:  $d =$

0  
1

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

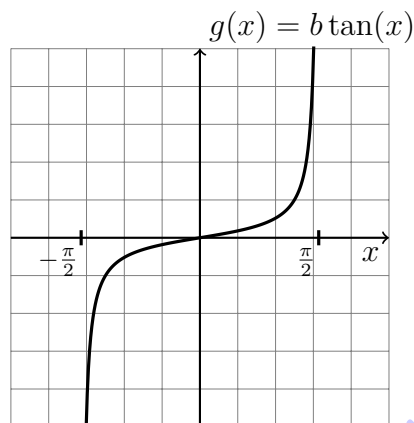
Cartagena99

### Aufgabe 3 Transformation von Zufallsvariablen (11 Punkte)

Gegeben seien die Zufallsvariable  $X$  mit der Wahrscheinlichkeitsdichtefunktion (WDF)

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{2a} & \text{wenn } x \in [-a; a], \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

mit  $0 < a < \frac{\pi}{2}$ , sowie die Funktion



mit  $b > 0$ . Wir betrachten die Zufallsvariable  $Y = g(X)$ .

**Hinweis:** Sie können  $\frac{d}{dx} \tan(x) = 1 + \tan^2(x)$  oder  $\frac{d}{dx} \arctan(x) = \frac{1}{1+x^2}$  verwenden.

- 0
- 1
- 2
- 3
- 4
- 5

a)\* Berechnen Sie  $f_Y(y)$ . Beachten Sie die notwendige Fallunterscheidung im Endergebnis.

$$\begin{aligned} f_Y(y) &= \frac{f_X(g^{-1}(y))}{\left| \frac{dg}{dx} \Big|_{x=g^{-1}(y)} \right|} \checkmark \\ &= \frac{f_X(\arctan(\frac{y}{b}))}{\left| b(1 + \tan^2(x)) \Big|_{x=g^{-1}(y)} \right|} \checkmark \\ &= \frac{f_X(\arctan(\frac{y}{b}))}{\left| b(1 + \tan^2(\arctan(\frac{y}{b}))) \right|} \checkmark \\ &= \frac{f_X(\arctan(\frac{y}{b}))}{b \left( 1 + (\frac{y}{b})^2 \right)} \\ &= \begin{cases} \frac{1}{2ab \left( 1 + (\frac{y}{b})^2 \right)} \checkmark & \text{wenn } y \in [-b \tan(a); b \tan(a)], \checkmark \\ 0 & \text{sonst} \end{cases} \end{aligned}$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Von nun an sei  $b = 1$ , so dass sich

$$f_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{2a(1+y^2)} & \text{wenn } y \in [-\tan(a); \tan(a)], \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

ergibt.

b)\* Untersuchen Sie  $f_Y(y)$  auf Symmetrieeigenschaften. Was folgt für den Erwartungswert  $E[Y]$ ?

0  
1  
2

$f_Y(y)$  ist eine gerade (achsensymmetrische) Funktion, weil sie nur von  $y^2$  abhängt ✓  
 $\Rightarrow E[Y] = 0$  ✓

Nun werde der Grenzfall  $a \rightarrow \frac{\pi}{2}$  betrachtet.

c)\* Vereinfachen Sie  $f_Y(y)$  für diesen Fall so weit wie möglich.

0  
1

$$f_Y(y) = \frac{1}{\pi(1+y^2)} \quad \checkmark \quad \forall y \in \mathbb{R}$$

d) Zeigen Sie nachvollziehbar, dass für diesen Fall  $\int_{-\infty}^{\infty} |y|f_Y(y) dy = \infty$  gilt. Was folgt für den Erwartungswert  $E[Y]$ ?

0  
1  
2  
3

**Hinweis:**  $\int \frac{x}{1+x^2} dx = \frac{1}{2} \ln(1+x^2) + \text{const.}$

$$\begin{aligned} \int_{-\infty}^{\infty} |y|f_Y(y) dy &= \int_{-\infty}^{\infty} |y| \frac{1}{\pi(1+y^2)} dy \\ &= 2 \int_0^{\infty} \frac{1}{\pi} \frac{y}{1+y^2} dy \quad \checkmark \\ &= 2 \left[ \frac{1}{2\pi} \ln(1+y^2) \right]_0^{\infty} \\ &\stackrel{\checkmark}{=} \infty - 0 = \infty \end{aligned}$$

$\Rightarrow$  Der Erwartungswert  $E[Y]$  existiert nicht. ✓

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

## Aufgabe 4 Wahrscheinlichkeitserzeugende Funktion (8 Punkte)

Gegeben seien die Zufallsvariable  $X$  mit der wahrscheinlichkeitserzeugenden Funktion  $G_X(z)$  und die Zufallsvariable  $Y = 2X - 1$ .

