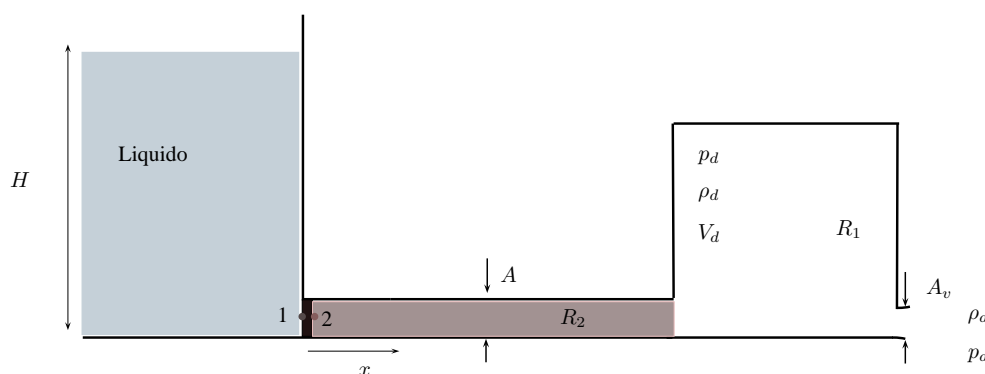


Problema 2:

Se quiere dimensionar una instalación química como la de la figura. Un depósito, inicialmente cerrado y aislado térmicamente de volumen  $V_d$ , está lleno con un gas (R1) con presión  $p_d > p_a$  y densidad  $\rho_d$ . A ese depósito llega una canal que está inicialmente lleno de otro gas (R2) a la misma presión que la del depósito. La reacción química que tiene lugar entre ellos no genera ni consume calor y, además, tampoco modifica la densidad del gas contenido en ese depósito.

Para que la reacción tenga lugar, es necesario que la presión  $p_d$  no varíe en todo el proceso, para lo cual se ha dotado al depósito de una válvula de área  $A_v$  por la que saldrán los productos de la reacción. El reactivo 2 se introduce en el depósito empujándolo mediante un émbolo hidráulico. El émbolo, que está inicialmente fijo, se mueve por la diferencia de presión entre sus dos caras y no existe resistencia a su movimiento por el canal. Se pretende calcular la altura de fluido  $H$  a la que se debe mantener el depósito de líquido de la izquierda para que la presión en el depósito derecho se mantenga constante. Para ello

- Teniendo en cuenta que la masa dentro del depósito no cambia y de que el número de Mach a la entrada del depósito  $x = L$  es mucho menor que la unidad  $M_L \ll 1$ , obtenga la velocidad del gas  $U_L$  en esa sección en función del gasto  $G_v$  de gas que sale por la válvula.
- Escriba la ecuación que permitiría calcular la presión en la cara 2 del émbolo  $p_2/p_d$ . Para ello haga uso de la ecuación de cantidad de movimiento del gas teniendo en cuenta que el canal está aislado térmicamente y que no existe rozamiento.
- Velocidad a la que se mueve el émbolo  $U_e$ .
- Gasto de gas  $G_v$  que sale por la válvula  $A_v$  en función de las condiciones dentro del depósito  $p_d$ ,  $\rho_d$ ,  $a_d$  y del cociente de presiones  $p_d/p_a$ .
- Si el movimiento del líquido es casi estacionario, calcule la presión en la cara 1 del émbolo en función de la velocidad  $U_e$  y la posición del émbolo  $x_e$ . Para ello, tenga en cuenta que existe un coeficiente de fricción  $\lambda$  en la tubería.
- Escriba la ecuación que permitiría calcular la altura de líquido  $H$  que es necesaria para que el émbolo se mueva a velocidad constante.



CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
CALL OR WHATSAPP:689 45 44 70



a)  $\frac{d}{dt} [p \cdot V] = G - G_v = 0$   
 $G = G_v$

$\frac{d}{dt} (p \cdot (e + \frac{v^2}{2}) \cdot V) = G \cdot h_{0L} - G_v \cdot h_d = 0$   
 $h_{0L} = h_d \Rightarrow h_L \cdot (1 + \frac{\gamma-1}{2} M_L^2) = h_d$

$h_L = h_d \Rightarrow T_L = T_d$

Como  $P_L = P_d$   
 $T_L = T_d \Rightarrow P_L = P_d \rightarrow G_v = \rho_L \cdot A \cdot U_L \rightarrow U_L = \frac{G_v}{\rho_d \cdot A}$  (1)

b) Ec. CM:  $\frac{d}{dt} \int_V \rho \cdot \vec{v} \cdot d\vec{v} + \int_S \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) \cdot \vec{v} \cdot \vec{n} \cdot dS = - \int_S p \cdot \vec{n} \cdot dS$   
 para R2  $\frac{d}{dt} (\frac{G_v}{A} \cdot (LA - x_e)) + \rho \cdot U_L \cdot A \cdot U_L = -(P_L - P_2) A \rightarrow \frac{G_v}{A} (U_L - U_e) + (P_d - P_2) = 0$  (1)

Por otro lado  $G_v = \rho_2 \cdot U_e \cdot A = \rho_d \cdot U_L \cdot A$

Canal aislado térmicamente:  $\frac{P_2}{\rho_2^\gamma} = \frac{P_d}{\rho_d^\gamma} \Rightarrow P_2 = \left(\frac{\rho_2}{\rho_d}\right)^\gamma P_d = \left(\frac{U_L}{U_e}\right)^\gamma P_d$

substituyendo en (1)  $\rightarrow \frac{G_v U_L}{A \cdot P_d} \left(1 - \left(\frac{P_d}{P_2}\right)^{1/\gamma}\right) + 1 - \frac{P_2}{P_d} = 0$  (2)

c)  $\frac{U_e}{U_L} = \frac{\rho_d}{\rho_2} = \left(\frac{P_d}{P_2}\right)^{1/\gamma} \rightarrow U_e = \frac{G_v}{\rho_d \cdot A} \cdot \left(\frac{P_d}{P_2}\right)^{1/\gamma}$  (1)

d) Tercera no bloqueada:  $G_v = \rho_d \cdot a_d \cdot A \cdot \left(\frac{2}{\gamma-1}\right)^{1/2} \left(\frac{P_d}{P_a}\right)^{-\frac{1+\gamma}{2\gamma}} \left[\left(\frac{P_d}{P_a}\right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}} - 1\right]$  (1)

e)  $\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\rho v^2}{2}\right) + \frac{1}{\rho} \cdot \frac{\partial p}{\partial x} = - \frac{\lambda v^2}{2D}$

$p_1 - p(x=0) = - \frac{1}{2} \rho \cdot \lambda \cdot \frac{v^2}{2D} x_e$   
 $p_1 - p_2 = \rho \cdot g \cdot H - \frac{1}{2} \rho \cdot v_e^2 \cdot \left\{ \frac{\lambda x_e}{2D} + 1 \right\}$  (3)

$p(x=0) = p_2 + \rho g H - \frac{1}{2} \rho \cdot v_e^2$

f) símbolo:  $M \cdot \frac{dv_e}{dt} = A \cdot (P_2 - P_1) \Rightarrow v_e = c t_e \rightarrow P_2 = P_1$   
 $x_e = v_e \cdot t$

$p_2 + \rho g H - \frac{1}{2} \rho \cdot v_e^2 \cdot \left\{ \frac{\lambda v_e}{2D} \cdot t + 1 \right\} = P_2$  con  $P_2$  dada por (1)

(1)

Cartagena99

CLASES PARTICULARES, TUTORÍAS TÉCNICAS ONLINE  
 LLAMA O ENVÍA WHATSAPP: 689 45 44 70

---

ONLINE PRIVATE LESSONS FOR SCIENCE STUDENTS  
 CALL OR WHATSAPP: 689 45 44 70