0  
1  
2  
3

a)\* Drücken Sie die wahrscheinlichkeitserzeugende Funktion von  $Y$  durch  $G_X$  aus.

$$G_Y(z) = E[z^Y] = E[z^{2X-1}] \quad \checkmark = E\left[(z^2)^X \frac{1}{z}\right] = \frac{1}{z} E[(z^2)^X] \quad \checkmark = \frac{1}{z} G_X(z^2) \quad \checkmark$$

Von nun an sei

$$G_X(z) = \frac{z}{b - bz + z}$$

mit  $b > 1$ .

0  
1  
2

b)\* Welchen Verteilungstyp hat  $X$  und wie ist/sind der/die Parameter der Verteilung gewählt?

$$G_X(z) = \frac{\frac{1}{b}z}{1 - z + \frac{1}{b}z} \text{ entspricht einer geometrischen Verteilung } \checkmark \text{ mit Parameter } p = \frac{1}{b}. \quad \checkmark$$

0  
1

c) Vereinfachen Sie für diesen Fall  $G_Y(z)$  so weit wie möglich.

$$G_Y(z) = \frac{1}{z} \frac{z^2}{b - bz^2 + z^2} = \frac{z}{b - bz^2 + z^2} \quad \checkmark$$

Von nun an sei  $b = 2$ , so dass  $G_Y(z) = \frac{z}{2 - z^2}$ .

0  
1  
2

d)\* Bestimmen Sie  $E[Y]$ . Geben Sie eine Rechnung oder eine sonstige ausführliche Begründung an.

$$\frac{d}{dz} G_Y(z) = \frac{(2 - z^2) - z(-2z)}{(2 - z^2)^2} \quad \checkmark = \frac{2 + z^2}{(2 - z^2)^2}$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Cartagena99

## Aufgabe 5 Poisson-Prozess (11 Punkte)

Gegeben sei ein Poisson-Prozess  $(V_t : t \geq 0)$  mit Parameter  $\lambda$ .

a)\* Bestimmen Sie  $\lambda$  für den Fall, dass der Wert  $E[V_1 V_4] = \frac{1}{2}$  bekannt ist.

0  
1  
2  
3

$$r_V(s, t) = \lambda \min\{s, t\} + \lambda^2 st$$

$$\frac{1}{2} = \lambda 1 + \lambda^2 4 \quad \checkmark$$

$$\lambda_{1/2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1 - 4 \cdot 4 \cdot (-\frac{1}{2})}}{2 \cdot 4} = \frac{-1 \pm \sqrt{1+8}}{8} = \frac{-1 \pm 3}{8} = \begin{cases} \frac{2}{8} \\ -\frac{4}{8} \end{cases} \quad \checkmark$$

$$\lambda = \frac{-4}{8} < 0 \text{ nicht möglich} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{4} \quad \checkmark$$

Von nun an werde **ein anderer** Poisson-Prozess  $(V_t : t \geq 0)$  mit  $\lambda = 2$  betrachtet.

b)\* Berechnen Sie  $P(\{V_t = 0\})$ .

0  
1  
2

$$p_{V_t}(k) = \frac{(\lambda t)^k}{k!} e^{-(\lambda t)} \text{ für } k \in \mathbb{N}_0 \quad \checkmark$$

$$P(\{V_t = 0\}) = p_{V_t}(0) = \frac{(\lambda t)^0}{0!} e^{-(\lambda t)} = e^{-2t} \quad \checkmark$$

c)\* Welcher Zusammenhang besteht zwischen  $P(\{V_t \geq 1\})$  und  $P(\{V_t = 0\})$ ?

0  
1

$$P(\{V_t \geq 1\}) = 1 - P(\{V_t = 0\}) \quad \checkmark \text{ (weil } P(\{0 < V_t < 1\}) = 0)$$

d)\* Geben Sie  $P(\{V_3 \geq 1\} | \{V_2 \geq 1\})$  an. Welche Eigenschaft des Poisson-Prozesses führt zu diesem Ergebnis?

0  
1  
2

$$P(\{V_3 \geq 1\} | \{V_2 \geq 1\}) = 1 \quad \checkmark \text{ weil der Poisson-Prozess monoton steigende Musterfunktionen hat} \quad \checkmark$$

e) Berechnen Sie nun  $P(\{V_2 \geq 1\} | \{V_3 \geq 1\})$ .

**Hinweis:** Schreiben Sie Ihr Ergebnis in Abhängigkeit von e.

0  
1  
2  
3

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70

Cartagena99



## Aufgabe 6 Zufallsfolgen (15 Punkte)

Bei der Übertragung einer Zufallsfolge  $(X_k : k \in \mathbb{Z})$  tritt eine Verzögerung um  $D \in \mathbb{N}$  Zeitschritte, eine Skalierung mit  $h \in \mathbb{R}$  und eine Störung durch additives Rauschen  $(Z_k : k \in \mathbb{Z})$  auf. Die empfangene Folge ist  $(Y_k : k \in \mathbb{Z})$  mit

$$Y_k = hX_{k-D} + Z_k.$$

Das Rauschen  $(Z_k : k \in \mathbb{Z})$  sei stochastisch unabhängig von  $(X_k : k \in \mathbb{Z})$ .

0   
1   
2

a)\* Drücken Sie die Erwartungswertfolge  $\mu_Y(k)$  durch die Erwartungswertfolgen  $\mu_X$  und  $\mu_Z$  aus.

$$\mu_Y(k) = E[hX_{k-D} + Z_k] = hE[X_{k-D}] + E[Z_k] \quad \checkmark = h\mu_X(k-D) + \mu_Z(k) \quad \checkmark$$

0   
1   
2   
3   
4

b)\* Drücken Sie die Autokorrelationsfolge  $r_Y(k, \ell)$  durch die Autokorrelationsfolgen  $r_X$  und  $r_Z$  und die Erwartungswertfolgen  $\mu_X$  und  $\mu_Z$  aus.

$$\begin{aligned} r_Y(k, \ell) &= E[Y_k Y_\ell] = E[(hX_{k-D} + Z_k)(hX_{\ell-D} + Z_\ell)] \quad \checkmark \\ &= h^2 E[X_{k-D} X_{\ell-D}] + h E[X_{k-D} Z_\ell] + h E[Z_k X_{\ell-D}] + E[Z_k Z_\ell] \quad \checkmark \\ &= h^2 r_X(k-D, \ell-D) + h\mu_X(k-D)\mu_Z(\ell) + h\mu_X(\ell-D)\mu_Z(k) + r_Z(k, \ell) \quad \checkmark \checkmark \end{aligned}$$

0  c)\* Drücken Sie die Kreuzkovarianzfolge  $c_{YX}(k, \ell) = \text{Cov}[Y_k, X_\ell]$  durch die Autokovarianzfolgen

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Von nun an werde angenommen, dass  $(X_k : k \in \mathbb{Z})$  und  $(Z_k : k \in \mathbb{Z})$  im weiteren Sinne stationär und mittelwertsfrei sind.

d) Zeigen Sie, dass  $(Y_k : k \in \mathbb{Z})$  in diesem Fall ebenfalls im weiteren Sinne stationär ist, indem Sie Ihre Ausdrücke für  $\mu_Y(k)$  und  $r_Y(k, \ell)$  so weit wie möglich vereinfachen.

0  
1  
2  
3

$$\begin{aligned} \mu_Y(k) &= h \cdot 0 + 0 = 0 = \text{const.} \quad \checkmark \\ r_Y(k, \ell) &= h^2 r_X(k - D - (\ell - D)) + h \cdot 0 \cdot 0 + h \cdot 0 \cdot 0 + r_Z(k - \ell) \\ &= h^2 r_X(k - \ell) + r_Z(k - \ell) \quad \checkmark \\ \Rightarrow \mu_X &\text{ ist konstant und } r_X \text{ hängt nur von der Differenz } k - \ell \text{ ab} \Rightarrow \text{WSS} \quad \checkmark \end{aligned}$$

Für eine bestimmte Wahl von  $h$  und  $r_Z$ , die wir von nun an annehmen, ergibt sich

$$\mu_Y(k) = 0, \quad r_Y(\tau) = 4r_X(\tau) + \beta\delta(\tau), \quad c_{Y,X}(k, \ell) = 2r_X(k - \ell - D)$$

wobei  $\delta$  der Einheitsimpuls ist und  $\beta > 0$  eine Konstante ist.

Wir betrachten den Fall  $r_X(\tau) = \alpha\lambda^{|\tau|}$  mit den Konstanten  $\alpha > 0$  und  $\lambda \in ]0; 1[$ .

e)\* Berechnen Sie den Korrelationskoeffizienten  $\rho_{Y_k, X_\ell} = \frac{\text{Cov}[Y_k, X_\ell]}{\sqrt{\text{Var}[Y_k] \text{Var}[X_\ell]}}$ . Drücken Sie Ihr Ergebnis in Abhängigkeit von  $\lambda$ ,  $D$ , der Abkürzung  $\tau = k - \ell$  und dem Verhältnis  $\gamma = \frac{\beta}{\alpha}$  aus.

0  
1  
2  
3  
4

$$\begin{aligned} \rho_{Y_k, X_\ell} &= \frac{\text{Cov}[Y_k, X_\ell]}{\sqrt{\text{Var}[Y_k] \text{Var}[X_\ell]}} \\ &= \frac{c_{Y,X}(k, \ell)}{\sqrt{r_Y(0) r_X(0)}} \quad \checkmark \text{ (weil } \mu_Y(k) = \mu_X(\ell) = 0) \\ &= \frac{2r_X(k - \ell - D)}{\sqrt{(4r_X(0) + \beta\delta(0))r_X(0)}} = \frac{2\alpha\lambda^{|\tau-D|}}{\sqrt{(4\alpha + \beta)\alpha}} \quad \checkmark \\ &= \frac{2\lambda^{|\tau-D|}}{\sqrt{4 + \frac{\beta}{\alpha}}} = \frac{2\lambda^{|\tau-D|}}{\sqrt{4 + \gamma}} \quad \checkmark \end{aligned}$$



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

## Aufgabe 7 Zufallsprozesse und lineare zeitinvariante Systeme (6 Punkte)

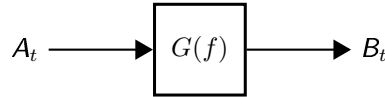
Gegeben sei ein im weiteren Sinne stationärer (WSS), mittelwertsfreier Zufallsprozess ( $A_t : t \in \mathbb{R}$ ) mit dem Leistungsdichtespektrum

$$S_A(f) = \exp(-|f|)$$

und ein lineares zeitinvariantes System mit Übertragungsfunktion

$$G(f) = \begin{cases} 2 \exp(j\frac{\pi}{4}) & \text{wenn } |f| \leq 3, \\ 0 & \text{sonst.} \end{cases}$$

Wir betrachten den Zufallsprozess ( $B_t : t \in \mathbb{R}$ ) am Ausgang des Systems.



0  1  a)\* Begründen Sie ausführlich warum  $\sigma_B^2(t)$  eine Konstante ist.

Weil der Ausgang ( $B_t$ ) eines LTI-Systems mit einem WSS-Prozess am Eingang ( $A_t$ ) wieder WSS ist, und die Varianzfunktion eines WSS-Prozesses konstant ist. ✓

0  1  2  3  4  5  b)\* Bestimmen Sie  $\sigma_B^2$ . Achten Sie auf eine nachvollziehbare Herleitung.  
**Hinweis:** Schreiben Sie Ihr Ergebnis in Abhängigkeit von e.

$$\begin{aligned} \sigma_B^2 &= \int_{-\infty}^{\infty} S_B(f) df - (\underbrace{\mu_B}_{=\mu_A \int_{-\infty}^{\infty} g(t) dt = 0})^2 \quad \checkmark \\ &= \int_{-\infty}^{\infty} |G(f)|^2 S_A(f) df \quad \checkmark \\ &= \int_{-3}^3 4 \exp(-|f|) df \quad \checkmark \\ &= 2 \int_0^3 4 \exp(-f) df \\ &= 8[-\exp(-f)]_0^3 \\ &= 8(1 - e^{-3}) \quad \checkmark \end{aligned}$$

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

## Aufgabe 8 Praktikum Stochastische Signale (18 Punkte)

Gegeben sei der folgende MATLAB-Code. Die Einträge von  $x$  sollen als Realisierungen einer Zufallsvariablen  $X$  interpretiert werden, und die Einträge von  $y$  als Realisierungen einer Zufallsvariablen  $Y$ .

```
x=2*randn(2e4,1)-3;
y=exp(x);
A=mean(x);
B=var(x);
C=mean(x>-3);
D=mean(y>0);
```

a)\* Welchen Zahlenwert hat A nach Ausführung des Codes ungefähr?

0  
 1

-3 ✓

b)\* Welchen Zahlenwert hat B nach Ausführung des Codes ungefähr?

0  
 1

4 ✓

c)\* Welche Änderung könnte man vornehmen, damit der Wert von B näher am theoretischen Wert liegt?

0  
 1

mehr Realisierungen ✓ (den Wert  $2e4$  im Aufruf von `randn` erhöhen)

d)\* Welchen Zahlenwert hat C nach Ausführung des Codes?

0  
 1

exakt 0  ungefähr 0  exakt  $\frac{1}{2}$   ungefähr  $\frac{1}{2}$   exakt 1  ungefähr 1

e)\* Welchen Zahlenwert hat D nach Ausführung des Codes?

0  
 1

exakt 0  ungefähr 0  exakt  $\frac{1}{2}$   ungefähr  $\frac{1}{2}$   exakt 1  ungefähr 1

f)\* Wie viele Einträge hat  $v$ ? Schreiben Sie Ihre Antwort in üblicher handschriftlicher mathematischer  0

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Bernoulli-Verteilung  keinen der genannten Verteilungstypen

Es sind die folgenden Ausschnitte aus der MATLAB-Hilfe gegeben:

`P = unifcdf(X,A,B)` returns the cdf for the uniform distribution on the interval  $[A,B]$  at the values in  $X$ .

[...]

`Y = unifpdf(X,A,B)` returns the continuous uniform pdf on the interval  $[A,B]$  at the values in  $X$ . By default  $A = 0$  and  $B = 1$ .

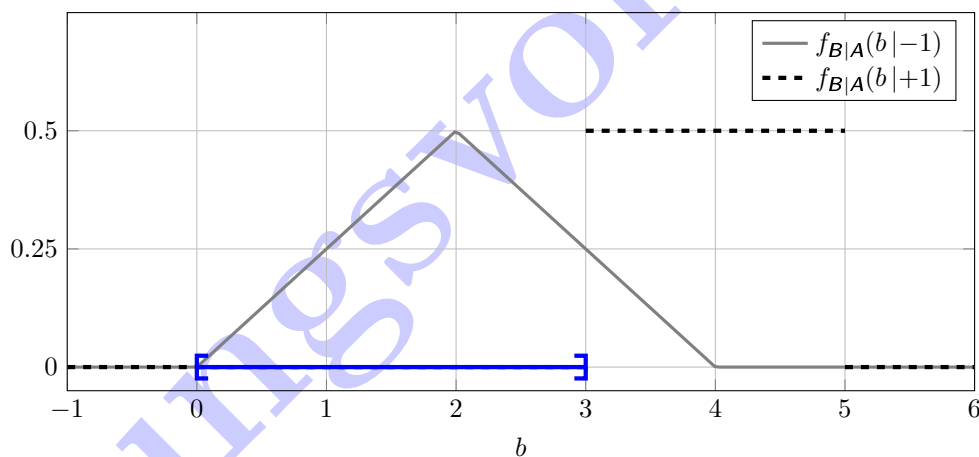
- 0  h)\* Schreiben Sie eine Codezeile, die die kumulative Verteilungsfunktion einer im Intervall  $[5;10]$   
1  stetig gleichverteilten Zufallsvariablen plottet. Nehmen Sie hierzu an, dass zuvor die Codezeile  $z=-15:0.01:15$ ; ausgeführt wurde.

```
plot(z,unifcdf(z,5,10))
```

- 0  i)\* Welchen Zahlenwert liefert `unifcdf(0.5,0,1)`?  
1

$\frac{1}{2}$  ✓

Aus einer Beobachtung  $B$  soll ein Eingangssignal  $A \in \{\pm 1\}$  detektiert werden. Gegeben sei hierzu die folgende bedingte Wahrscheinlichkeitsdichtefunktion.



- 0  j)\* Markieren Sie innerhalb des Intervalls  $[0;5]$  auf der  $b$ -Achse alle Werte, bei denen sich ein  
1  ML-Detektor für  $\hat{a} = -1$  entscheidet.
- 0  k)\* Warum ist es ausreichend, die Entscheidung des ML-Detektors (siehe vorangegangene Teilaufgabe)  
1  nur innerhalb des Intervalls  $[0;5]$  zu diskutieren?

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

$p_A(-1) = 1$  ✓ (jeder Wert  $> \frac{2}{3}$  ist korrekt)

Gegeben sei nun der folgende MATLAB-Code, der Realisierungen eines Elements  $X_n$  einer Zufallsfolge ( $X_n : n \in \mathbb{N}$ ) zu einem bestimmten Zeitpunkt  $n$  erzeugt.

```
x = sum(2*a*sign(rand(b,10*c)-1/d))';
```

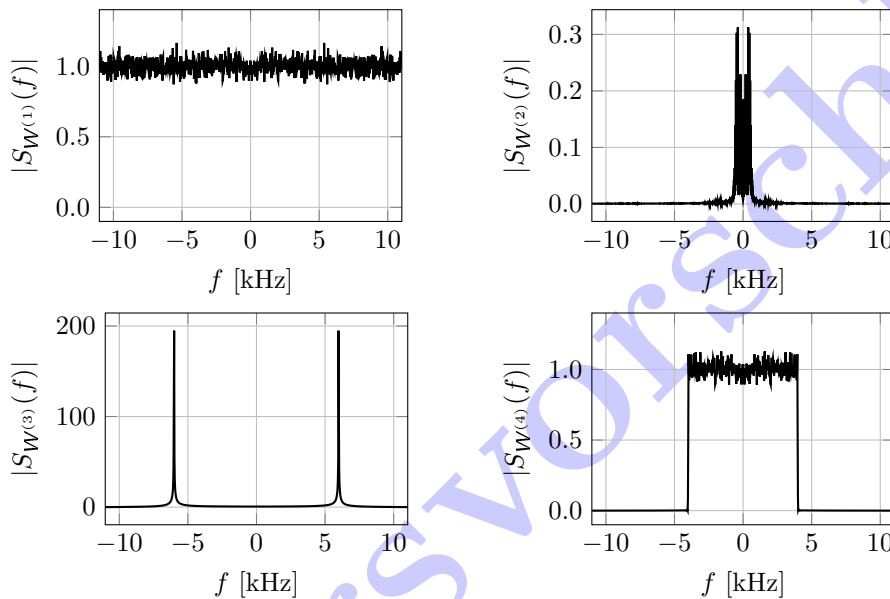
Dabei wird angenommen, dass  $a$ ,  $b$ ,  $c$  und  $d$  davor auf geeignete Werte gesetzt werden.

m)\* Wie müssen  $a$ ,  $b$ ,  $c$  und  $d$  gewählt werden, damit der Code 1000 Realisierungen des 20-ten Folgelements eines symmetrischen Random Walks mit Schrittweite 1 erzeugt?

$a = \frac{1}{2}$        $b = 20$        $c = 100$        $d = 2$

- 0
- 1
- 2
- 3
- 4

Gegeben seien die geschätzten Leistungsdichtespektren der Zufallsprozesse ( $W_t^{(i)} : t \in \mathbb{R}$ ),  $i = 1, \dots, 4$ .



n)\* Sei ( $V_t : t \in \mathbb{R}$ ) die Summe von zwei dieser Zufallsprozesse, d.h.  $V_t = W_t^{(i)} + W_t^{(j)}$  mit  $j \neq i$ . Für welche Kombinationen von  $i \in \{1, 2, 3, 4\}$  und  $j \in \{1, 2, 3, 4\}$  ist es möglich,  $W^{(i)}$  durch Hochpassfilterung von  $V$  zurückzuerhalten?

- 0
- 1
- 2

$i = 3$  und  $j = 2$  ✓ sowie  $i = 3$  und  $j = 4$  ✓

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70

Cartagena99

Zusätzlicher Platz für Lösungen. Markieren Sie deutlich die Zuordnung zur jeweiligen Teilaufgabe. Vergessen Sie nicht, ungültige Lösungen zu streichen.

**CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70**

---

**ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70**